

B9ED201DST

ریاضی کی تدریسیات

(Pedagogy of Mathematics)

فاصلاتی اور روایتی نصاب پرمنی خوداکتسابی مواد

برائے

بچپن آف ایجوکیشن

(دوسر اسمسٹر)

نظمت فاصلاتی تعلیم

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

حیدر آباد - 32، تلنگانہ، بھارت

© مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی، حیدرآباد

کورس۔ بیپر آف ایجوکیشن

ISBN: 978-93-80322-36-0

First Edition: August, 2018

Second Edition: July, 2019

Third Edition: March, 2022

ناشر	: رجسٹرار، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی، حیدرآباد
اشاعت	: مارچ، 2022
قیمت	: 110 روپے
تعداد	: 500 کاپیاں
ترتیب و ترتیبین	: ڈاکٹر محمد اکمل خان، نظامت فاصلاتی تعلیم، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی، حیدرآباد
سرورق	: ڈاکٹر فخر احمد (ظفر گزار)، ڈی ٹی پی، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی، حیدرآباد
طبع	: کرشک آرٹ پرنٹرز، حیدرآباد

ریاضی کی تدریسیات

(Pedagogy of Mathematics)

For B.Ed. 2nd Semester

On behalf of the Registrar, Published by:

Directorate of Distance Education

Maulana Azad National Urdu University

Gachibowli, Hyderabad-500032 (TS), Bharat

Director: dir.dde@manuu.edu.in **Publication:** ddepulation@manuu.edu.in

Phone: 040-23008314 **Website:** manuu.edu.in



کورس ریوژن کمیٹی

(Course Revision Committee)

Prof. Mushtaq Ahmed I. Patel

Professor, Education (DDE)

Prof. Najmus Saher

Professor, Education (DDE)

Dr. Sayyad Aman Ubed

Associate Professor, Education (DDE)

Dr. Banwaree Lal Meena

Assistant Professor, Education (DDE)

Dr. Mohd Akmal Khan

Directorate of Distance Education, MANUU

Dr. Abdul Basit Ansari

Directorate of Distance Education, MANUU

Mr. Faheem Anwar

Directorate of Distance Education, MANUU

پروفیسر مشتاق احمد آئی۔ چیل
پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

پروفیسر محمد اسحیر
پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

ڈاکٹر سید امان عبید
اسوئی ایٹ پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

ڈاکٹر بنواری لال مینا
اسٹنٹ پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

ڈاکٹر محمد کمل خان
نظامت فاصلاتی تعلیم، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

ڈاکٹر عبدالباسط انصاری
نظامت فاصلاتی تعلیم، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

جناب فہیم انور
نظامت فاصلاتی تعلیم، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

نظامت فاصلاتی تعلیم

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

چکی باولی، حیدر آباد - 32، تلنگانہ، بھارت



مجلس ادارت۔ اشاعت اول و دوم

(Editorial Board-1st and 2nd Edition)

مضمون مدیر

(Subject Editor)

Prof. Siddiqui Mohd Mahmood

Department of Education and Training, MANUU

پروفیسر صدیقی محمد محمود

شعبہ تعلیم و تربیت، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

زبان مدیر

(Language Editor)

Prof. Najmus Saher

Professor and Programme Coordinator, B.Ed. (DM)

Directorate of Distance Education

Maulana Azad National Urdu University, Hyderabad

پروفیسر نجم الحسن

پروفیسر پروگرام کوآرڈینیٹر، بی۔ ایڈ۔ (فاصلانی طرز)

نظام فاصلانی تعلیم، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی، حیدرآباد

نظامت فاصلانی تعلیم

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

گلگت باولی، حیدرآباد-32، تلنگانہ، بھارت



مجلس ادارت۔ اشاعت سوم

(Editorial Board-3rd Edition)

ضمون مدیران

(Subject Editors)

Prof. Mushtaq Ahmed I. Patel

Professor, Education (DDE)

Prof. Najmus Saher

Professor, Education (DDE)

Dr. Sayyad Aman Ubed

Associate Professor, Education (DDE)

Dr. Banwaree Lal Meena

Assistant Professor, Education (DDE)

پروفیسر مشتاق احمد آئی۔ چیل

پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

پروفیسر محمد اسحر

پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

ڈاکٹر سید امان عبید

اسوچی ایٹ پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

ڈاکٹر بنگاری لال مینا

اسٹنٹ پروفیسر، تعلیم (ڈی ڈی ای)

زبان مدیر

(Language Editor)

Dr. Mohd Akmal Khan

Directorate of Distance Education

Maulana Azad National Urdu University

ڈاکٹر محمد کمل خان

نظامت فاصلاتی تعلیم

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

نظامت فاصلاتی تعلیم

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

گھجی باولی، حیدر آباد۔ 32، تلنگانہ، بھارت

پروگرام گواہی نیٹر

پروفیسر جم اسحر، پروفیسر (تعلیم)

نظمت فاصلاتی تعلیم، مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی، حیدر آباد

اکائی نمبر

مصنفین

اکائی 1

ڈاکٹر شاکرہ پروین، اسٹنٹ پروفیسر، شعبہ تعلیم و تربیت، حیدر آباد، مانو

اکائی 2

ڈاکٹر نجمہ بیگم، اسٹنٹ پروفیسر، شعبہ تعلیم و تربیت، حیدر آباد، مانو

اکائی 3

ڈاکٹر بوئندورا جو، اسٹنٹ پروفیسر، مانوکالج آف ٹیچرا بیجو کیشن، بیدر

اکائی 4

ڈاکٹر ظفر اقبال زیدی، اسٹنٹ پروفیسر، مانوکالج آف ٹیچرا بیجو کیشن، دربھنگ

اکائی 5

ڈاکٹر سید لو قیر امام، اسٹنٹ پروفیسر، مانوکالج آف ٹیچرا بیجو کیشن، آسنول

فہرست

8	وائس چانسلر	پیغام
9	ڈائرکٹر	پیغام
10	پروگرام کو آرڈی نیٹر	کورس کا تعارف
13	ریاضی کی درسیات تعلیم	اکائی : 1
28	الکتابی تجربات اور ریاضی کا حس جمالیات	اکائی : 2
44	ریاضی میں احتساب اور تعین قدر	اکائی : 3
80	ریاضی سمجھی کے لیے	اکائی : 4
91	ریاضی کے معلم کا پیشہ و رانہ فروع	اکائی : 5
111	نمونہ امتحانی پرچہ	

پیغام

مولانا آزاد پیشنسٹل اردو یونیورسٹی 1998 میں وطن عزیز کی پارلیمنٹ کے ایک کے تحت قائم کی گئی۔ اس کے چار نکاتی مینڈ میں ہیں:

(1) اردو زبان کی ترویج و ترقی (2) اردو میڈیم میں پیشہ و رانہ اور تکمیلی تعلیم کی فراہمی (3) روایتی اور فاصلاتی تدریس سے تعلیم کی فراہمی اور (4) تعلیم نسوان پر خصوصی توجہ۔ یہ وہ بنیادی نکات ہیں جو اس مرکزی یونیورسٹی کو دیگر مرکزی جامعات سے منفرداً و ممتاز بناتے ہیں۔ قوی تعلیمی پالیسی 2020 میں بھی مادری اور علاقائی زبانوں میں تعلیم کی فراہمی پر کافی زور دیا گیا ہے۔

اردو کے ذریعے علوم کو فروغ دینے کا واحد مقصد و منشاً اردو داں طبقے تک عصری علوم کو پہنچانا ہے۔ ایک طویل عرصے سے اردو کا دامن علمی موارد سے لگ بھگ خالی رہا ہے۔ کسی بھی کتب خانے یا کتب فروش کی الماریوں کا سرسری جائزہ اس بات کی تصدیق کر دیتا ہے کہ اردو زبان سمٹ کر چند ”ادبی“، ”اصناف“ کے محدود رہ گئی ہے۔ یہی کیفیت اکثر رسانک و اخبارات میں دیکھنے کو لوتی ہے۔ اردو میں دستیاب تحریریں قاری کو کبھی عشق و محبت کی پُر تیقیق را ہوں کی سیر کراتی ہیں تو کبھی جذباتیت سے پُر سیاسی مسائل میں الجھاتی ہیں، کبھی مسلکی اور فکری پس منظر میں مذاہب کی توضیح کرتی ہیں تو کبھی شکوه و شکایت سے ذہن کو گراں بار کرتی ہیں۔ تاہم اردو قاری اور اردو سماج دور حاضر کے اہم ترین علمی موضوعات سے نا بلد ہیں۔ چاہے یہ خود ان کی صحت و بقا سے متعلق ہوں یا معاشی اور تجارتی نظام سے، یا مشینی آلات ہوں یا ان کے گرد و پیش ماحول کے مسائل ہوں، عوامی سطح پر ان شعبہ جات سے متعلق اردو میں مواد کی عدم دستیابی نے عصری علوم کے تین ایک عدم دلچسپی کی فضای پیدا کر دی ہے۔ یہی وہ مبارزات (Challenges) ہیں جن سے اردو یونیورسٹی کو نبرد آزمہ ہونا ہے۔ نصابی مواد کی صورت حال بھی کچھ مختلف نہیں ہے۔ اسکولی سطح پر اردو کتب کی عدم دستیابی کے چرچے ہر تعلیمی سال کے شروع میں زیر بحث آتے ہیں۔ چوں کہ اردو یونیورسٹی کا ذریعہ تعلیم اردو ہے اور اس میں عصری علوم کے تقریباً سبھی اہم شعبہ جات کے کورس موجود ہیں لہذا ان تمام علوم کے لیے نصابی کتابوں کی تیاری اس یونیورسٹی کی اہم ترین ذمہ داری ہے۔ انہیں مقاصد کے حصول کے لیے اردو یونیورسٹی کا آغاز فاصلاتی تعلیم سے 1998 میں ہوا تھا۔

مجھے اس بات کی بے حد خوشی ہے کہ اس کے ذمہ داران بسمول اساتذہ کرام کی انٹکھ مخت اور ماہرین علم کے بھرپور تعاون کی بنا پر کتب کی اشاعت کا سلسہ بڑے پیانے پر شروع ہو گیا ہے۔ فاصلاتی تعلیم کے طباء کے لیے کم سے کم وقت میں خدا کتابی مواد اور خود اکتسابی کتب کی اشاعت کا کام عمل میں آگیا ہے۔ پہلے سمسٹر کی کتب شائع ہو کر طباء و طالبات تک پہنچ چکی ہیں۔ دوسرے سمسٹر کی کتابیں بھی جلد طباء تک پہنچیں گی۔ مجھے یقین ہے کہ اس سے ہم ایک بڑی اردو آبادی کی ضروریات کو پورا کر سکیں گے اور اس یونیورسٹی کے وجود اور اس میں اپنی موجودگی کا حق ادا کر سکیں گے۔

پروفیسر سید عین الحسن
وائس چانسلر

پیغام

فاصلاتی طریقہ تعلیم پوری دنیا میں ایک انتہائی کارگر اور منفید طریقہ تعلیم کی حیثیت سے تسلیم کیا جاچکا ہے اور اس طریقہ تعلیم سے بڑی تعداد میں لوگ مستفید ہو رہے ہیں۔ مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی نے بھی اپنے قیام کے ابتدائی دنوں ہی سے اردو آبادی کی تعلیمی صورت حال کو محسوس کرتے ہوئے اس طرزِ تعلیم کو اختیار کیا۔ مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی کا آغاز 1998ء میں نظمت فاصلاتی تعلیم اور ٹرانسلیشن ڈویژن سے ہوا اور اس کے بعد 2004ء میں باقاعدہ روایتی طرزِ تعلیم کا آغاز ہوا اور بعد ازاں متعدد روایتی تدریس کے شعبہ جات قائم کیے گئے۔ نو قائم کردہ شعبہ جات اور ٹرانسلیشن ڈویژن میں تقریباً عمل میں آئیں۔ اس وقت کے اربابِ مجاز کے بھرپور تعاون سے مناسب تعداد میں خود مطالعاتی مواد تحریر و ترجیح کے ذریعے تیار کرائے گئے۔

گزشتہ کئی برسوں سے یوجی سی۔ ڈی ای بی UGC-DEB اس بات پر زور دیتا رہا ہے کہ فاصلاتی نظامِ تعلیم کے نصابات اور نظمات کو روایتی نظامِ تعلیم کے نصابات اور نظمات سے کا حقہ ہم آہنگ کر کے نظمت فاصلاتی تعلیم کے طلباء کے معیار کو بلند کیا جائے۔ چون کہ مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی فاصلاتی اور روایتی طرزِ تعلیم کی جامعہ ہے، لہذا اس مقصد کے حصول کے لیے یوجی سی۔ ڈی ای بی کے رہنمایانہ اصولوں کے مطابق نظمت فاصلاتی تعلیم اور روایتی نظامِ تعلیم کے نصابات کو ہم آہنگ اور معیار بلند کر کے خود اکتسابی مواد SLM از سر نوبال ترتیب یوجی اور پی جی طلباء کے لیے چھ بلاک چوبیں اکائیوں اور چار بلاک سولہ اکائیوں پر مشتمل نئے طرز کی ساخت پر تیار کرائے جا رہے ہیں۔

نظمت فاصلاتی تعلیم یوجی، پی جی، بی ایڈ، ڈی پلو م اور ٹیکنیکیٹ کو رسز پر مشتمل جملہ پندرہ کو رسز چلا رہا ہے۔ بہت جلد تکنیکی ہنزہ پرمنی کو رسز بھی شروع کیے جائیں گے۔ متعلمین کی سہولت کے لیے 9 علاقائی مرکز بنگلورو، بھوپال، دربھنگ، دہلی، کوکاتا، ممبئی، پٹنہ، راجشہی اور سری نگر اور 5 ذیلی علاقائی مرکز حیدر آباد، لکھنؤ، جموں، نوح اور امرادتی کا ایک بہت بڑا نیٹ ورک تیار کیا ہے۔ ان مرکز کے تحت سری دست 155 متعلم امدادی مرکز (Learner Support Centres) کام کر رہے ہیں، جو طلباء کو تعلیمی اور انتظامی مدد فراہم کرتے ہیں۔ نظمت فاصلاتی تعلیم نے اپنی تعلیمی اور انتظامی سرگرمیوں میں آئی سی ٹی کا استعمال شروع کر دیا ہے، نیز اپنے تمام پروگراموں میں داخلے صرف آن لائن طریقہ ہی سے دے دے رہا ہے۔

نظمت فاصلاتی تعلیم کی ویب سائٹ پر متعلمین کو خود اکتسابی مواد کی سافت کا پیاں بھی فراہم کی جا رہی ہیں، نیز جلد ہی آڈیو۔ ویڈیو رویکارڈنگ کا لینک بھی ویب سائٹ پر فراہم کیا جائے گا۔ اس کے علاوہ متعلمین کے درمیان رابطے کے لیے ایس ایم ایس (SMS) کی سہولت فراہم کی جا رہی ہے، جس کے ذریعے متعلمین کو پروگرام کے مختلف پہلوؤں جیسے کورس کے رجسٹریشن، مفہومات، کونسلنگ، امتحانات وغیرہ کے بارے میں مطلع کیا جاتا ہے۔

امید ہے کہ ملک کی تعلیمی اور معاشی حیثیت سے کچھ بڑی اردو آبادی کو مرکزی دھارے میں لانے میں نظمت فاصلاتی تعلیم کا بھی نمایاں رول ہو گا۔

پروفیسر محمد رضا اللہ خان

ڈائرکٹر، نظمت فاصلاتی تعلیم

کورس کا تعارف

تعلیم و تربیت اور بالخصوص کمرہ جماعت میں کی جانے والی تدریس کو ایک فن مانا گیا ہے۔ طلباء کی سابقہ معلومات، تجربات، مہارتؤں وغیرہ کو منظر رکھتے ہوئے کی جانے والی تدریس زیادہ موثر ہو سکتی ہے۔ اسکولی نظام میں ایک خصوصی اور لازمی بیشیت سے شامل مضمون ریاضی تدریس و اکتساب سے لے کر تعین قدر تک خصوصی دلچسپی اور توجہ کا طالب ہے۔ فن تعلیم کے مختلف پہلوؤں پر اس انداز میں بحث کرنا کہ مختلف ہنری سطحوں کے زیر تربیت اساتذہ کا حقہ مہارت حاصل کر لیں ایک بڑی ذمہ داری کا کام ہے۔

اس بلاک میں کوشش کی گئی ہے کہ ایسے مواد سے روشناس کرایا جائے کہ وہ (Mathematics Curriculum) سے دلچسپی رکھنے والے ہر ہنری سطح اور دلچسپی کے افراد کے لیے یہ مفید ثابت ہو سکے۔

اکائی 1۔ میں ریاضی کا نصاب تعلیم (Mathematics Curriculum) : اس اکائی میں نصاب تعلیم کا تصور اور نصاب اور نصاب تعلیم کا فرق سمجھنا اور نصاب کی تدوین کے اصولوں کو ریاضی کے ناظر میں متعارف کروایا گیا ہے۔

اکائی 2۔ دور جدید میں معلم کے ذریعہ علم پڑھانے سے زیادہ طالب علم کے ذریعہ علم سیکھنے کے عمل پر توجہ دی جا رہی ہے۔ نظریہ تعمیریت (Constructivist Theory) نے بلاشبہ یہی دنیا میں ایک بڑا انقلاب برپا کر دیا ہے۔

اس اکائی میں تدریس ریاضی میں تعمیری طرزِ رسائی سے متعلق بحث کی گئی ہے۔ تعمیریت کا تصور اس کی خصوصیات اور اس کے تعین قدر کی مختلف سرگرمیوں کا تعارف پیش کیا گیا ہے۔ Edger Dale کے اکتسابی تجربہ کے مخروط سے متعلق اہم اور ضروری پہلوؤں کا احاطہ کیا گیا ہے۔ تجرباتی اکتساب اور اس کے لیے آر استے کیے جانے والے اکتسابی تجربات سے متعلق اہم نکات سے بحث کی گئی ہے۔

ریاضی نہ صرف ایک دلچسپ مضمون ہے بلکہ اس کے اندر ایک طرح کا جمالياتی حسن بھی پایا جاتا ہے۔ اس کا تذکرہ یقیناً قارئین کے لیے ایک قیمتی مطالعہ ثابت ہو گا۔

اکائی 3۔ علم ریاضی میں تشخیص / احتساب / جانچ (Assessment) اور تعین قدر (Evaluation) : جہاں تک امتحانی نظام اور آلات کا سوال ہے تقریباً سبھی مضامین میں ایک جیسے آلات استعمال ہوتے ہیں اس کے باوجود ریاضی جیسے مضمون میں طلباء کے اکتساب کا احتساب اور تعین قدر کرنے کے لیے ان کا استعمال کس سلیقے اور ہنرمندی سے کیا جائے اسی سوال کا جواب اس اکائی کے مطالعے سے حاصل ہو سکتا ہے۔

اکائی 4۔ ریاضی سب کے لیے : کمرہ جماعت میں اساتذہ کے لیے ایک بڑا چیلنج یہ بھی ہوتا ہے کہ وہاں موجود مختلف صلاحیتوں اور مختلف سطحوں کے طلباء کو بیک وقت کس طرح تدریس و اکتساب کے عمل میں شامل کیا جائے۔ اس اکائی میں مختلف ڈلی نکات کے ذریعہ اس بات پر روشنی ڈالی گئی ہے کہ ان مختلف النوع طلباء کے سامنے مضمون ریاضی کو کس طرح پیش کیا جائے کہ یہ سب طلباء اس مضمون میں دلچسپی لیں۔

اکائی 5۔ ریاضی کے اساتذہ کا پیشہ و رانہ فروع : علم حاصل کرنے کا عمل گود سے گورنک جاری رہتا ہے۔ اساتذہ چونکہ اپنے طلباء کو علم حاصل کرنے میں مدد کرنے کا خوشگوار فریضہ انجام دیتے ہیں۔ ان کا علمی، فکری اور فنی ارتقاء ان کے پیشہ و رانہ فروع کے لیے ضروری ہے۔ اس اکائی میں ریاضی کے اساتذہ کے پیشہ و رانہ فروع سے متعلق مفید نکات کا احاطہ کیا گیا ہے۔

ریاضی کی تدریسیات

(Pedagogy of Mathematics)

اکائی 1 - ریاضی کی درسیات تعلیم

(Mathematics Curriculum)

اکائی کے اجزاء

1.1 تمہید (Introduction)

1.2 مقاصد (Objectives)

1.3 درسیات، نصاب اور درسیاتی خاک کے تصورات، مدون نصاب کے اصول

(Concept of Curriculum, Syllabus and Curriculum framework, Principles of Curriculum Construction)

1.4 تنظیم درسیات کی طرز رسمیاں۔ ہم مرکوزی، عنوانی، نفسیاتی، منطقی اور متعلقہ مرکوز درسیات

(Approaches of Curriculum Organization - Concentric ,Topical, Psychological, logical and Learner centered curriculum)

1.5 ریاضی درسیات میں رجحانات۔ مضمون مرکوز سے برتاؤ مرکوز اور تغیری طرز رسمی

(Curriculum trends in Mathematics - Subject Centred to Behaviouristic and Constructivist Approach)

1.6 ریاضی کی درسیات پر NCF-2005 کی سفارشات اور تنقیدی جائزہ

(Recommendations and Critical Appraisal of NCF 2005 on Mathematics Curriculum)

1.7 معلم بحثیت فروع دہنده نصاب۔ مقامی نصاب تعلیم، دستکار کا مقام، نصاب میں علم کا نظام، ریاضی میں مقامی جدت پسند، اور جدت پندریتی

(Teacher as curriculum developer - Localised Curriculum, Place of Artisans, Knowledge Systems in Curriculum, local Innovators and Innovative Practices in Mathematics)

1.8 یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)

1.9 فرہنگ (Glossary)

1.10 اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)

1.11 مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)

تہمہید (Introduction) 1.1

اس اکائی میں ہم درسیات، اس کی تدوین کے اصول، تنظیم درسیات اور اس کے لیے طرزِ رسائیوں کا مطالعہ کریں گے۔ تنظیم نصاب کے دوران صرف مختلف عنوانات کی تکمیل ہی نہیں ہوتی بلکہ اس عمل میں اکتسابی سلسلے بھی شامل ہیں۔ ریاضی کے درسیات میں مضمون مرکوز سے برتاب و مرکوز اور تعمیری طرزِ رسائی جیسے رجحانات کے بارے میں بھی بحث کی جائیگی۔ NCF-2005 on Mathematics Curriculum ہوئے معلم کو ریاضی کی درسیات کو فروغ دینے میں استعمال کی جانے والی اختراعی سرگرمیوں (Innovative Practices) کا ذکر بھی پیش کیا گیا ہے۔

1.2 مقاصد (Objectives)

اس اکائی کے بعد طلباء اس قابل ہو جائیں گے کہ:

- ☆ درسیات کے تصور اور اس کی تعمیر و تشکیل (Construction) کے عمل کو بیان کر سکیں۔
 - ☆ تنظیم نصاب کی مختلف طرزِ رسائیوں کو بیان کر سکیں۔
 - ☆ درسیات ریاضی میں مختلف رجحانات کی وضاحت کر سکیں۔
 - ☆ ریاضی کے درسیات نصاب سے متعلق NCF2005 کی اہم سفارشات بیان کر سکیں۔
 - ☆ تدریس ریاضی میں معلم کے لئے رہنمای اصول بیان کر سکیں۔
 - ☆ درسیات کے فروع کا رکھ طور پر معلم کا کردار واضح کر سکیں۔
-

1.3 درسیات کا تصور، نصاب اور درسیاتی خاکہ، درسیات کی تدوین کے اصول

(Concept of Curriculum, Syllabus and Curriculum Framework, Principles of Curriculum Construction)

درسیات تعلیم کا تصور (Concept of Curriculum)

درسیات لاطینی زبان Currere سے اخذ کردہ لفظ ہے جس کا انگریزی میں مطلب Course to run یعنی دوڑ لگانے کا راستہ ہے۔ درسیات ایک ایسی بنیاد ہے جس کا انحصار طلباء کے مضامین، سرگرمیوں اور تجربات پر ہوتا ہے اور ان کی منصوبہ بندی ہوتی ہے۔ درسیات کا تصور، نصاب، کتب اور مضامین سے زیادہ سمجھ ہے۔ نصاب درسیات کا صرف ایک حصہ ہے۔

فن تعلیم کے مطابق درسیات کا مطلب کورس آف اسٹڈیز ہے۔ معلم اور طلباء کی اسکول میں کی جانے والی سرگرمیاں درسیات میں شامل ہیں۔ ندرسیات کے حصول میں ہم نصابی سرگرمیاں اور تعلیمی سرگرمیاں بھی شامل ہیں۔

Cunningham کے مطابق درسیات فنکار (معلم) کے ہاتھوں میں ایک ایسا آلہ ہے جس سے وہ اپنے Ideals یعنی مقاصد تعلیم کے مطابق اپنے میٹریل (طلباء) کو اپنے اسکول یا کمرہ جماعت میں ڈھالتا ہے۔

سکندری ایجاد کیشن کمیشن (1952-53) کے مطابق ”درسیات کا مطلب وہ ہیں ہے جو روایتی طور پر مدرسہ میں پڑھائے جانے والے تعلیمی

مفہامیں ہیں بلکہ اس میں وہ مکمل تجربات شامل ہیں جو طلباء کو کلاس روم، لابریری، لبریری، کھلیل کے میدان اور طلباء معلم کے باہمی ارتباط سے حاصل ہوتے ہیں۔

Machlman کے مطابق درسیات کے تصور میں مقاصد مواد، طریقہ کارا و تنظیم شامل ہیں۔
ریاضی کا نصاب تعلیم مجموعی درسیات کا ایک جز ہے۔ نصاب تعلیم ایک ایسا راستہ ہے جسے معلم تعلیمی اغراض و مقاصد کے حصول کے لیے استعمال کرتا ہے۔ ریاضی کی درسیات، ریاضی تعلیم کے اغراض و مقاصد کے حصول میں ہماری رہنمائی کرتا ہے۔
درسیات، کوئی جامد (Static) شے نہیں ہے بلکہ حرکیاتی اور چکدار ہے۔ یہ کوئی مستقل شے بھی نہیں ہے بلکہ بدلتے ہوئے حالات میں موقع بہ موقع اس میں ترمیم، تشکیل اور تغیر کا امکان باقی رہتا ہے بلکہ اس کی ضرورت پیش آتی رہتی ہے۔
نصاب تعلیم کا تعین کرنے والے عوامل (Determinants of Curriculum)

درسیات کی مذویں اور منصوبہ بندی ارادہ اس طرح کی جاتی ہے کہ اس کے ذریعے انفرادی اور قومی ضروریات کی تکمیل اور قومی تعلیمی اہداف پورے ہو سکیں۔ درسیات کی تیاری ایک پیچیدہ عمل ہے جسے بہت سارے عوامل متاثر کرتے ہیں۔ ان کی مختصر فہرست درج ذیل ہے۔

-1. قومی ضروریات اور عزائم (National Needs and Aspirations)

-2. عوام کی ضروریات اور عزم (Needs and Aspirations of People)

-3. سیاسی نظریات (Political Ideology)

-4. نفسیاتی عوامل (Psychological Factors)

-5. ثقافتی عوامل (Cultural Factors)

-6. سماجی تبدیلیاں (Social Changes)

-7. سائنسی اور تکنیکی ترقی (Progress of Science and Technology)

-8. طفل مرکوزیت (Child Centeredness)

-9. ضرورت مرکوزیت (Need Centeredness)

-10. سرگرمی مرکوزیت (Activity Centeredness)

-11. زندگی مرکوزیت (Life Centeredness)

-12. اقتصادی ملاحظات (Economic Consideration)

-13. تعلیم کے اغراض و مقاصد (Aims and Objectives of Education)

درسیات کی مذویں کے اصول اور رہنمایانہ خطوط: (Principles and Guidelines of Curriculum construction)

زمانہ ماضی میں طلباء کو ایک محدود علم کا اکتساب اور اس پر کمال حاصل کرنا پڑتا تھا۔ لیکن اب سماجی ارتقاء کی وجہ سے ذخیرہ علم میں اضافہ اور وسعت ہونے لگی ہے۔ اسی وجہ سے ہر چیز کمکل طور پر نہیں سیکھی جا سکتی بلکہ وہ مواد جو صحیح اور مناسب طریقے سے منتخب کیا گیا ہو اسی کو سکھایا جا سکتا

ہے۔ لہذا ریاضی کا درسیات اس طرح تیار کیا جانا چاہئے کہ اغراض و مقاصد کو حاصل کرنے میں مددگار ثابت ہو سکے۔

1۔ تدریس ریاضی کے اغراض و مقاصد کے حصول کا اصول

(Principles of Achieving Aims and Objectives of Teaching Mathematics)

ضمون ریاضی کی وسعت بہت زیاد ہے لہذا اس مضمون کے تحت جو کچھ بھی سکھایا جائے اس کی منصوبہ بندی بہت احتیاط کے ساتھ کی جانی چاہئے تاکہ طالب علم کے خیالات کے فروغ، تفہیم، ذوق، ہنر اور روایہ وغیرہ میں کارآمد و معافون ہو سکے۔ درسیات میں ہر ایک شے (Item) کا ایک خاص عمل (Function) جو تعلیمی مقاصد کے حصول میں معافون ہوشامل کیا جانا چاہئے۔

تحثانوی سطح پر نصاب اس طرح ہو کہ ریاضی کے ابتدائی تصورات، اعمال، اصول اور روابط کی تفہیم ہو سکے۔ اس سے ایسی عادتوں کی تشکیل ہونی چاہئے کہ طالب علم کے مسائل حل کرنے کی رفتار اور درستگی میں اضافہ ہو۔ نیز روزمرہ کی زندگی میں ان مہارتوں کے اطلاق پر زور دینا چاہئے۔ ثانوی سطح پر روزمرہ کی زندگی میں ریاضی کے کردار کی تحسین پر زور دیا جانا چاہئے۔ اسی کے ساتھ تحسیسی مہارتوں (Computational Skill)، ریاضی کے تصورات، قوت فہم، علم اور حساب ضرورت حصول اطلاقِ علم وغیرہ کو بھی اہمیت دی جانی چاہئے۔ اس طرح درسیات کو ریاضی تدریس کے اغراض و مقاصد کو پیش نظر رکھ کر ترتیب دی جانی چاہئے۔

2۔ انفرادی فرق کا اصول (Principle of Individual Differences)

درسیات ان مجوزہ ہدایات کا ایک سیٹ ہوتا ہے جن کا ہدف طالباعم کا ارتقاء ہوتا ہے اچھے نصاب کی ایک خوبی یہ بھی ہوتی ہے کہ وہ طلباء کے انفرادی فرق (Individual Differences) کو بھی ملاحظہ رکھتا ہے۔ کمرہ جماعت میں مختلف قسم کے طلباء موجود ہوتے ہیں جیسے انہائی ذہین و فطیں طلباء، اوسط ذہانت کے طلباء اور کم ذہانت کے طلباء درسیات کی تدوین میں ان سبھی اقسام کے طلباء کا خیال رکھا جانا چاہئے۔

3۔ افادیت کا اصول (Principle of Utility)

اس اصول کے تحت تمام مفید اشیاء کو ریاضی کی درسیات میں شامل کیا جانا ضروری ہے۔ ریاضی کی درسیات میں ان تمام عنوانات کو جو روزمرہ زندگی میں معافون و مددگار ہوں شامل کیا جانا چاہئے۔ ان میں ایسے عنوانات جو دیگر مضامین کے سینکھنے میں معافون ہوں شامل کئے جاتے ہیں۔ اسی کے ساتھ ایسے عنوانات کا احاطہ بھی کیا جاتا ہے جو کسی پیشے کی فرائی میں مددگار ہوں۔ مثال کے طور پر علم حساب عنوانات کسر، فیصد، نسبت اور تناسب جیسے عنوانات روزمرہ زندگی میں کارآمد ہیں۔ الجبرا کے عنوانات جیسے Sets, Relations and Functions اعلیٰ تعلیم کے حصول میں طلباء کے لیے ضروری ہیں۔ محدودی علم ہندسه (Coordinate Geometry)، علم مثلث Trigonometry اور calculus کو ریاضی کی درسیات میں شامل کیا گیا ہے۔ جو دوسرے مضامین کے ساتھ ساتھ طلباء کو سکھائے جاتے ہیں۔

4۔ نظم و ضبط سے متعلق اقدار کا اصول (Principle of Disciplinary Values)

ریاضی میں نظم و ضبط کی قدر شامل ہے کیونکہ وہ ذہن کی تربیت کر کے اس سے ایک قسم کا نظم و ضبط پیدا کرتی ہے جس کے نتیجہ میں طلبہ میں استدلال، فکر، تخيیل، ارتکاز اور یادداشت وغیرہ پروان چڑھنے میں معافون و مددگار ہوتا ہے۔ اس لیے ضروری ہے کہ درسیات میں ایسے عنوانات اور مواد شامل کیا جانا چاہئے جن کی مدد سے طلباء میں وہنی نظم و ضبط پروان چڑھے۔

(5) مستقبل کی تیاری کا اصول (The Principle of Preparatory Values)

اسکول کی سطح پر ریاضی کی درسیات تیار کرتے وقت اس بات کا خیال رکھا جانا چاہئے کہ جو طلباء پنی اعلیٰ تعلیم اس مضمون میں جاری رکھنا چاہیں ان کی تیاری بھی ہو جائے اور جو طلباء اس مضمون کا علم جاری نہ رکھیں ان کی عملی زندگی کی تیاری بھی اس درسیات کے ذریعے ہو جائے۔

(6) طفل مرکوزیت کا اصول (Principle of Child Centeredness)

درسیات کی تدوین و تشكیل میں بچوں کی ضرورتوں، دلچسپیوں اور قابلیتوں پر خاص توجہ دی جانی چاہیے۔ مواد مضمون اور مجوزہ سرگرمیاں بچوں کی ضرورتوں اور دلچسپیوں سے مطابق ہونی چاہیے۔ اس بات کو بطور خاص ذہن میں رکھنا چاہئے کہ بچہ درسیات کے لیے نہیں بلکہ درسیات بچہ کے لیے تیار کیا گیا ہے۔ اس وجہ سے تدوین درسیات میں بچہ کی ضرورتوں، دلچسپیوں، قابلیتوں اور دیگر ارتقائی خصوصیات کی مناسبت سے لحاظ رکھا جاتا ہے۔

(7) نظریہ اور عمل کے انعام کا اصول (The Principle of Integration of theory with Practice)

بغیر عمل کے نظریاتی علم مفہید نہیں ہوتا ہے جبکہ عمل بغیر کسی نظریاتی علم کے خطرناک ثابت ہوتا ہے اسی لیے نظریہ کا عمل کے ساتھ ہونا ضروری ہے اس لیے سرگرمیاں اور اکتسابی تجربات درسیات میں ضروری ہیں تاکہ نظریہ کا عمل سے ارتباط ہو سکے۔ مثال کے طور پر استوانہ کی مجموعی سطح کا رقبہ ضابطے کے ذریعے سے معلوم کر سکتے ہیں۔ لیکن اس ضابطے کو استقرائی طریقے کے ذریعے انداز کرایا جائے تو طلباء کا اکتساب موثر ہو جاتا ہے۔

(8) چک کا اصول (The Principle of Flexibility)

تدریس ریاضی میں اغراض و مقاصد ساکن اور مستقل نہیں ہوتے ہیں۔ افراد اور سماج کی ضرورتوں کے مذکوران میں تبدیلیاں ہوتی رہتی ہیں اسی وجہ سے درسیات کو ایسا چکدار بنایا جائے کہ اسے حالات اور تقاضوں کے مطابق تبدیل کیا جاسکے۔

(9) سماج مرکوزیت کا اصول (The Principle of Community Centeredness)

اسکول میں پڑھنے والے بچے مستقبل کے ذمہ دار شہری ہوتے ہیں اور انہیں تعلیم کے بعد کی زندگی اپنی برادری اور سماج میں گزارنی ہوتی ہے اس لیے تشكیل درسیات کے وقت سماجی اور گروہی زندگی کے تقاضوں اور آرزوؤں کا خیال رکھا جانا چاہئے۔

(10) معلم سے مشاورت (Consultation with Teacher)

درسیات کی تغیری و تشكیل میں معلم سے مشاورت ضروری ہوتی ہے۔ اس انتہا کی تجویز کے مواد کے انتخاب، ترمیم اور تعین قدر میں اہمیت کی حامل ہوتی ہیں۔

(11) فرمت کے اوقات کا صحیح استعمال (Proper Utilization of Leisure)

ریاضی کی درسیات تعلیم طلباء کو نہ صرف کام کی تربیت دیتی ہے بلکہ انہیں فرمت کے اوقات کے اوقات کے لیے بھی تیار کرنی ہے تاکہ وہ اپنے فرمت کے وقت کا صحیح استعمال کر سکیں۔ ریاضی کی درسیات طلباء کو معنے اور مسائل Puzzles & Riddles اور حقیقی زندگی کے مسائل کے حل سے متعلق حرکہ پیدا کرتی ہے۔ ہم دیکھتے ہیں ریاضی کی درسیات کی منصوبہ بندی میں افادیت اور استعمال کو اہم معیار (main criteria) کے

بطور مخوظ رکھا جاتا ہے۔ تاکہ صحیح مواد، عنوانات اور سرگرمیوں کا مناسب انتخاب ہو سکے۔ کوئی بھی عنوان محض اس کی Disciplinary Value کی وجہ سے شامل نہیں کیا جانا چاہئے۔ بلکہ طلباء کی فہم کی سطح پر غور کرنا چاہئے۔

ریاضی کی درسیات کو طفل مرکوز اور سماج کی ضروریات اور طلباء کی دلچسپی کو منظر رکھا جاتا ہے۔ تاکہ ریاضی کے میدان میں عصر حاضر کی ترقی کو مخوظ رکھا جائے جس سے کہ سائنسیں اور تکنیکی دور میں ہم زمانے کے ساتھ ساتھ قدم ملا کر آگے بڑھ سکیں۔

اپنی معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1۔ درسیات (Curriculum) سے کیا مراد ہے؟

2۔ درسیات تعلیم کی مدد و مدد پر کون سے عوامل اثر انداز ہوتے ہیں؟

3۔ مدد و مدد درسیات کے کوئی ایک اصول بیان کیجیے؟

1.4 تنظیم درسیات کی سرگرمیاں۔ ہم مرکوزی، عنوانی، نفسیاتی اور منطقی

(Approaches of Curriculum Organization - Concentric, Topical, Psychological, Logical and Learner Centered Curriculum)

ہم مرکزی طرز رسانی (Concentric Approach)

ل فقط Concentric کا مطلب یہ ہے کہ اس میں مواد مضمون کا فروغ پانی کی سطح پر تشکیل شدہ ہر (Ripples) جیسا ہوتا ہے۔ جو مسلسل فروغ کی طرف رخ کرتا ہے اور بڑھتا جاتا ہے۔ ریاضی کی درسیات کے اہم عنوانات کو ذیلی اکائی میں تقسیم کرنے کے بعد ان کو ترتیب دار کیا جاتا ہے اور یہ خیال رکھا جاتا ہے کہ مشکل اور پیچیدہ مواد کا تعارف صحیح جگہ / سطح پر کیا جائے۔

ذیلی اکائی کو تب متعارف کیا جائے جب کہ مناسب پس منظر تیار کیا گیا ہو۔ Concentric طرز رسانی میں زیادہ پیچیدہ یا مشکل ذیلی اکائی کو پہلے رکھا جائے یا نی مواد کو پیچیدگی کی چھوٹی سطح سے بڑی سطح کی ترتیب سے شامل کیا جاتا ہے۔

ایک ہی عنوان کی ذیلی اکائی کو الگ الگ کمرہ جماعت میں ایک کے بعد ایک پیش کیا جاتا ہے۔ کچھ وقت دیکران ذیلی اکائی کی تدریس کی جاتی ہے۔ اگر ان موضوع کو Deal کرنے کا وقہ ایک سال سے کم ہو تو وہ Spiral Approach کہلاتا ہے۔ اور اگر وقہ ایک سال یا اس سے زائد ہو تو وہ ہم مرکزی طرز رسانی کہلاتا ہے۔

اس میں مواد مضمون کی مشکل سطح اور طباء کی ہنی سطح کو مذکور رکھتے ہوئے ترتیب دیا جاتا ہے۔ ہم مرکزی طرز رسمی میں اعادہ کرنے کی گنجائش باقی رہتی ہے۔ اس میں عنوان کی ذیلی اکائی پر دھیان رکھا جاتا ہے جونہ بہت طویل ہوا اور نہ بہت چھوٹی۔ عنوان کی ذیلی اکائی اگر نہایت چھوٹی ہے تو اس کا اثر طباء کے ذہن پر نہ رہیگا اور ذیلی اکائی بڑی ہوتے طبا بور ہو جائیں۔ مثال کے طور پر عنوانات جیسے، Sets-Relations کا پھیلاو آٹھویں، نویں اور دسویں تک رہے گا۔ اور Matrices کا پھیلاو نویں اور دسویں جماعت تک رہے گا۔

عنوانی طرز رسمی (Topical Approach)

اس کے تحت کامل مواد مضمون کو مختلف عنوانات میں تقسیم کیا جاتا ہے اور عنوانات کو طبا کی عمر، قابلیت اور شوق کے مطابق منتخب کیا جاتا ہے۔ ریاضی کی درسیات کو عنوانی ترتیب میں منظم کیا جاسکتا ہے لیکن یہ ترتیب بچہ کی نفیسیات کو نظر انداز کرتی ہے۔ کیونکہ اس کے ذریعے نصاب کو مکمل کرنے کے لیے طویل وقت درکار ہوتا ہے جس سے طبا بوجھل اور بور ہو سکتے ہیں۔ اس سے طبا کا محركم ہو جاتا ہے۔ اس وجہ سے اکتساب دیرپا نہیں رہتا۔ عنوانات جیسے نفع و نقصان، کسر، اعشاریہ Linear Programming، Combinations اور غیرہ اس عنوانی طرز رسمی کی مثالیں ہیں۔ درسیات اکائی مرکوز بھی ہو سکتا ہے۔

عنوانی طرز رسمی کی خوبیاں:

- (1) عنوان کا گہرا ای سے مطالعہ کر سکتے ہیں۔
- (2) موضوع طرز رسمی اعادہ کے مقصد سے بھی استعمال کی جاسکتی ہے۔
- (3) اس طرز رسمی سے منطقی سوچ کی تربیت ہوتی ہے۔

عنوانی طرز رسمی کی خامیاں:

- (1) یہ طرز رسمی نفیسیاتی نہیں ہے۔
- (2) سنوانات میں خلایا تکرار کا امکان رہتا ہے۔
- (3) عنوانات کی ترتیب میں دشواری پیش آتی ہے۔

نفیسیاتی طرز رسمی (Psychological Approach)

نفیسیاتی طرز رسمی میں مواد مضمون کی ترتیب بچوں میں شوق پیدا کرتی ہے اور اکتساب کے لیے محکہ پیدا کرتی ہے۔ نفیسیاتی طرز رسمی میں بچوں کی ضرورت، صلاحیت، دلچسپی اور ان کے ہنی پنچتگی کے مطابق اکتساب اور مواد کی ترتیب ہوتی ہے مثال کے طور پر نفیسیاتی طرز رسمی میں جیومیٹری پڑھانے سے پہلے طبا کو مقرر و ن اشیاء جیسے کرہ، مکعب استوانہ اور مخروط (Cone)، مکعب استوانہ اور مخروط (Cubical) وغیرہ کی ذریعے تصورات کی تفہیم کی عملی تربیت دی جاتی ہے اور اس کے بعد ہی نظریہ کو سمجھایا جاتا ہے۔

منطقی طرز رسمی (Logical Approach)

منطقی طرز رسمی میں عنوان کا انتخاب منطقی ترتیب سے ہوتا ہے۔ منطقی طرز رسمی میں بچوں کی عمر کے مطابق منطقی سوچ کے فروغ کے لیے عنوانات کو منتخب کیا جاتا ہے اگر ہم نفیسیاتی اور منطقی طرز رسمی ان دونوں کو ساتھ جوڑ کر ریاضی کی تدریس کریں تو وہ تدریس دلچسپ اور قابل تفہیم ہو گی۔

مثال کے طور پر منطقی طرز رسمی کے تحت شروعات میں جیو میٹری کے موضوعات نقطہ، سطر، دائرے اور پھر بعد میں axioms اور اصول موضوع Postulates وغیرہ موثر طریقے سے سکھایا جاسکتا ہے۔

تعلیم مرکوز طرز رسمی (Learner Centered Approach)

تعلیم مرکوز طرز رسمی میں طلباء کو مرکزی مقام حاصل ہوتا ہے۔ اس میں سیکھنے والے کو زیادہ اہمیت دی جاتی ہے۔ یہ نفسیاتی طریقہ ہے اس میں طلباء کو آزادانہ ما حول دستیاب ہوتا ہے جس سے طلباء میں تخلیقی صلاحیت کا اضافہ ہوتا ہے اور طلباء میں ایک دوسرے کو سمجھنے کی اور مل جل کر کام کرنے کی صلاحیت کا فروغ ہوتا ہے۔

(Check Your Progress) اپنی معلومات کی جانچ

1- تنظیم درسیات (Curriculum organization) میں ہم مرکزی طرز رسمی (Concentric Approach) سے کیا مراد ہے؟

2- عنوانی طرز رسمی (Topical Approach) سے کیا مراد ہے؟

1.5 ریاضی کے درسیات میں رجحانات - مضمون مرکوز سے برتاب اور مرکوز اور تعمیری طرز رسمی کی طرف

(Curriculum Trends in Mathematics - Subject Centred to Behaviouristic and Constructivist Approach)

ریاضی کے نصاب تعلیم میں رجحانات (Curriculum Trends in Mathematics)

ریاضی کی تعلیم میں اصلاح کی غرض سے امریکی مفکرین تعلیم کے گروہ کے ذریعے تشکیل کردہ اسکول میتھمیٹیکس اسٹڈی گروپ (SMSG) کی سفارش کے مطابق طلباء کو ابتداء میں حقیقی اعدادی سسٹم کا استنباط کرنا چاہئے نہ کہ مرحلہ وار طبعی اعداد، کسر، ناطق اعداد، غیر ناطق اعداد اور حقیقی اعداد کا حساب اور جیو میٹری کا میں بنائے رکھنا چاہئے۔

ثانوی اسکول میں مجرد الجبرا (Abstract Algebra) کے بنیادی تصورات اور جیو میٹری میں اس کے استعمالات سکھانے چاہئے۔ Euclidean Geometry کے مواد کو واضح اور منطقی طور پر پیش کیا جائے ایک اور اہم بات یہ ہے کہ ارتباً طرز رسمی کی تقیید کی جائے جہاں ریاضی کو Water tight compartments جیسے ارجمند، الجبرا، جیو میٹری، علم مشتمل وغیرہ میں تقسیم کرنے کے بجائے ریاضی کو ایک Integrated approach کے تحت واحد مضمون سمجھا جاتا ہے۔

آج کل طلباء کو فراہم کردہ میکانیکی اور الکٹریکی اسٹڈی اسٹرال آلات کے استعمال اور تعلیم پر زور دیا جائے اور ایسے موضوعات جو اعلیٰ تعلیم میں کار گر ہوں ان پر بھی زور دیا جائے۔

NCERT کے نصاب 2005-1988 کا جائزہ یہ ہے تو معلوم ہو گئی نصاب کی ترقی میں تبدیلی (Shift) پائی گئی۔ یہ شفت انضامی نصاب سے سرگرمی پر بنی نصاب اور پھر طلباء مرکوز نصاب کی طرف گامزن دکھائی دیتی ہے۔ حکومت آندھرا پردیش (SCERT) کے ذریعے 2012 میں اسکولی درسیات میں CCE کو متعارف کروایا۔

ضمون مرکوز سے برتاو مرکوز سے تغیریت کی طرف نصاب تعلیم کا فروغ

(From Subject- Centered to Behaviorist to Constructivist Approach of Curriculum Development)

معلم ریاضی کا علم کلاس روم تدریس کے ذریعے طلباء میں منتقل کرتا ہے۔ تدریس ریاضی میں یکچھ معمول جواب کا طریقہ ریاضی کی تفہیم میں معاون ہوتا ہے۔ ضمون مرکوز درسیات تعلیم کو تیار کرنے میں سبھی ماہرین بہت ہی اہم اور قیمتی مواد کو شامل کرنے کی کوشش کرتے ہیں۔ برتاوی اکتسابی طرز رسائی درج ذیل مفہومات پر بنی ہوتی ہے۔

- (1) سیکھنے والے کے برتاو میں تبدیلی ہی اکتساب ہے جو سیکھنے والے کے کام کی معروضیت پر بنی ہے۔
- (2) برتاو میں تبدیلی کو عام طور پر H_3 کی تبدیلی کیا جاتا ہے یہاں پر H_3 سے مراد (1) فکر کی تبدیلی (2) جذبات کی تبدیلی اور (3) عمل کی تبدیلی سے ہے۔

(3) طلباء کے صحیح اور غلط جوابات کے ذریعے ان کے اکتساب کا پتہ چلتا ہے۔

(4) عملی مشروطیت (Operant Conditioning) کے ذریعے طلباء کے مطلوبہ برتاو کو مضبوط و مستحکم کیا جاسکتا ہے۔

ماسٹری اکتساب اور پروگرام لرنگ برتاوی نظریہ اکتساب کی مثال ہیں۔

ضمون مرکوز طرز رسائی (Subject Centred Approach) کے مقابلے برتاوی طرز رسائی (Behavioristic Approach) میں طلباء اور معلم دونوں کے برتاو میں اصلاح کی گنجائش ہوتی ہے۔

تغیری طرز رسائی (Constructivist Approach)

اس طرز رسائی میں طلباء میں علم کو منتقل کرنے کے بجائے علم کو تغیری کرایا جاتا ہے۔ عملی تجربات کے ذریعے علم کی تغیری کی جاسکتی ہے۔ طلباء سابق تجربات کی روشنی میں علم کی تغیری کرتے ہیں اور طلباء تعاون (Cooperation)، اور اشتراک عمل (Collaboration) سے سیکھتے ہیں اور علم کی تغیری کرتے ہیں۔ تغیری اکتسابی طرز رسائی زیادہ تجرباتی اور استقرائی اکتساب میں مددگار ہوتی ہے۔ یہاں پر طلباء فعال کردار ادا کرتے ہیں اور معلم کا رول صرف سہولت فراہم کرنے والا، رہنمای، تحقیق اور Co-Learner کے طور پر ہوتا ہے۔ یہ طرز رسائی تلقیدی اور انکاسی (Reflective) تفکر کو فروغ دینے والی ہوتی ہے۔

1.6 درسیات ریاضی کے متعلق NCF - 2005 کی سفارشات اور تنقیدی جائزہ

(Recomendations and Critical Appraisal of NCF 2005 on Mathematics Curriculum)

تو می درسیاتی خاکہ NCF-2005 کے مطابق اسکولوں میں تعلیم ریاضی کا مقصد طلباء کی ریاضیاتی فکر کا فروغ ہے۔ ریاضیانہ کے عمل (Logical Hypothesis)، مفہومات (Concept)، متصورات (Hypothesis)، منطقی سوچ (Mathematization Process)

اور تعمیمات (Generalization) (thinking) وغیرہ شامل ہیں۔ ریاضیہ سوچ کے کئی طریقے ہیں۔ NCF-2005 ریاضی کی مدرسیں پر اٹاف بنانے کیسے فارش کرتا ہے۔ جس سے بچے خوف زدہ ہونے کے بجائے لطف انداز ہوتے ہوں۔ ریاضی کو ایک ایسے مضمون کے طور پر پیش کرنا چاہئے جس کے ذریعے طلباء تسلیل کر سکیں اور تبادلہ خیال کر سکیں۔ بچے مسائل حل کرتے ہیں، بچے مجرد تصورات کا استعمال کرتے ہیں تاکہ ساختیات کو دیکھیں، نتائج اخذ کریں اور بیانات کے سچ یا جھوٹ کی تصدیق کر سکیں۔ بچے ریاضی کے بنیادی ساخت کی تفہیم کرتے ہیں اس میں علم الحساب، الجبرا اور علم ہندسه (geometry) اور علم مثلث (Trigonometry) کے تصورات شامل ہیں۔۔ ان سب کے اکتساب میں مجرد تعمیمات کے طریقہ کار استعمال کیا جاتا ہے۔

ایپی معلومات کی جائج (Check Your Progress)

1۔ اسکول کی سطح پر ریاضی کے معلم کا بنیادی مقصد کیا ہے؟

2۔ تعلیم ریاضی سے متعلق NCF-2005 کی کوئی دو سفارشات بیان کیجیے؟

1.7 درسیات کے فروغ کار کے طور پر معلم۔ مقامی درسیات، فنکار کا مقام، نصاب میں علم کا نظام، ریاضی میں مقامی مخترع اور اخترائی عمل

(Teacher as curriculum developer - Localised curriculum, place of artisans, knowledge systems in curriculum, local innovators and innovative practices in mathematics)

درسیات کے فروغ کار کے طور پر معلم (Teacher as a curriculum developer)

ہندوستان میں درسیات کا فروغ مرکزی یا ریاستی سطح پر ہوتا ہے اور معلم اس درسیات نکے مطابق علم کی منتقلی کرتا ہے۔ اساتذہ کے تربیتی اداروں میں زیر تربیت معلمان کو درسیات تعلیم کی تیاری کے مختلف مراحل پر درسیات میں غور و فکر اور تجزیہ کرنے کا موقع فراہم نہیں کیا جاتا اور زیادہ تر توجہ ان کے تدریسی معاملات/ اور خاص طور پر طریقہ تدریس پر ہوتی ہے۔ معلم کاروں مواد مضمون منتقل کرنا اور نصاب کو وقت پر مکمل کرنا ہوتا ہے۔ معلم کو دوران ملازمت اور قبل ملازمت تربیت کے دوران درسیات کے فروغ، صحیح علم اور تقیدی تفہیم کے موقع نہ دیئے جانے کی وجہ سے وہ اپنے پیشے میں خاطر خواہ کامیابی حاصل نہیں کر سکتا۔ درسیات اور درس و تدریس کے عمل کے درمیان ربط پیدا کرنے میں وہ رواہی طریقہ تدریس کو اپنانا شروع کر دیتے ہیں۔ نصاب تعلیم کو End (منزل یا مقصد) مانتے ہیں اور تدریس و اکتساب کے اس طریقے کو وسیلہ مانتے ہیں جو مقصد کو حاصل کرنے میں مددگار ہو۔ معلم سے یہ امید کی جاتی ہے کہ وہ مواد مضمون کو پیش کرتے وقت مجازہ طریقہ تدریس کو اپنائے اور وہ تخلیقی اور جدت پسند طریقے

Innovative Practices کو فروغ دیں۔ آج معلم الاساتذہ اور درسیات کی مرتین یہ محسوس کرتے ہیں کہ معلم کی شمولیت درسیاتی کمیٹیوں میں بہت ضروری ہے۔ زیادہ تر معلم الاساتذہ یہ مانتے ہیں کہ استاد کو درسیات کے فروغ دینے کی تفہیم ہونی چاہیے۔ استاد کو نصاب تعلیم اور درسی کتاب کا تنقیدی طور پر جائزہ لینا سیکھنا ضروری ہے۔ استاد کو درسیاتی کمیٹی میں شامل کرنے سے نصاب میں بہتری آئے گی۔ استاد کو کلاس روم پر یکیش کا تجربہ ہو گا اور وہ مضامین کی تیاری میں شامل ہوتا ان کے عملی تجربات درسیات کو بہتر بنانے میں کارآمد ہو گے۔ اور اس طرح تیار کردہ نصاب تعلیم طلباء کی ضرورتوں کو تشفی بخشنے گا۔ نصاب معلم کو اس وقت مخلصانہ مدفراء ہم کرتا ہے۔ جبکہ اس کے فروغ میں اساتذہ عملی طور پر شریک ہوں۔ بہت سارے اساتذہ درسیات کے فروغ میں شریک ہو سکتے ہیں اگر درسیات کا فروغ ضلعی یا اسکولی سطح پر ہو۔ اگر درسیات ریاستی یا مرکزی سطح پر تیار کیا جاتا ہو تو چند اساتذہ کو نصابی کمیٹی میں شامل ہونے کا موقع دیا جاتا ہے۔ NCF-2005 سفارش کرتا ہے کہ ہم ایک نظریاتی کام کو عملی کام میں تبدیل کریں لیکن کس طرح منتقل کریں یہ بتانے میں 2005-NCF ناکام رہا ہے۔

تعمیریت (Constructivist) میں یہ کہا جاتا ہے کہ استاد صرف صورت حال کو آسان بنایا گا اور بچپن علم کی تعمیر کریگا۔ جس قسم کے نصاب کا مادہ آج ہماں پاس ہے اس سے طلباء کے ذریعے علم کی تعمیر کرنا مشکل ہے۔ اس طرح کا نصاب طلباء کے علم کی تعمیر میں ان کا ایک سچارہنماء اس وقت تک نہیں بن سکتا جب تک کہ معلم کو درسیات کی تیاری کے عمل میں شامل نہیں کیا جاتا۔

مقامی درسیات (Localized Curriculum)

ریاضی کے نصاب میں شامل مختلف عنوانات کا روزمرہ کی زندگی سے گہرا تعلق ہوتا ہے۔ مقامی درسیات وہ درسیات ہوتا ہے جس میں ریاضی کے عمومی تصورات کی تفہیم کے لیے مقامی وسائل کا زیادہ سے زیادہ استعمال کیا جاتا ہے جیسے کسی بستی میں کاغذ کا کارخانہ موجود ہو تو کاغذ سے متعلق لمبائی، چوڑائی، موٹائی اور ایک سیٹ میں شامل کاغذ کی تعداد کاغذ کی قیمت اور اس پر دی گئی رعایت اور اس سے متعلق دیگر تصورات استعمال کرتے ہوئے ریاضی کا استاد ریاضی کے بنیادی اعمال کی مشق کرو سکتا ہے۔ اسی طرح سے جن دیہاتوں میں لوگ صرف زراعت یا کھیتی باڑی کرتے ہیں وہاں استاد پڑھاتے وقت اسی پیشے سے متعلق مثالوں اور متعلقة تصورات کو سامنے رکھتے ہوئے درسیات کی ترتیب و تنظیم کر سکتا ہے۔ اس طرح کے درسیات کو ہم مقامی درسیات کہتے ہیں۔

درسیات میں علمی نظام (Knowledge System in Curriculum)

ایک منظم (Manager) کی حیثیت سے استاد طلباء کو فعل ادا کرنے کی ترغیب دے سکتا ہے۔ جبکہ صرف بطور ترسیل کننہ (یا علم فراہم کرنے والا) کے اس کے طلباء غیر فعل رہتے ہیں۔ اس لئے طلباء کو فعل بنائے رکھنے کے لئے ان سے تعامل کرتے رہنا چاہئے تاکہ طلباء اکتساب کر سکیں۔ اکتساب کی بنیاد (Premises) درج ذیل دونکات پر ہوتی ہے۔

(1) حقیقت کو حاصل کرنا علم ہبچو معلم کے بیرون میں پائی جاتی ہے

(Knowledge is a possession of truth that reside outside the knower.)

(2) اکتساب ان سچائیوں کے حصول کا ایک عمل ہے۔

لوگ علم کے عالمی اشکال یا عالمی ساخت کے ذریعے حقیقت کا تجربہ حاصل کرتے ہیں۔

ریاضی میں مقامی مخترع اور اخترائی عمل (Local Innovators & Innovative Practices in Mathematics)

تدریسی حکمت عملی سبق کے لیے تینی منصوبہ بندی ہے اور اس میں ایک خاص ساخت شامل ہوتی ہے جس پر سبق کے دوران عمل کرنا ہوتا ہے۔ B.S.Bloom نے تدریسی مقاصد کے حصول اور عبور پر کام کیا جو مختلف مراحل پر مشتمل ہے۔ مواد کی مختلف اقسام میں تقسیم، ہر اکائی سے متعلق مقاصد کی تشكیل اور ہر اکائی کے مقاصد کو حاصل کرنے کے لیے تدریس وہ دایات کی تنظیم، اکائی ٹیسٹ کا انعقاد کیا جائے تاکہ مہارت کی سطح (Mastery Level) کی جاگہ ہو اور تمام اکتسابی دشواریوں (Learning Difficulties) کی تشخیص ہو سکے۔ معالجی تدریس (Remedial Teaching) کی تنظیم ہوتا کہ طلباء کی دشواریاں دور ہوں اور ہر طالب علم مہارت کی اعلیٰ سطح تک پہنچ سکے۔ یہ حکمت عملی بنیادی تصورات کے اکتساب جیسے عددی نظام میں مختلف اعمال، طبعی اعداد، صحیح اعداد، ناطق اعداد، حقیقی اعداد کے اکتساب میں اہم کردار ادا کرتی ہے۔ درج ذیل میں چند جدت پسند طریقے درج کیے جا رہے ہیں جو ریاضی کے تدریس و اکتساب کے عمل کو موثر بناتے ہیں۔

(1) استقرائی و استخراجی طریقہ (Inductive and Deductive Method)

(2) تحلیلی و ترکیبی طریقہ (Analytic-Synthetic Method)

(3) مسائل کے حل کا طریقہ (Problem Solving method)

(4) کھیل کوڈ کا طریقہ (Playway Method)

(5) تجربہ گاہ کا طریقہ (Laboratory Method) وغیرہ۔

تدریس کے وسائل کا طریقہ تدریس میں ارتباط طلباء کے اکتساب کو فروغ دیتا ہے۔ تدریس کے دیگر وسائل درج ذیل ہو سکتے ہیں۔

تدریس ریاضی میں معلم مختلف تدریسی اشیاء جیسے چارٹ، پروگرامرنگ میٹریل (PLM) اور کمپیوٹر کا استعمال کرتا ہے۔

(1) کمرہ جماعت میں ضابطے، علامات اور جیو میٹری کے اشکال واضح کرنے کے لیے چارٹ کا استعمال کیا جاتا ہے۔ چارٹ کے ذریعے طلباء علامات سے منوس ہو جاتے ہیں۔ اس کا استعمال مستوی محدودی علم ہندسه اور گراف میں ہوتا ہے۔

(2) Manipulatives یا ایسی طبعی اشیاء جن کی مدد سے طلباء ریاضی کے تصورات کو اپنے حواس سے تعامل کے ذریعے سمجھتے ہیں۔ یہ ریاضی میں طلباء کی دلچسپی میں اضافہ کرتا ہے۔

(3) Programmed Learning Material (PLM) ایک خود اکتسابی میٹریل ہے۔ اس کے ذریعے طالب علم جوابی رد عمل (Learner response)، خود رفتاری (Self Pacing)، فوری باز رسائی (Immediate Feedback) باز تقویت (Reinforcement) کا اکتساب کر لیتا ہے۔

(4) کمپیوٹر اور ٹیلی ویژن: کمپیوٹر کا استعمال ملٹی میڈیا پیشہ کے لیے کیا جاتا ہے۔ اس کا استعمال CAI کے لیے بھی ہوتا ہے۔ ٹیلی ویژن کا استعمال ریاضی تعلیم سے متعلق اچھے پروگرام دکھانے کے لیے کیا جاسکتا ہے۔ ان کا استعمال کیش پیمانے پر علم کی منتقلی کے لئے کیا جاتا ہے۔

(5) سرگرمیاں (Activities): معلم کو چاہیے کہ وہ طلباء کو تدریس و اکتساب کے عمل میں فعال طور پر اس طرح شامل کرے کہ وہ صرف سامع (Audience) کا کردار ادا نہ کرتے ہوئے سوچنے، توجیہ کرنے اور عمل کرنے کے لیے تیار ہو جائیں۔ اس میں وہ تمام کام جن میں طلباء فعال روپ ادا کر سکتے ہیں شامل ہوتے ہیں۔ جیسے Role Play，Projects، Quiz Competition، سینیار اور مباحثہ

اور تعلیمی تفریح / سیر (Field Trip) وغیرہ فعال سرگرمیوں کی بہترین مثالیں ہیں۔

تدریس ریاضی میں جدت پسندی کی شمولیت میں معلم کے لیے رہنمایانہ خطوط

(Guidelines for Teacher in Incorporating Innovation in Teaching Mathematics)

- ☆ درسیات کی موثر عمل آوری اور درسیات مقاصد کے حصول کے لئے معلم کو تعلیمی وسائل اور مناسب طریقوں کا استعمال کرنا چاہئے طلباء کو اکتسابی تجربات فراہم کرتے وقت کسی طریقہ تدریس کے انتخاب میں معلم کوئی ایک عوامل کا خیال رکھنا ہوتا ہے جیسے مواد کی نوعیت، خود معلم کی تیاری اور درستیاب وسائل اور طلباء کا معيار۔

- ☆☆☆
ریاضی کے اساتذہ کی انجمان کا مختلف سطھوں پر قیام کیا جانا چاہیے جہاں اساتذہ کو تبادلہ خیالات و تجربات کے موقع فراہم ہوں۔
ریاضی کے مسائل حل کرنے کے دوران کرہ جماعت میں طلباء کی انفرادی شمولیت / اشتراک کو لینی بنائیں۔ مسئلے کے حل کے ہر ایک Step خود ناکرتے ہوئے ایک ایک طالب علم سے پوچھ کر تختہ سیاہ پر لکھتے جائیں اور ساتھ ہی متعلقہ طالب علم کو مناسب بازرسی / تقویت بھی فراہم کریں۔

انی معلومات کی حاصل (Check Your Progress)

- 11- تعمیری طرزِ رسائی (Constructivist Approach) کے تناظر میں استاد کا کردار بیان کیجئے۔

- 2- مقامی نصاب تعلیم (Localized Curriculum) سے کیا مراد ہے؟

بادر کھنے کے نکات 1.8 (Points to be Remembered)

- ☆ درسیات وہ آله ہے جو تعلیمی مقاصد کے حصول کا موثر ذریعہ ہوتا ہے۔ اس میں شامل مواد کی پیش کشی کے ذریعے معلم، طلباء کے اکتساب کو یقین بنازے کی کوشش کرتا ہے۔ درسیات ترتیب کی اہم طرز سائی اس طرح ہیں: ہم مرکزی، عنوانی، نفیاتی، منطقی، متعلم مرکوز اور مرغولہ دار تنظیم نصاب کے دوران بیک وقت منطقی اور نفیاتی ترتیب کوڈ ہن میں رکھنا ہوتا ہے۔ یہ فیصلہ کرنا ہوتا ہے کہ کس عمر کے طلباء کے لئے بلحاظ قابلیت کو نسا عنوان موزوں ہے جس کے ذریعے منطقی سوچ کا فروغ ہو سکے۔ نفیاتی تنظیم میں نصاب کو آسان سے پیچیدہ کی طرف فروغ دینا ہوتا ہے اسکے باوجود اعنوان جسم، میر، عملاء، کام کی وسعت، تجزیہ، ادب، ہدایت، سہارا، حج، اعتماد، میراث، تبعیج، مہماں کوڑا، ناجا، تہ

- ☆ ریاضی کے تنظیمی عنوانات جو ریاضی کے مضمون کی نوعیت پر مشتمل ہوں اور ایسے عنوانات جو طلباء کی قابلیتوں اور جامع سطح پر ہوں ان کا مطالعہ کیا جانا چاہیے۔ NCF-2005 نے ریاضی کی تعلیم سے متعلق اہم سفارشات پیش کی ہیں جن کی مدد سے، ہم ریاضی کی تدریس و

اکتساب کے عمل کو موثر بنای سکتے ہیں۔

☆ تدریسی حکمت عملی سبق کے لیے بھی منصوبہ بندی ہے اور اس میں ایک خاص ساخت شامل ہوتی ہے جس پر سبق کے دوران عمل کرنا ہوتا ہے۔ B.S.Bloom نے تدریسی مقاصد کے حصول اور عبور پر کام کیا جو مختلف مرحلے پر مشتمل ہے۔

1.9 فرنگ (Glossary)

تدوین نصاب کے اس اصول کے تحت نصاب کی تدوین و تکمیل میں بچوں کی ضرورتوں، دلچسپیوں اور قابلیتوں پر خاص توجہ دی جاتی ہے۔ (Principle of Child Centeredness)	طفل مرکوزیت کا اصول درسیات (Curriculum)
تدریسی اکتسابی عمل کا ایک ایسا ستون ہے جس کا تعلق اسکولی زندگی میں طلباء کے مضامین، سرگرمیوں اور تجربات اور ان کی منصوبہ بندی سے ہوتا ہے۔	درسیات
Syllabus	درسیات
National Curriculum Framework	قومی درسیات خاکہ
Approach	طرز رسانی
Subject Centred	ضمون مرکوز
اس طرز رسانی کے مطابق علم کو منتقل کرنے کے بجائے علم کو تغیری کرنا ہوتا ہے۔ طلباء سابق تجربات کی روشنی میں علم کی تغیری کرتے ہیں۔ (Constructivist Approach)	تغیری طرز رسانی
Behaviorist	کرداریت پسند

1.10 اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)

- معروضی جوابات کے حامل سوالات (Objective Answer Type Questions)
- 1- Currere ایک لاطینی لفظ ہے جس کا مطلب ہے۔
- 2- نصاب کا ایک حصہ ہے۔
- 3- کے مطابق درسیات فن کار کے ہاتھ کا ایک ایسا آہل ہے جس کے ذریعے وہ اپنے آئینہ میں مقاصد تعلیم کے مطابق اپنے میٹریل (طلبا) کو اپنے کمرہ جماعت / اسکول Studio میں ڈھانتا ہے۔
- 4- تغیری طرز رسانی کے مطابق علم کو منتقل کرنے کے بجائے کرنا ہوتا ہے۔
- 5- منطقی طرز رسانی میں عنوان کا انتخاب ترتیب سے ہوتا ہے۔

مختصر جوابات کے حامل سوالات (Short Answer Type Questions)

- درسیات کی تعریف کیجیے؟ تشکیل درسیات کے مختلف اصولوں کی ایک فہرست تیار کیجیے۔
- درسیات تعلیم کا تعین کرنے والے عوامل (determinants) کون سے ہیں؟
- تدریس ریاضی میں معلم کے رہنماء اصول بیان کیجیے۔

طویل جوابات کے حامل سوالات (Long Answer Type Questions)

- ریاضی کی تنظیم درسیات کی ہم مرکزی، عنوانی، نفسیاتی اور منطقی طرز رسانی کی وضاحت کیجیے۔
- ریاضی کی درسیات سے متعلق قومی درسیاتی خاکہ NCF-2005 سفارشات پر تو ضمیحی تقدید کیجیے۔
- بحثیت درسیات فروع کننده معلم کے روں کی تفصیلی وضاحت کیجیے۔

1.11 مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)

1. Anice, J. 2005: Teaching of Mathematics, Neelkamal Publications Pvt. Ltd., Hyderabad, India
2. Surendar, B and Nageshwara, M., 2017 Pedagogy of Mathematics Hyderabad, India
3. <http://www.teahervision.fen.com/curriculum-planningnew-teaher/48347.html#ixzz2fnvC9NUL>

اکائی 2۔ اکتسابی تجربات اور ریاضی کا حس جمالیات

(Learning Experiences and Aesthetic sense of Mathematics)

اکائی کے اجزاء

تمہید (Introduction)	2.1
مقاصد (Objectives)	2.2
ریاضی کی تدریس میں تحریری طرز رسمائی (Constructivist Approach of Mathematics Teaching)	2.3
ایڈگر ڈیل کا اکتسابی تجربات کا مخروط (Edger Dale's Cone of Learning Experiences)	2.4
تجرباتی اکتساب - تجرباتی طریقہ سے اکتساب حاصل کرنے والے طلباء کی صلاحیتیں	2.5
(Experiential Learning Abilities of an Experiential Learners)	
ریاضی میں جمالیاتی حس - برک حوف کے زریعہ نشاندہ جمالیاتی تجربے کے تین متغیرات اور ان کا باہمی رشتہ	2.6
Aesthetic Sense in Mathematics; Three Aesthetic Experience Variables identified by Brikhoof and their Relation)	
ریاضی میں صحت اور خوبصورتی کے بقائے باہمی - ترتیب، وصعات، ساخت اور تناظل	2.7
(Co-existence of Precision and Beauty in Mathematics - Order Pattern, Structure & Symmetry)	
یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)	2.8
فرہنگ (Glossary)	2.9
اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)	2.10
مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)	2.11

2.1 تمهید (Introduction)

تعمیریت کے مطابق طالب علم فعال اور عملی شرکت کے ذریعے اکتساب حاصل کرتا ہے۔ علم کی تعمیر میں ذاتی تجربہ کا اہم کردار ہوتا ہے۔ اس اکائی میں ہم تدریس ریاضی میں تعمیری طرز رسمائی، ایڈگرڈیل کی اکتسابی تجربے کا مخروط، اکتسابی تجربات، ریاضی اور جماليات کے درمیان پائے جانے والے رشتے، ریاضی میں درستگی (Precision) اور خوبصورتی (Beauty) کی ہم آہنگی وغیرہ کو سمجھنے کی کوشش کرنے گے ریاضی کی تدریس اور اکتساب میں ان کا جاننا بہت ضروری ہے۔

2.2 مقاصد (Objectives)

اس اکائی کے مطالعے کے بعد آپ اس قابل ہو جائیں گے کہ:

- ☆ تدریس ریاضی میں تعمیری طرز رسمائی کو بیان کر سکیں۔
 - ☆ ایڈگرڈیل کا اکتسابی تجربے کا مخروط بنا کر ریاضی میں اس کی معنویت کا اظہار کر سکیں۔
 - ☆ تجرباتی اکتساب کی جماعت بندی کر سکیں۔
 - ☆ ریاضی کے حس جماليات کے بارے میں اظہار خیال کر سکیں۔
 - ☆ ریاضی کے جمال کا احسان کر سکیں۔
-

2.3 تدریس ریاضی میں تعمیری طرز رسمائی

(Constructive Approach of Teaching Mathematics)

یہ طرز رسمائی یا طریقہ تدریس تعمیری اکتساب پر مبنی ہے۔ اس کے مطابق اکتساب اسی وقت واقع ہوتا ہے جب سیکھنے والا یعنی طالب علم معلومات کو خود تعمیر کرتا ہے۔ تعمیری طرز رسمائی میں تقدیمی سوچ، محركہ اور انفرادیت پر زور دیا جاتا ہے۔ یعنی تعمیریت وہ طریقہ ہے جس میں طلباء کو مرکز مان کر تدریس کی جاتی ہے۔

تعمیری طرز رسمائی کی خصوصیات (Characteristic)

- (1) اس طریقے میں طالب علم فعال کردار ادا کرتا ہے۔
- (2) وہ متحرک ہوتا ہے۔
- (3) اس طریقے میں معلم رہنمائی کا کام کرتا ہے اور زیادہ موقع طلباء کو فراہم کیا جاتا ہے۔
- (4) کمرہ جماعت کا ماحول جمہوری ہوتا ہے۔
- (5) سرگرمیاں اور مشاغل، طفیل مرکوز اور تعاملی (Intractive) ہوتے ہیں۔
- (6) اس طریقے کے ذریعہ طلباء میں قوت تحسیں، خود اعتمادی، احساسِ ذمدادی اور خود اختیاری وغیرہ میں اضافہ ہوتا ہے۔
- (7) خیالات کا تبادلہ بالکل کھلے ماحول میں ہوتا ہے۔

(8) طلباء کی شمولیت (Involvement) کو مدنظر رکھا جاتا ہے بلکہ اسے تینی بنانے کی کوشش کی جاتی ہے۔

تغیری طریقے کی سرگرمیاں (Activities Performed by Constructivist Approach)

(a) زبانی بحث و مباحثہ (Oral Discussions)

اس میں بحث و مباحثہ کے ذریعہ اس بات کی کوشش کی جاتی ہے کہ طلباء اپنے علم کی تغیر کریں۔

(b) تفویض (Assignment)

اس میں طلباء اپنے علم اور تفہیم کے مطابق کسی موضوع پر تفویض (Assignment) تیار کرتے ہیں۔

(c) منصوبہ (Project)

اس طریقے میں معلم طلباء کو منصوبہ (Project) دے کر ان کی جائچ کرتا ہے۔

(d) جرنل (Journal)

معلم طلباء کو جرنل لکھنے کے لیے دیتا ہے اور اس کے ذریعہ طلباء کے خیالات، سوچ اور زبان کے استعمال کی جائچ کرتا ہے۔

اس کے علاوہ کچھ اور سرگرمیاں (Activities) بھی اس میں شامل ہیں۔ جیسے

(1) تجربہ (Experimentation)

(2) فیلڈ ٹرپ (Field Trip)

(3) فلمیں (Films)

اس نظریہ میں یہ مانا جاتا ہے کہ ہر طالب علم کچھ نہ کچھ معلومات پہلے سے رکھتا ہے۔ جیسے سابقہ معلومات Prior Knowledge یا سابقہ معلومات کا خاکہ جسے "Schema" کہا جاتا ہے۔ تمام اکتساب پہلے سے موجود "Schema" پر منحصر ہوتا ہے۔

جان ڈیوی اور جین پیاج نے تغیری طریقے کے ذریعہ اکتساب کو اہمیت دی۔ ان کا ماننا ہے کہ اکتساب معلومات کی وسعت ہے جو تجربات کے ذریعے حاصل کی جاسکتی ہے۔ طلباء اسی وقت بہتر اکتساب حاصل کر سکتے ہیں جب انہیں تجربات کے ذریعے کسی بھی تصور کی تفہیم کرنے کا موقع دیا جائے۔

تغیری طرز رسانی (Constructivist Approach)

یا ایک تدریسی طریقہ کا ہے جس میں معلومات کو کیجا کرتے ہیں۔ طلباء معلومات سے متعلق فہم اور معنی اخذ کرتے ہیں۔ یہ ایسا اکتسابی نظریہ ہے جو تعلیمی نفیاں پر مبنی ہے جہاں پر معلومات کی فراہمی اور اس کا اکتساب کیا جاتا ہے۔ جو تعلیمی تجربے کے ذریعے اطلاق تک پہنچتا ہے۔ یہ ایک بیوادی نظریہ ہے جو مشاہدہ اور سائنسی مطالعہ پر مبنی ہے۔ جو یہ سمجھاتا ہے کہ طلباء کو کیا سیکھنا ہے اور کیسے سیکھنا ہے۔

(1) پیاج کے مطابق:

طالب علم کسی فراہم کی گئی معلومات کا اطلاق اس وقت تک نہیں کر سکتا ہے جب تک کہ وہ ذاتی اعتبار سے اپنی معلومات اور تجربات کی مدد سے اپنا ذاتی تصور یا ہنری خاکہ تیار نہ کر لے۔

- (2) سماجی تعمیری نظریہ (Social Constructivism) کے مطابق:
- "تجرباتی طریقے سے حاصل کیا گیا اکتساب انسان کی عملی زندگی میں تاحیات قائم رہتا ہے۔"
- (3) بروز کے نظریہ (Browner Theory) کے مطابق:
- "انسان اپنے ماضی و حال کے تجربات کی روشنی میں جدید نظریہ قائم کرتا ہے۔"
- موجودہ دور میں تعمیریت (Constructivism) طلباء کو متحرک رکھتے ہوئے پرانی معلومات کی روشنی میں جدید رہنمائی قائم کروانا ہے۔ تصور ایک خیال یا ذہنی خاکہ ہوتا ہے جس کی کچھ خصوصیات ہوتی ہیں جو ایک دوسرے سے مربوط ہوتی ہیں۔ ہر خصوصیت کا ایک تصور ہوتا ہے۔ ان تصورات کی دو فرمیں ہیں۔
- (1) بلند مرتبہ تصورات (Superordinate Concepts)
- (2) ماتحت تصورات (Subordinate Concepts)
- مثلاً دائِرہ سے متعلق اس کے تصور میں بلند مرتب (Superordinate) جیویمیٹری سے متعلق سمجھی تصورات شامل ہوں گے دائِرہ، نصف قطر، قطر وغیرہ ماتحت تصورات (Subordinate Concept) ہوں گے۔ اس کے لیے Problem Based Learning کا طریقہ کاربھی استعمال کیا جاسکتا ہے۔
- مسئلہ کو حل کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ مسئلہ سے متعلق جو تصورات ہیں ان کی خصوصیات Subordinate اور Superordinate کے اصولوں کے مطابق مسئلہ کو حل کرنے کی کوشش کرنا اور اپنے تجربے سے معلومات اکٹھا کرنا۔
- تعمیریت (Constructivism) کی مدد سے جو اکتساب ہو گا وہ تجربہ مرکوز اکتساب (Experience Centered Learning) کہلاتے گا۔ یہ بات ڈیوڈ کولب (David kolb) نے 1939ء میں پیش کی کہ Learning by Doing کے نظریہ کے مطابق اکتساب موثر ہوتا ہے۔ "میں سنتا ہوں اور بھول جاتا ہوں۔ میں دیکھتا ہوں اور یاد رکھتا ہوں۔ میں کرتا ہوں اور سیکھ جاتا ہوں۔" اس بات کا مجموعی اطلاق تجرباتی اکتساب (Experiential Learning) کہلاتا ہے۔
- تعمیری طرز سائی میں اس بات کی کوشش کی جاتی ہے کہ طالب علم کو ریاضی کا جو تصور پڑھایا جا رہا ہے اس سے متعلق بنیادی تصورات کو مثالوں اور امدادی وسائل کے ذریعے اس طرح پیش کیا جائے کہ طالب علم اپنے ذہن میں موجود متعلقہ ماتحت تصورات (Subordinate Concepts) اور بلند مرتبہ تصورات (Superordinate Concepts) کی مدد سے زیر تدریس تصور کا ذہنی خاکہ خود بنائے۔ بالفاظ دیگر اپنے سابقہ تجربات کی روشنی میں طالب علم نئی معلومات کی تعمیر کر لے۔
- آج کل کولب کے نظریہ تجرباتی اکتساب پر بڑے پیمانے پر بحث کی جا رہی ہے۔
- کولب کے مطابق: تجرباتی اکتساب چار مرحلے پر منی ہے۔ جس میں سیکھنے والا ہر مرحلے میں نئے تجربات سیکھتا رہتا ہے۔ اگر یہ چار مرحلے بخوبی گز رجاتے ہیں تو ایسی صورت میں اکتساب موثر ہو گا۔ اس کے چار مرحلے حسب ذیل ہیں:
- (1) مفروضہ تجربات (Concrete Experiences) کرنا / تجربہ کرنا

- معکوس مشاہدہ (Reflective Observation) تجربے کا جائزہ / تجربہ پر غور و خوص (Reflecting) (2)
- تجربیدی تشكیل صور (Abstract Conceptualization) - نتیجہ اخذ کرنا / تجربے سے سیکھنا (3)
- فعال تجربہ (Active Experimentation) / منصوبہ بندی / جو کچھ سیکھا اس کو عمل میں لانا (4)

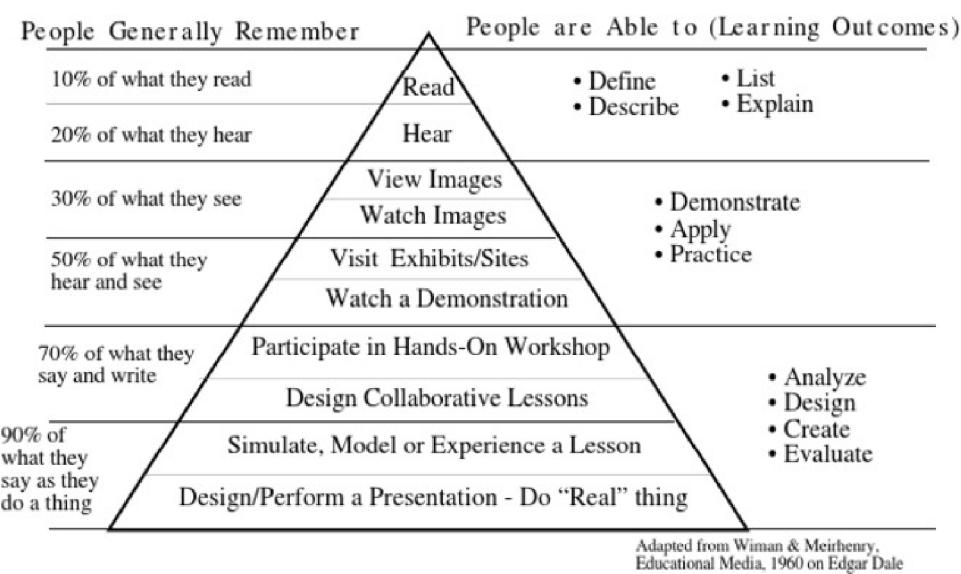
این معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1۔ تغیری طرز رسانی سے کیا مراد ہے؟

2۔ تغیری طرز رسانی کی کوئی دو خصوصیات بیان کیجیے؟

2.4 ایڈگرڈیل کا اکتسابی تجربات کا مخروط (Edgar Dale's Cone of Learning Experiences)

Dale's Cone of Experience



Computer Strategies, LLC © 1999-2002, all rights reserved
Created for Project Coach for My eCoach

جب معلم کمرہ جماعت میں درس و تدریس کا عمل انجام دے رہا ہوتا ہے یا طلباء کو اکتسابی تجربہ فراہم کر رہا ہوتا ہے تو اس کے لیے یہ نہایت ضروری ہو جاتا ہے کہ وہ عنوان کے تین بچوں میں دلچسپی پیدا کر سکے اور طلباء کو ذہنی طور پر نئی معلومات اور تجربات سیکھنے پر آمادہ کر سکے۔ اس کے لیے معلم

مختلف تدریسی اشیاء کا استعمال کرتا ہے۔ تدریسی اشیاء کا صحیح انتخاب اور استعمال بھی ایک مہارت ہے۔ اس کے لیے ایک منصوبہ بن حکمت عملی اور الاحتواء کی ضرورت ہوتی ہے۔ اس کی وضاحت 1960ء میں ایڈگر ڈیل (Edgar Dale) نے اپنی تحقیق کے دوران کی اور اس کے لیے انہوں نے ایک خاکہ پیش کیا۔ جس کو ایڈگر ڈیل کا اکتسابی تجربے کا مخروط کہا جاتا ہے۔ اس میں انہوں نے طلباء کے نفسی صلاحیتوں کو جاگر کیا اور کہا کہ:

- ☆ طلباء خود سے پڑھ کر 10% تک یاد رکھ پاتے ہیں۔
- ☆ طلباء معلومات کو سن کر 20% تک یاد رکھ پاتے ہیں۔
- ☆ طلباء دیکھ کر معلومات کو 30% تک یاد رکھ پاتے ہیں۔
- ☆ طلباء دیکھنے کے ساتھ ساتھ معلومات کو سنتے بھی ہیں تو وہ اسے 50% تک یاد رکھ پاتے ہیں۔
- ☆ جب طلباء اکتساب میں خود حصہ لیتے ہیں تو وہ معلومات کو 70% تک یاد رکھ پاتے ہیں۔
- ☆ جب طلباء اکتساب کے دوران اپنے تمام حصی اعضاء کا استعمال کریں تو وہ معلومات کو 90% تک یاد رکھ پاتے ہیں۔ یہ سیکھنے کا سب سے اوپر مقام ہوتا ہے۔

ایڈگر ڈیل (Edgar Dale) نے اکتسابی تجربات کو تین حصوں میں تقسیم کیا ہے۔

- (1) راست تجربہ یا عملی تجربہ (Direct Experience)
 - (2) سمیٰ ولصیری تجربات (Audio-Visual Experience)
 - (3) بصری یا ترسیمی تجربات (Visual Graphical Experience)
- یہ نکات اس مخروط سے واضح ہوتے ہیں کہ کس طرح اکتسابی تجربات طلباء پر اثر انداز ہوتے ہیں۔

(1) براہ راست تجربہ (Direct Experience)

اس میں طلباء کو براہ راست تجربہ یا عمل کرنے کا موقع فراہم کیا جاتا ہے۔ اس میں مختلف سرگرمیاں شامل ہیں جیسے ڈرامہ پیش کرنا، مظاہرہ کرنا اور حقیقی جگہ کا مشاہدہ کرنا وغیرہ وغیرہ۔

☆ مثال کے طور پر اگر آپ ریاضی میں نفع اور نقصان پڑھا رہے ہیں تو اس کے تعلق سے کمرہ جماعت میں ایک ڈرامہ تیار کر سکتے ہیں۔ طلباء کو گروہوں میں تقسیم کر ایک گروہ کے طلباء کو مختلف چیزیں فروخت کرنے کے لیے کہا جائے اور طلباء کے دوسرے گروہ سے ان کو خریدنے کے لیے کہا جائے۔ اس میں طلباء خود سے عملی تجربہ کر کے سیکھیں گے۔

اگر ریاضی میں مدد اور بینائیگ نظام پڑھا رہے ہوں تو طلباء کو علاقہ کے کسی بینک میں لے جائیں۔ وہاں جا کر طلباء براہ راست تجربہ کر سکتے ہیں کہ بینک میں لین دین اور کام کا ج کیسے ہوتا ہے۔

اگر طلباء کو مساحت (Mensuration) کا عنوان پڑھا رہے ہوں تو طلباء کو کسی کارپینٹر کی دکان پر لے جا کر بھی مختلف تصورات کو با آسانی سمجھایا جا سکتا ہے۔

اس طرح کی سرگرمیوں میں طلباء کے تمام حصی اعضاء کی شمولیت ہوتی ہے اس سے سیکھا گیا علم مستحکم ہوتا ہے۔

(2) سمیٰ و بصری تجربہ (Audio-Visual Experience)

- مخدود سے واضح ہوتا ہے کہ براہ راست تجربہ سب سے زیادہ حقیقی ہوتا ہے مگر کمرہ جماعت میں ہر چیز کا براہ راست تجربہ ممکن نہیں۔ ایسی صورت میں سمیٰ اور بصری تعلیمی اشیاء استعمال کی جاتی ہیں۔ اس میں میلے، نمائش، فلم، متحرک، تصاویر، سلامٹشو، ٹیپ ریکارڈر وغیرہ شامل ہیں۔
- istar مثال کے طور پر جب ہم علم ہندسہ جیو میٹری میں مثلث یا چارضلعی شکل کی بناؤٹ پڑھاتے ہیں تو اس عمل کو ہم ICT کے استعمال کے ذریعہ ڈیڈ یوم کے ذریعے عملی طور پر دکھانے سکتے ہیں۔ اس سے طلباء اشکال کی بناؤٹ جلدی سیکھیں گے۔
- istar جب ہم معطیات (Data) اور ترسیمات (Graphs) پڑھار ہے ہوں تو اس کے متعلق متحرک تصاویر پر ہم کو دکھانے سکتے ہیں۔ حقیقی زندگی میں معطیات اور گراف کا استعمال کہاں ہوتا ہے اس کی تصویر میں دکھانے سکتے ہیں۔ جیسے مجھ کے دوران، اسکول میں کسی بازار یا منڈی یا اشیاء کی قیمت میں، وغیرہ۔
- istar اسکول میں مختلف ایام جیسے یوم ریاضی (Mathematics Day)، یوم محالیات (Environment Day) وغیرہ پر ہم میلے یا نمائش کا ہتمام کر سکتے ہیں۔ اس کے علاوہ اسکول میں ریاضی کلب (Mathematics Club) کی تشکیل بھی کر سکتے ہیں۔

(3) بصری یا رسمی تجربات (Pictorial / Graphical Experience)

- اکتسابی تجربات کی یہ سب سے خیالی شے ہے اس لیے اس سے مخدود میں سب سے اوپر رکھا گیا ہے۔ ہم اکتسابی تجربات نیچے سے اوپر کی طرف یعنی مقرون سے مجرد کی طرف (Concrete to Abstract) (Concrete to Abstract) پڑھتے ہیں۔ اکتسابی تجربات فراہم کرتے وقت تعلیمی امدادی اشیاء کی یہ سب سے خلیص ہے۔ اس میں طلباء کے صرف دھنسی اعضاء کا استعمال ہوتا ہے۔ اس میں چارٹ، ماڈل، فلیش کارڈ، تصاویر وغیرہ شامل ہیں۔
- istar مثال کے طور پر جب ہم الجبرا میں قوت نما پڑھاتے ہیں تو طلباء کے لحاظ سے یہ ایک مجرد عنوان ہے۔ اس میں کسی مقرون شے کا استعمال کرنا بہت مشکل ہے۔ اس لیے ہم زیادہ تر الجبرا کے اہم نکات اور ضابطے اور اصولوں کو چارٹ پر لکھ کر پر ہم چارٹ کے سامنے پیش کرتے ہیں۔
- istar قوت نما کے اصولوں کو ہم چارٹ کی شکل میں مختلف طلباء کے سامنے ظاہر کرتے ہیں۔
- istar جب ہم طلباء کو ترسیمات پڑھاتے ہیں تو مختلف ترسیمات کو ہم چارٹ کے ذریعہ دکھاتے ہیں۔
- istar محمدی علم ہندسہ (Co-ordinate Geometry) پڑھانے میں بھی ہم اسی طرح کی تعلیمی امداد کا سہارا لیتے ہیں۔

اپنی معلومات کی جائج (Check Your Progress)

1- ایڈ گرڈیل نے اکتسابی تجربات کا مخدود (Cone of Learning Experience) کب پیش کیا؟

2- ایڈ گرڈیل کے مطابق کتنے فیصد طلباء خود سے پڑھکر سیکھتے ہیں؟

3-

ایڈگرڈیل کے مطابق اگر طلباء پنے تمام حسی اعضا کا استعمال کریں تو ان کا اکتساب کا معیار کیسا ہوتا؟

4-

ایڈگرڈیل نے اکتسابی تجربات کو کتنے حصوں میں تقسیم کیا ہے؟

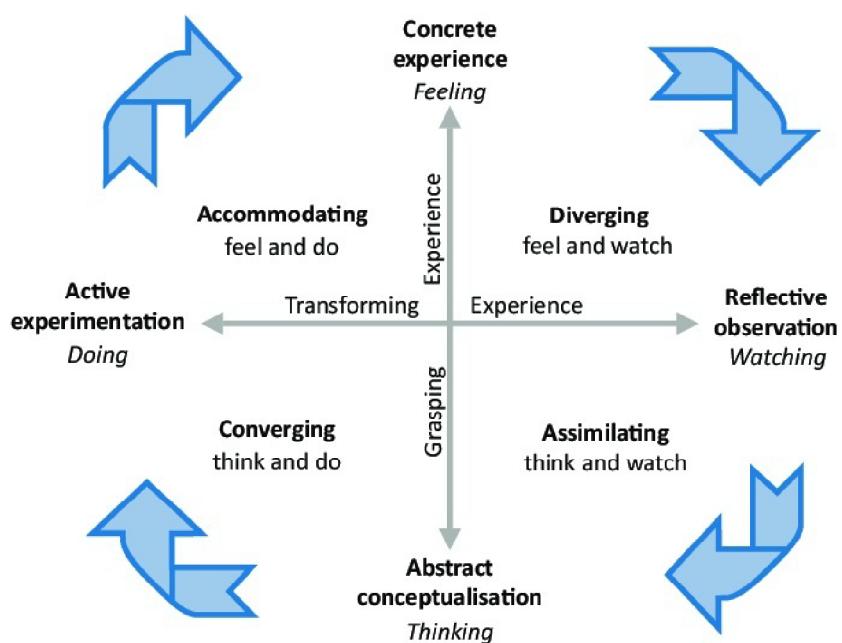
2.5 تجرباتی اکتساب - تجرباتی طریقہ سے سکھنے والے طلباء کی صلاحیتیں

(Experiential Learning - Abilities of an Experiential Learner)

تجرباتی اکتساب (Experiential Learning)

تجرباتی اکتساب ایک ایسا عمل ہے جس میں تجربات کے ذریعہ اکتساب کیا جاتا ہے۔ اکتسابی عمل میں کوئی بھی اکتساب طلباء کو ان کی تجرباتی عمل کی بنابر حاصل ہوتا ہے۔

تجرباتی طریقہ سے کیے جانے والے اکتساب کو موثر بنانے کے لیے اکتسابی تجربات میں درج ذیل خصوصیات ہونی چاہیے:



تجرباتی اکتساب کی خصوصیات (Characteristics of Experiential Learning)

- (1) تجرباتی اکتساب طالب علم کی ضرورت کو پورا کرنے والا ہونا چاہیے۔
- (2) تجرباتی اکتساب طلباء کی ذہنی صلاحیت اور معیار کے مطابق ہونا چاہیے۔

- (3) تجرباتی اکتساب ایسے ہوں جن سے طلباء کے رویہ میں پسندیدہ تبدیلی ہو اور کردار سازی کی جائے۔
- (4) تجرباتی اکتساب نصاب سے متعلق ہونا چاہیے۔
- (5) تجرباتی اکتساب معنی خیز ہونا چاہیے۔
- (6) تجرباتی اکتساب آسان ہونا چاہیے۔
- (7) تجرباتی اکتساب طلباء میں سوچنے کی صلاحیت پیدا کرنے والا ہونا چاہیے۔

تجرباتی اکتساب کی درجہ بندی (Classification of Experiential Learning)

یہ درجہ بندی Edgar Dale کے مطابق ہے۔

- (1) علاماتی تجربات (Symbolic Experiences)
- (2) تصویری تجربات (Iconic Experiences)
- (3) عمل کے تجربات (Enactive Experiences)

Symbolic Experiences علاماتی تجربات	Iconic Experiences تصویری تجربات	Enactive Experiences عملی تجربات
(i) Verbal Symbols	(i) Audio recordings and radios	(i) Demonstrations & filed trips
(ii) Visual Symbols	(ii) Motion pictures	(ii) Dramatic Experiences
(iii) Graphic Symbols	(iii) Exhibit	(iii) Contrived Exp.
		(iv) Direct purposeful exp.

تجرباتی اکتساب (Experiential Learning) کے ذریعے بطور خاص درج ذیل صلاحیتیں (Abilities) پروان چڑھانے کی کوشش کی جاتی ہے۔

- (1) احساس پیدا کرنا
- (2) مشاہدے کی صلاحیت پیدا کرنا۔
- (3) سوچنے کی صلاحیت پیدا کرنا
- (4) تحریک پیدا کرنے کی صلاحیت
- (5) منظم کرنے کی صلاحیت ہونا

تجرباتی اکتساب کے گردش (Experiential Learning Cycle)

”Kolbes“ کے مطابق تجرباتی اکتساب ایک گردشی اکتساب ہے۔

اس تجرباتی اکتساب میں معلم سب سے پہلے بچوں کی ذاتی معیار کے مطابق ٹھوس تجربات کا انتخاب کرتا ہے۔

طالب علم ان ٹھوس تجربات کا جائزہ لیتا ہے۔

اس کے بعد ان تجربات پر غور و فکر کرتا ہے۔

آخر میں طالب علم وہ تجربات خود سے کرتا ہے اور یہ مسلسل جاری رہنے والا عمل ہے جب تک طلباء مواد کو سمجھنے سکیں اور اگر یہ گردش ناکام ہو جاتی ہے تو معلم اسے پھر سے دوبارا پیش کرتا ہے۔

کوہم تفصیل سے سمجھ سکتے ہیں:

(I) مقرر و تجربات (Concrete Experiences)

اس مرحلے میں مشاہدہ اور پڑھنے سے تجربات حاصل ہوتے ہیں۔ ”David Kolib“ کے مطابق اکتساب صرف سرسری طور پر چیزوں سے گزر جانے سے نہیں ہوتا ہے بلکہ ذاتی طور پر ان چیزوں کا سامنا کرنا ہوگا۔ سبھی مقرر و تجربات (Concrete Experiences) کی مدد سے اکتساب ممکن ہے۔ جیسے ”تجربہ گاہ“، ”فیلڈ ٹرپ“، ”غیرہ میں اپنے کو مکمل طور پر مشغول کرنے سے اکتساب حاصل ہوگا۔ صرف مشاہدہ کرنے سے حاصل نہیں ہوگا۔

(II) معکوس مشاہدہ (Reflective Observation)

اپنے تجربات کے ذریعہ جو اکتساب کیا ہے اس کا اظہار عکس مشاہدے (Reflective Observation) میں ہوتا ہے۔ اس میں طلباء رو بہ عمل افعال کے متعلق سوچ قائم کرتے ہیں۔ نظریہ قائم کر کے اپنے تجربات کی روشنی میں نئے تصورات قائم کرتے ہیں۔ پرانے نظریات میں تبدیلی اور بار بار دھرائے جانے والے نظریات کی شاخت کرتے ہوئے مسائل کو حل کرنے کی کوشش کرتے ہیں۔

(III) تجربی تشكیل تصور (Abstract Conceptualisation)

اس میں سیکھنے والے نے جن چیزوں کا مشاہدہ کیا ہے ان پر اپنے اثرات کا اظہار کرے گا۔ اس میں سابقہ معلومات اور موجودہ معلومات کے ذریعہ کوئی نظریہ تصور قائم کرے گا۔

(IV) فعال تجربات (Active Experiences)

پچھلے تینوں مراحل کے ذریعے طالب علم جو اکتساب حاصل کیا ہے اپنے تجربات کا موجودہ اور نئے حالات میں عملی اطلاق کرتے ہوئے اور مسئلے کو حل کرتے ہوئے طلباء متاثر پر پہنچیں گے۔ کولب نے اکتساب کے چار اسٹائل (four Learning Style) اس طرح بتائے ہیں۔

-:Diverger (a)

اچھے اکتساب کے لیے صحیح مشاہدات اور وسیع نظریات سے ٹھوس تجربات حاصل کرنا۔

-:Assimilator (b)

صحیح مشاہدات، منطقی نظریات کی مدد سے معلومات آنٹھا کرنا۔

-:Converger (c)

عملی مشاہدات اور تجربات یا نظریات کے اطلاق کے ذریعہ۔

-:Accomodator (d)

عملی طریقے کے ذریعہ اکتساب کی فراہمی۔

تجرباتی اکتساب کے مأخذ (Sources of Experiential Learning)

ہدایتی سافت ویئر (Instructional Software) ☆

شخصی تجربات (Personal Experiences) ☆

معاون حافظہ آلات (Memory Devices) ☆

سرگرمیوں کی تعلیمی امدادیں (Activity Aids) ☆

تجرباتی اکتساب کی معنویت (Relevance of Experiential Learning)

تجرباتی اکتساب کی درجہ بندی کی گئی ہے لیکن یہ ضروری نہیں ہے کہ ہر عنوان کو تجربہ کے ذریعے پڑھایا جائے۔ مثال کے طور پر اگر معلم کو Direct Nuclear Reactor پڑھانا ہے تو اسے اس طرح کے دکھانا ممکن نہیں ہے۔ اس طرح کے اور دیگر عنوانات جن کا عملی مظاہرہ ممکن نہیں ہے اس میں معلم ایسی خاص تجرباتی معلومات فراہم کر سکتا ہے جو مواد سے بہت زیادہ قریب ہو۔

ایسی حالت میں اسے چند باتوں کا دھیان رکھنا چاہئے:

(1) مضمون کے مواد کی وضاحت (Clarity in Subject Matter) (2)

تعامل کا انداز (Interaction Pattern) (2)

عنوان یا سبق کی نوعیت (Nature of the Topic) (3)

طلباًء کی صلاحیت (Ability of the Student) (4)

معلم کی تخلیقی صلاحیت (Teacher's Creativity) (5)

(6) تدریس اور سیکھنے کے وقت کی مدت (Time duration of Teaching and Learning)

اپنی معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1 - تجرباتی اکتساب (Experiential Learning) کسے کہتے ہیں؟

2 - تجرباتی اکتساب کی درجہ بندی Bruner نے کس طرح کی ہے؟

2.6 ریاضی میں جمالیاتی حس۔ برک حوف کے زرعیہ نشاندہ جمالیاتی تجربے کے تین متغیرات اور ان کا باہمی رشتہ

Aesthetic Sense in Mathematics; Three Aesthetic Experience Variables identified by Brikhoof and their Relation)

جمالیاتی حس (Aesthetic Sense)

جمالیات کا تعلق جذبات اور احساسات سے ہے جو ذہانت کی مخالفت کرتی ہے۔ اس تعریف کے لحاظ سے دنیا کی ہر چیز میں جمالیاتی قدر موجود ہے جس کے تین انسان ہمیشہ شدید جذباتی کیفیت میں اپنا ر عمل ظاہر کرتا ہے۔
اس بات پر یقین تھا کہ انسان قدرتی طور پر سیکھنے سے لطف اندوں ہوتا ہے۔ Aristotle

:Maths and Aesthetic Sense

جمالیات کی تعریف کی روشنی میں ریاضی اور جمالیات کے درمیان پائے جانے والے رشتے کو متعارف کروایا جا سکتا ہے۔ پہلی بات تو یہ ہے کہ ریاضی کا عمل ایک جذباتی حصہ ہے۔ دوسری بات یہ ہے کہ ریاضی تہذیب سے رابطہ کی شکل ہے۔ ریاضی داں فیصلہ کرنے کے مجاز ہیں کہ ریاضی میں کون سا معاملہ خوبصورت اور قدر والا ہوتا ہے۔ اور یہ فیصلہ ریاضی کی نوعیت اور مفروضات کی بنیاد پر ہوتا ہے۔

ریاضی کی جمالیاتی ساخت :

- ☆ ریاضی کا جمالیاتی منظر آج کے دور میں ریاضی کے تعلم کے لیے اہم موضوع ہے۔
- ☆ ریاضی کے جمالیاتی منظر میں ریاضی کی قدر شناسی اور خوبصورتی شامل ہے۔
- ☆ جمالیات کی پیمائش اکثر جمالیات کی چیزوں کے لیے کی جاتی ہے۔

یہ ایک طریقہ کار Quantitative Index ہے۔ جس میں دو جمالیاتی چیزوں کا موازنہ کرتے ہیں اور یہ پتالگانے کی کوشش کرتے ہیں کہ کس کی جمالیات اثر انداز ہے۔

جمالیات کی پیمائش کے لیے ریاضی میں Brikhoff نے تین Variables (متغیرات) بتائے ہیں اور ان کے درمیان ہم رشتگی کو دکھایا ہے۔

M=O/C

M=Aesthetic measure or value

O=Aesthetic order

C=Complexity

جہاں "M" سے مراد ہے جمالیاتی پیمائش، "O" سے مراد ہے وہ ترتیب جو ایسی چیزوں کی خصوصیات کو بتاتی ہے جس میں

ترتیب(Order) وضعات(Pattern) اور موزونیت(Symmetry) چھپی ہوتی ہے۔ اور اس کی وجہ سے جماليات کا اثر دیکھنے کو مل رہا ہے۔ اور تیرا ”C“ چیزوں کی پیچیدگی سے مراد ہے۔ اس سے مراد انسان کے نظریہ سے ہے اور اس کے Attention کا احاطہ کرنے سے ہے۔

اپنی معلومات کی جاگہ (Check Your Progress)

1- ارسٹو کے مطابق انسان سیکھنے پر کیا محسوس کرتا ہے؟

2- ریاضی کے جمالیاتی مناظر میں کیا چیزیں شامل ہیں؟

3- جماليات کی پیمائش کے لیے Brikhoff نے کون سے تین متغیرات بتائے ہیں؟

2.7 ریاضی میں صحت اور خوبصورتی کا بقاء بآہی - ترتیب وضعات، ساخت اور تشاکل

Co-existence of Precision and Beauty in Mathematics - Order, Pattern, Structure and Symmetry

ریاضی میں ترتیب اور نمونہ (Order & Pattern) ایک سائز ہے۔ یہ تجسس کی ایک فوج ہے جو ایک سمت میں پابند ہے۔ Order اور Pattern کو پیدا کرنے کی صلاحیت کسی فرد کی قدرتی طور پر ماحول سے رابطہ کی وجہ سے ہے۔ Order اور Pattern اندر وہی صلاحیت کی وجہ سے بنتی ہے اور یہ صلاحیت ریاضی کی وجہ سے حاصل ہوتی ہے۔

ریاضی میں ترتیب (Order):

- ☆ انسانی دماغ ہمیشہ کائنات میں تشاکل (Symmetry) اور توازن کو پیدا کر کے ترتیب حاصل کرنے کی کوشش کرتا ہے۔
- ☆ انسان کی بنائی ہوئی اشیاء ساخت میں تشاکل (Symmetric) ہوتی ہیں اور ہم اس تشاکل (Symmetry) کا مشاہدہ قدرت میں کر سکتے ہیں۔

- ☆ تشاکل (Symmetry) کسی شے میں توازن، ترتیب اور خوبصورتی کو ظاہر کرتی ہے۔
- ☆ حقیقت میں ریاضی کا اہم مقصد ساخت (Structure) اور متغیرات (Variables) کو غیر سمتی اور منتشر ترتیب کے درمیان سے اخذ کرنا ہے۔

$$13^2 = 169$$

$$31^2 = 961$$

$$12 \text{ square} = 144$$

$$21 \text{ square} = 441$$

ریاضی میں وضعات (Pattern)

☆ ریاضی وضعات کی ایک سائنس ہے۔

☆ وضعات بھی اندر و فی صلاحیت کی وجہ سے نہیں ہے اور تمام صلاحیتیں انسانوں میں ریاضی سے حاصل ہوتی ہے۔

☆ وضعات انسان کے دماغ میں چھپے ہوئے عمل کا عکس ہوتی ہے۔

☆ وضعات پیدا کرنے کی صلاحیت کسی فرد کے قدرتی طور پر ماحولیات کے رابطہ کی وجہ سے ہوتی ہے۔

☆ دماغ تصورات اور خیالات کے درمیان رابطوں اور غیر رابطوں کو وصول کرتا ہے اور دونوں کو ترتیب دیتا ہے۔

چند وضعات کی مثالیں:-

$$3^2 = 1 + 2 + 3 + 2 + 1$$

$$4^2 = 1 + 2 + 3 + 4 + 3 + 2 + 1$$

$$5^2 = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1$$

پچھے ضرب سے متعلق مثالیں:-

$$1 \times 9 = 09$$

$$2 \times 9 = 18$$

$$3 \times 9 = 27$$

$$4 \times 9 = 36$$

$$5 \times 9 = 45$$

$$6 \times 9 = 54$$

$$7 \times 9 = 63$$

$$8 \times 9 = 72$$

$$9 \times 9 = 81$$

$$10 \times 9 = 90$$

نوت: اپنے جواب یونچ دی گئی خالی جگہ میں لکھیں۔

(1) ریاضی میں ترتیب (Order) سے کیا مراد ہے؟

(2) تشکل (Symmetry) کے کہتے ہیں؟

(3) وضعات (Pattern) کے کہتے ہیں؟

2.8 یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)

- ☆ تعمیریت (Constructivism) وہ طریقہ ہے جس میں طلباء کو مرکز مان کر مدرسیں کی جاتی ہے اور ان کی شمولیت (Involvement) کو مد نظر رکھا جاتا ہے۔
- ☆ تعمیری طریقے میں زبانی بحث و مباحثہ (Oral Discussion)، تفویض (Assignment)، منصوبہ (Project)، فیلڈ ٹرپ (Fied Trip) وغیرہ سرگرمیاں شامل ہوتی ہیں۔
- ☆ مختلف ماہرین کے مطابق اکتساب معلومات کو تجربے کے ذریعے حاصل کیا جاتا ہے۔
- ☆ کولب کے تجرباتی اکتساب کے چار مراحل مقرر ہیں تجربات، عکاس مشاہدہ، تجربیدی تشكیل تصور اور فعل تجربہ ہیں۔
- ☆ ایڈگرڈیل نے اکتسابی تجربات کو تین حصوں، راست تجربہ، سمعی و بصری تجربہ اور بصری یا ترسیمی تجربہ میں تقسیم کیا ہے۔
- ☆ ایڈگرڈیل اور بردنز کے مطابق اکتسابی تجربات کی درجہ بندی تین حصوں (علمائی، تصویری، عملی تجربات) میں کی گئی ہے۔

2.9 فرنگ (Glossary)

علم کا ایسا فریم ورک یا تصور جو معلومات کو منظم اور تشریح کرنے میں مدد کرتا ہے۔	اسکیما (Schema)
اس تصور کے تحت مکتبہ نے جن چیزوں کا مشاہدہ و تجربہ کیا ہے ان پر اپنے تاثرات کا اظہار کرتا ہے۔	تجربیدی تشكیل تصور
اس میں سابقہ معلومات اور موجودہ معلومات کے ذریعہ کوئی نظریہ یا تصور قائم کرتا ہے۔	Abstract Conceptualisation
وہ طرز رسمی جس میں طلباء خود علم کی تعمیر کرتے ہیں۔ اس میں استاذ کا کردار ایک سہولت کارکارا ہوتا ہے۔	تعمیریت (Constructivism)
Superordinate Concepts	بلند مرتبہ تصورات
Subordinate Concepts	ماتحت تصورات
Concrete	مقرر ہونے والے
Reflective	عکاس
Abstract	تجربید
Experiential Learning	باتی اکتساب
Iconic	تصویری
Enactive	عملی
Aesthetic Sense	جمالیاتی حس
Symmetry	تشکیل

2.10 اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercise)

معروضی جوابات کے حامل سوالات (Objective Answer Type Questions)

- 1۔ اکتسابی تجربے کا مخروط (Cone of Learning Experiences) ----- نے متعارف کروایا۔
- 2۔ زبانی عالمیں، راست اور با معنی تجربات سے زیادہ ----- ہیں۔
- 3۔ تصورات کی دواہم قسمیں ----- اور ----- ہیں۔
- 4۔ بروز اور ایڈگرڈیل کے مطابق تجرباتی اکتساب کی درجہ بندی ----- اور ----- تجربات میں کی گئی ہے۔
- 5۔ جمالیاتی پیاس کے لیے Birkhoff کا ضابط ----- ہے۔

خختہ جوابات کے حامل سوالات (Short Answer Type Questions)

- 1۔ تغیری طرز رسمائی کی نمایاں خصوصیات بیان کیجیے۔
- 2۔ ریاضی کی تدریس میں سمعی و بصری امدادی وسائل کے استعمال پرنوٹ لکھیے۔
- 3۔ ریاضی کی جمالیاتی حس میں ساخت (Structure) اور تشکل (Symmetry) پرنوٹ لکھیے۔
- 4۔ تجرباتی اکتساب کی گردش (Experiential Learning Cycle) کی وضاحت کیجیے۔

طویل جوابات کے حامل سوالات (Long Answer Type Questions)

- 1۔ تغیری طرز رسمائی کے ذریعے ریاضی کی تدریس کے لیے منعقد کی جانے والی مختلف سرگرمیوں کی تفصیلات لکھئے۔
- 2۔ مناسب مثالوں کے ذریعے ایڈگرڈیل کے اکتسابی تجربے کے مخروط کی وضاحت کیجئے۔
- 3۔ تدریس ریاضی میں تجرباتی اکتساب کی معنویت پر تفصیلی روشنی ڈالیے۔
- 4۔ مثالوں کے ذریعے ریاضی کی جمالیاتی حس (Aesthetic Sense) پر اظہار خیال کیجئے۔

2.11 مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)

P.K.(2010). Resource Material for Mathematics Club Activities.Riedesel,C.A&

Schwartz,J.K.(1994).Essentials of Elemeennatry

Matheamatic(nd)Heigls,MA(USA):Allyn&Bacon.

Madaholi,A.G.(1952).Khel ke Zaria Taalim Delhi:-Maktaba Jamia Limited

Kumar,V.(Edit.)(2012).Pedagogy of Mathematics new Delhi:-NCERT.

اکائی 3۔ ریاضی میں اختساب اور تعین قدر

(Assessment and Evaluation in Mathematics)

اکائی کے اجزاء

تمہید (Introduction) 3.1

مقاصد (Objectives) 3.2

اختساب کے معنی، تشكیلی اختساب اور اختتامی اختساب، ریاضی میں پیاٹش اور تعین قدر۔ 3.3

(Meaning of Assessment , Formative and Summative Assessment, Measurment and Evaluation in Mathematics)

ریاضی، علم الحساب، الجبرا اور جیومیٹری میں تحصیلی جانچ اور رفتاری جانچ 3.4

(Achievement Tests and Speed Tests in Mathematics, Arithmetics, Algebra & Geometry)

ٹیسٹ ائمیس کی تیاری۔ ریاضی کی مختلف شاخوں کے ٹیسٹ ائمیس کی تیاری کے دوران اختیار کیے جانے والے اختیاری اقدامات 3.5

(Preparation of Test Items- Precautions to be taken while preparing test items in different branches of Mathematics)

مسلسل جامع تعین قدر کا تصور اور مختلف برآتاو میں تبدیلی کی پیاٹش جیسے دلچسپی، روحان وغیرہ 3.6

(Concept of CCE and Measurment of different Behavioural changes like Interest, Attitude and Aptitude in Learning Mathematics)

اختساب کا فریم ورک (Assessment Framework) 3.7

یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered) 3.8

فرہنگ (Glossary) 3.9

اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises) 3.10

(Suggested Books for Further Readings) 3.11

تہمید (Introduction) 3.1

اپنے مواد مضمون (Content Knowledge) اور طرز آموزش دونوں لحاظ سے مضمون ریاضی کا اپنا ایک ممتاز و منفرد مقام ہے۔ بعض لوگ اسے ایک انہائی مشکل مضمون سمجھتے ہیں اور بعض لوگوں کے لئے یہ ایک دلچسپ مضمون ہوتا ہے۔ ضرورت صرف اس بات کی ہوتی ہے کہ ریاضی کا استاد ہر طالب علم کو اپنے سبق میں شامل کرنے کی کوشش کرے جو کہ ایک چیلنج کام ہے۔ تدریس والتساب کی طرح ریاضی میں طلبہ کا احتساب اور تعین قدر بھی ایک دلچسپ چیلنج عمل ہے۔ اس اکائی میں مثالوں کے ذریعے سے یہ بات پیش کی گئی ہے کہ طلباء کے اکتساب کا احتساب اور تعین قدر کیا جائے۔ اس ضمن میں عالمی سطح پر اور قومی سطح پر کیا کام ہو رہا ہے اس بات پر بھی اکائی میں تفصیلی روشنی ڈالی گئی ہے۔

مقاصد (Objectives) 3.2

اس اکائی کے مطلع کے بعد آپ اس قابل ہو جائیں گے کہ:

- ☆ احتساب اور اس کی اقسام، پیمائش اور تعین قدر کے تصورات کی وضاحت کر سکیں۔
 - ☆ حساب، الجبرا اور علم ہندسہ میں تھیلی اور فواری جانچ کے لیے پرچے تیار کر سکیں۔
 - ☆ مسلسل اور جامع تعین قدر کا تصور بیان کر سکیں۔
 - ☆ طلباء کے برتاؤ (Behaviour) جیسے ریاضی میں اکتساب، دلچسپی، روایہ اور رجحان کی پیمائش کر سکیں۔
 - ☆ اکتسابی مظاہرہ / اشاروں کی مختلف اقسام معہ مثال بیان کر سکیں۔
 - ☆ احتساب کے مختلف آلات اور تکنیکوں کو استعمال کر سکیں۔
-

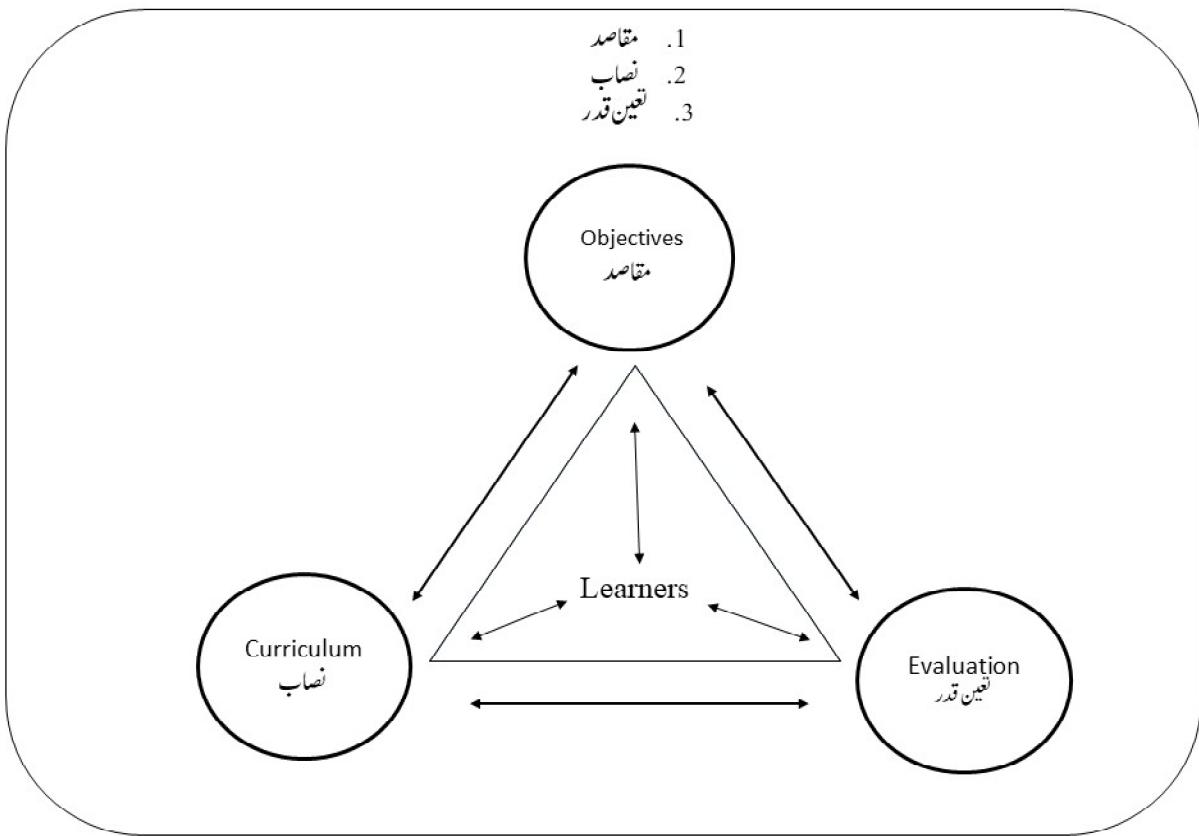
3.3 احتساب کے معنی، تشکیلی احتساب اور اختتامی احتساب، ریاضی میں پیمائش اور تعین قدر

(Meaning of Assessment , Formative and Summative Assessment, Measurment and Evaluation in Mathematics)

تدریس کے بعد معلم یہ معلوم کرنا چاہتا ہے کہ اسکے مقاصد کس حد تک حاصل ہوئے تاکہ وہ طلباء کی اور اپنی خود کی کمزوریوں سے کماحت واقف ہو کر اپنے طرز تعلیم میں مناسب تبدیلی کر سکے۔ اس کے علاوہ یہ بھی معلوم کرنا چاہتے ہیں کہ بچوں نے اسکوں کی تعلیم سے کس قدر استفادہ کیا ہے۔

اس حقیقت سے انکار نہیں کیا جاسکتا کہ انسان اپنی کاؤشوں کا نتیجہ فوری طور پر معلوم کرنا چاہتا ہے اور طلباء اور تعلیم کے دیگر اسٹیک ہولڈر س مثلاً والدین وغیرہ بھی اپنی کوششوں کے نتائج سے واقف ہونا چاہتے ہیں تاکہ انہیں اپنے قوی اور کمزور پہلو سے واقفیت ہو جائے جس کی مناسبت سے وہ اپنی تیاری کر سکیں جو معلم اور متعلمین دونوں کے لیے سہولت کا باعث ہوں۔

اس عمل کے لئے اولاً وہ طلباء کو درسیات پر مبنی اکتسابی تجربات فراہم کرتا ہے اور نصاب کی تکمیل پر احتساب اور تعین قدر کرتا ہے۔ تدریسی اکتسابی عمل کے ان اجزاء کو درج ذیل خاکہ کے ذریعے واضح کیا گیا ہے



اب یہ سوال پیدا ہوتا ہے کہ اس مقصد کے حصول کے لیے کون سا طریقہ اختیار کیا جائے جس کے ذریعے طلباء کی حصولیابی جانچی جاسکے۔ اس کا جواب اس کے سوا اور کیا ہو سکتا ہے کہ طلباء کی معلومات کا امتحان لیا جائے۔ امتحان کا یہ عمل تعین قدر کا ہی ایک جز ہے جس میں طلباء کے اس علم کی جانچ کی جاتی ہے جو کہ دورانِ تعلیم ان کو فراہم کیا گیا کیونکہ یہی معلم اور متعلم کی کارکردگی اور حصولیابی کے معلوم کرنے کا بہترین ذریعہ ہے۔ دوسرے الفاظ میں معلم کی کارکردگی اور متعلم کی حصولیابی کی حقیقی جانچ کا ذریعہ امتحان ہے۔ لیکن اس کی ضرورت کو تسلیم کر لینے سے یہ سوال پیدا ہوتا ہے کہ آیا اس کے ذریعے طالب علم کی حقیقی قابلیت کا اندازہ کس حد تک لگایا جاسکتا ہے۔ اس سلسلہ میں دو سوالات کے جوابات لازمی ہیں۔ اول یہ کہ امتحان کو س حد تک تعلیمی عمل (Educational Process) کی جانچ میں استعمال کیا جاسکتا ہے۔ دوسرا یہ کہ آیا مروجہ طریقہ امتحان کو کامیاب طریقہ امتحان کہا جاسکتا ہے یا نہیں۔

تعلیم کا مقصد صرف علم میں اضافہ کرنا نہیں بلکہ طلباء میں اعلیٰ جذبات، مستقل ذوق اور اعلیٰ نصب العین پیدا کرنا ہے۔ ان کی بنیاد پر ان کی شخصیت تغیر ہوتی ہے۔ چونکہ امتحانات کے ذریعے صرف تعلیمی جزو کی جانچ کی جاتی ہے۔ اور باقی اجزاء کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے اس لئے چند ماہرین امتحانی نظام پر تنقید کرتے ہوئے کہتے ہیں کہ امتحانات کے ذریعے حقیقی حصولیابی کا اندازہ لگانا صرف مشکل ہی نہیں بلکہ ناممکن ہے۔ البتہ ان کو طلباء کی صرف معلومات کی جانچ کی غرض سے استعمال کیا جاتا ہے۔ بالفاظ دیگر امتحانات سے عمومی طور پر صرف وقوفی پہلو کا جائزہ لیا جاتا ہے نہ کہ جذباتی اور ادرا کی پہلوؤں کا۔ دور جدید میں تعلیم کو اب مکمل زندگی کے لیے تربیت دینے کا ذریعہ سمجھا جا رہا ہے۔

ایئے اب ہم تین قدر سے متعلق چند اصطلاحات کی تفہیم کرتے ہیں۔

لفظ Test اور Examination کئی بار الگ الگ معنی میں استعمال کیے جاتے ہیں۔ جہاں ٹیسٹ کو ایک چھوٹے امتحان (Mini Examination) کے طور پر سمجھا جاتا ہے، مثال کے طور مابہنہ ٹیسٹ، اکائی ٹیسٹ، سلپ ٹیسٹ، اور سالانہ امتحان وغیرہ۔ لیکن دوسرا طرف اگر ہم TET (یعنی Teacher Eligibility Test) میں داخلہ کے لیے بھی ایک امتحان دیا جاتا ہے ایک ٹیسٹ ہی ہوتا ہے۔ لیکن ہم اسے (Mini Examination) کے طور پر دیکھتے ہیں۔

ان اصطلاحات (Terms) کی بہتر سمجھ کے لیے ہم روزمرہ کی زندگی سے متعلق کچھ پہلوؤں پر نظر ڈالتے ہیں۔ مثال کے طور پر کوئی ڈاکٹر کے پاس جاتا ہے۔ ڈاکٹر اس کی جانچ (Examine) کرتا ہے یا اس کا ٹیسٹ کرتا ہے؟ بے شک یہاں ان دونوں الفاظ کا معنی الگ الگ سمجھے جاتے ہیں۔ اور ہم کہتے ہیں کہ ڈاکٹر نے مریض کی جانچ یعنی (Examine) کیا اور کچھ جانچ یعنی (Test) کروانے کا مشورہ دیا۔ تو اس لحاظ سے بنیادی طور پر (Test) ایک آلہ (tool) ہے۔ مثال کے طور پر فتنی جانچ (Intelligence Test)، صلاحیت یا رجحان کی جانچ (Aptitude Test) یا تحصیلی جانچ یعنی (Achievement Test) وغیرہ۔ امتحان ایک (Examination) طریقہ عمل (Process) ہے جس میں احتساب، پیاٹش اور تعین قدر کیا جاتا ہے۔ پیاٹش Measurement لفظ سے ہم سب واقف ہیں۔ یعنی اس کا تعلق اعداد سے ہوتا ہے اور ضرورت پڑنے پر اس میں اکائی (Units) کا بھی استعمال ہوتا ہے جیسے۔ 5g، 5cm، 10kg وغیرہ۔ چلیے اب ہم واپس اپنے پرانی مثال کی طرف چلتے ہیں تاکہ ہمیں دو الفاظ یعنی Assessment اور Evaluation کو سمجھ سکیں۔ وہ مریض Test کروانے کے لیے تجربہ گاہ کیا ہوگا جہاں سے اسے ایک Report دی جائے گی۔ جس میں کچھ پیاٹش لکھی گئی ہوگی۔ جو عدد اور اکائی کے استعمال سے تیار کی گئی ہوگی۔ جیسے اس کے ہمیو گلو بین کی مقدار 16gm/dl تھی۔ اس کے علاوہ اس report میں ایک الگ column بھی رہتا ہے جس میں ایسے Terms کے معنی اور پیاٹش کی تشریح لکھی جاتی ہے جیسے normal above normal، below normal، normal وغیرہ۔ ڈاکٹر ٹیسٹ کروانے سے قبل ڈاکٹر یا کوئی ماہر اندازے کی بنیاد پر کہے کہ آپ کے جنم میں خون کی کمی ہے تو عمل احتساب یا تخمینہ یا اندازہ قدر Assessment (تعین، تشخیص) کہلاتا ہے۔ جو مقداری بھی ہو سکتا ہے اور معیاری بھی۔ اور حقیقتی ترجیح کو بھی بنیادی تعین کے بعد دیا جاتا ہے۔ جس کے ساتھ فیصلہ یا حکم یا تجویز شامل ہوتی ہے۔ اسے Evaluation کہتے ہیں۔

* ٹیسٹ (Test) کا استعمال جانکاریوں کو جمع کرنے کے لیے کیا جاتا ہے جو ایک اول (Tool) کے طور پر کام کرتا ہے۔

* ان جانکاریوں کو پیاٹش قدر (Measurement) کے ذریعے حاصل کیا جاتا ہے۔

* اندازہ میاٹش (Measurement) کو تعین قدر (Evaluation) کے لیے استعمال کرتے ہیں۔

Evaluation

Measurement

Test

تعین قدر (Evaluation) کے معنی بہت وسیع ہیں اور یہ احتساب یا پیاٹش کے گرد گھومتا ہے۔ کار آمد جانکاریوں اور پیاٹش کی مدد سے ہم نیچلہ (Judgement) کرتے ہیں یہی تعین قدر (Evaluation) ہے۔ تعین قدر جانکاریوں کو سائنسی طریقے سے پیش کرنے اور فیصلہ سازی میں اپنا اہم روپ ادا کرتا ہے۔ اس میں کئی چیزیں شامل ہوتی ہیں۔ جیسے پیاٹش (Assessment)، Measurment (Measurement)، تشخیص اور آزمائش (Testing) یعنی جانچ وغیرہ۔ اس کے علاوہ اس عمل (Process) میں مندرجہ ذیل چیزیں شامل ہوتی ہیں۔

* Information Gathering	جانکاریوں کو جمع کرنا
* Information Processing	جانکاریوں کو پروسیس کرنا
* Judgement Forming	فیصلہ سازی کرنا
* Decision Making	تشریح کرنا
* Reporting	نتائج کی رپورٹنگ

آئیے اب ہم یہ دیکھتے ہیں کہ احتساب (Assessment) اور تعین قدر (Evaluation) جانچ وغیرہ تدریس کے دوران کس طرح ایک دوسرے سے مربوط ہوتے ہیں۔

(i) جب معلم کوئی سابق شروع کرتا ہے، تو سب سے پہلے وہ طلباء کی سابقہ معلومات کی جانچ کرنے کی کوشش کرتا ہے۔ اس کے لیے معلم طلباء سے مکالمہ بات چیت اور سوالات کرتا ہے۔ یہ سب چیزیں ان کی سابقہ معلومات کو جانے میں مدد کرتی ہیں۔ اس کے علاوہ دوسری حکمت عملی کے ذریعے ان کی صلاحیتوں، دلچسپی اور مہارتوں کو معلوم کیا جاسکتا ہے۔

(ii) درس و تدریس کے عمل کے دوران معلم سابقہ معلومات کوئی معلومات سے جوڑنے کی کوشش کرتا ہے۔ اس عمل میں اسے یہ غور کرنا ہوتا ہے کہ اس میں غلط تصویرات (Misconceptions) کیا ہیں یا ان کے لیے کون سا تصور (concept) نیا ہے۔ معلم کی یہ ذمہ داری ہوتی ہے کہ وہ طلباء کی اصلاح اور ان کی کمی کی بھرپائی کرے اور ان کے ذخیرہ علم میں صحیح نکات موثر انداز میں شامل کرے۔

(iii) معلم کو یہ طے کرنا ہوتا ہے کہ وہ کس طرح سے جماعت میں تدریس کرے گا کہ وہ فائدہ بخش اور اثر آفرین ہو۔ اس کے لیے اسے کسی حکمت عملی (Strategy) کا استعمال کرنا ہوگا جو درس و تدریس کے عمل کو کامیاب بنائے۔ اس کے لیے وہ درس کے دوران طلباء کی قدر پہنچائی اور جانچ کا عمل جاری رکھنا ہے۔ سوالات پوچھتے رہنا، طلباء کی توجہ مرکوز کرنا، اور لگاتار غبত دلانا اور ان کی حوصلہ افزائی کرنا اسے طلباء کی بہتر اکتساب لیے کے ان ساری چیزوں کا استعمال کرنا ہوتا ہے۔ معلم کی ذمہ داری طلباء کے لیے تمام طرح کی سہولیات فراہم کرنا ہے۔

(iv) سبق/ اکائی، نشت (Session) کے ختم ہونے پر معلم کو اپنے آپ سے سوال کرنا چاہیے کہ یہ کیسے جانوں گا کہ طلباء نے کیا اور کتنا سیکھا۔ اسے معلوم کرنے کے لیے معلم پڑھائے گئے مواد کا ثیسٹ لیتا ہے اور فیصلہ سازی کرتا ہے۔ جس کی بناء پر وہ طلباء میں کتنی اصلاح ہوئی یا کتنا سیکھ پائیں اس کی جانکاری مل پاتی ہے۔ اور جب طلباء کا میاب ہو کر آگے کی جماعت میں چلے جاتے ہیں تو یہ سمجھا جاتا ہے کہ پڑھائی گئی باتیں طلباء کی سمجھ میں آگئیں۔ پھر نئی جماعت میں بھی درس و تدریس کا آغاز کرتے وقت معلم کچھ تعین قدر (Evaluation) کرتا ہے تاکہ اسے پتہ چل پائے کہ طلباء سمجھ ہوئی با توں کو کتنا یاد رکھ پاتے ہیں۔ تو اس طرح سے ہم یہ دیکھتے ہیں کہ احتساب اور تعین قدر ایک ہمیشہ جاری رہنے والا عمل ہے۔ اور یہ درس و تدریس کا اہم حصہ بھی ہے۔

Evaluation:- تعین قدر Evaluation:۔ تعلیمی میدان میں یہ ایک اہم اصطلاح ہے جو ایک وسیع مفہوم کی حامل ہے۔ یہ طلباء کی پوشیدہ صلاحیتوں اور دلچسپیوں کو معلوم کرنے میں معاون ہوتی ہے۔ اس سے طلباء کو اپنی کامیابی اور ناکامی کا خود اندازہ ہوتا رہتا ہے یہ طلباء کی دشواریاں معلوم کرنے میں معلم کی مدد کرتی ہے۔ یہ موثر رہنمائی کے پروگرام کی منصوبہ بندی کرنے میں ضروری اور اہم معلومات مہیا کرتی ہے۔

Evaluation قدر ایک مسلسل اور جامع عمل ہے جو اسکوں کے اندر اور باہر دونوں جگہ جاری رہتا ہے جس میں طلباء اساتذہ اور سماج سب ہی شریک

رہتے ہیں تاکہ پھر اور پورے تعلیمی عمل کو بہتر بنایا جاسکے۔

یہ طلباء کی ترقی اور حصولیابی کی جانچ جامع مسلسل طریقے سے کرتی ہے۔ اس کا تصور سالانہ امتحان کے دائرے سے وسیع طریقے اس کے ذریعے طلباء کی علمی قابلیت کے علاوہ ان کے عادات و اطوار، سمجھ بوجھ، ذوق و شوق، رجحانات کے علاوہ شخصیت کے تمام پہلوؤں کی جانچ ہوتی ہے۔ یہ ایک جامع اور مسلسل عمل ہے جو اسکول کے اندر اور اس کے باہر بھی جاری رہتا ہے۔ اس نوعیت کی جانچ میں طالب علم کی شخصیت کے تمام پہلوؤں کی نمائندگی ہوتی ہے۔

(1) تنشیلی احتساب (Formative Assessment)

اس جانچ کا مقصد تدریسی و اکتسابی عمل (T.L.P) کو موثر بنانا ہوتا ہے۔ یہ جانچ تدریس کی عمل آوری کے دوران مختلف مراحل میں انجام دی جاتی ہے۔ بالفاظ دیگر اس کے ذریعے یہ معلوم کیا جاتا ہے کہ آیا طلباء سبق یا تدریس سے کما حق استفادہ کر رہے ہیں یا نہیں۔ یہ حقیقت میں معلم کے لیے ایک بازرسائی (Feed back) کا ذریعہ ہوتی ہے جس کی بناء پر وہ اپنے سبق اور طریقہ تدریس میں مناسب تبدیلی کرتا ہے۔ کمرہ جماعت کی جانچ زبانی سوالات، کلاس ورک اور ہوم ورک غیرہ کے ذریعے کیا جاتا ہے۔ اس میں سوالات تیار کرنا یا جانچ کرنا زیادہ تر معلم پر منحصر کرتا ہے۔

(2) اختتامی احتساب (Summative Assessment)

اس نوعیت کی جانچ تدریسی اکتسابی پروگرام کے مکمل ہونے کے بعد استعمال کی جاتی ہے۔ اس جانچ کے ذریعے تدریسی نتائج کی نشاندہی کی جاتی ہے خارجی اور داخلی امتحانات اس نوعیت کی جانچ کی مثالیں ہیں۔ اس جانچ کے ذریعے یہ معلوم کیا جاتا ہے کہ تدریس کے اہداف کی کس حد تک تکمیل ہوئی ہے اور تدریس کہاں تک موثر ثابت ہوئی ہے۔ (SA) کا اصل مقصود گرید (Grade) دینا ہوتا ہے۔ جس کے لیے اور معلم کے ذریعے Ratings، Tests وغیرہ کا اہتمام کیا جاتا ہے۔ Exams

3.4 ریاضی، علم الحساب، الجبرا اور جیو میٹری میں تحصیلی جانچ اور فتاری جانچ

(Achievement Tests and Speed Tests in Mathematics, Arithmetic, Algebra & Geometry)

تحصیلی جانچ (Achievement Tests)

تحصیلی جانچ کی درجہ بندی اکثر استاذہ کے ذریعے تیار کردہ جانچ اور معیار بند جانچ کے طور پر کی جاتی ہے۔ اسکوؤں میں ہم عام طور پر ٹیچر کے ذریعے تیار کردہ جانچ کو استعمال میں لاتے ہیں۔ ان کے نتائج اسکول میں فراہم کی گئی تعلیم کے ضمن میں طالب علم کی تحصیل کو ظاہر کرتے ہیں۔ تدریس و آموزش کے عمل کو بہتر بنانے میں یہ نتائج کافی مددگار ہوتے ہیں۔ یہ اپنے طلباء کو سمجھنے میں، تدریس میں اصلاح سے متعلق مناسب فیصلہ کرنے میں اور اپنی تدریس کی اثر پذیری کی جانچ کرنے میں مدرسین کی مدد کرتے ہیں۔ یہ طلباء کو مزید اکتساب کے لیے تحریک دلاتے ہیں اور مدرسین کو خود اپنے تعین قدر کے لیے بھی متحرک کرتے ہیں۔ چونکہ دی جانے والی تعلیم ہر اسکول میں الگ الگ ہوتی ہے، لہذا مدرس کے ذریعے خود تنشیل کی گئی جانچ کے نتائج کا موازنہ نہیں کیا جاسکتا۔ استاذہ کی تیار کی گئی جانچ کے کچھ اور بھی نقاط ہیں۔ اسکورنگ (عمل شمار) معروضی نہیں ہوتی اور اس کے نظم و نتیجے کے لیے کوئی معیاری طریقہ عمل نہیں ہے۔ معلم کی تیار کردہ جانچ کی معتبریت اور معقولیت کے بارے میں کوئی تجزیی شہادت

دستیاب نہیں ہے۔ اس طرح ان کی افادیت محدود ہے۔ تھیلی جانچ کو عمل میں لانے کے لیے نظام الاقات، کمرہ، ڈیک، ساز و سامان اور گمراں کی ضرورت پیش آتی ہے۔

رفتاری بمقابلہ قوت ٹیسٹ (Speed Test vs Power Test)

رفتاری ٹیسٹ کی تعریف یہ ہے کہ اس میں طالب علم کے پاس تمام سوالات کو حل کرنے کا وقت بہت زیادہ نہیں ہوتا۔ اس طرح کے ٹیسٹ میں طالب علم کو ایک محدود وقت میں مخصوص/مختلف ٹیسٹ کو مکمل کرنے ہوتے ہیں۔ اس کے مقابلہ قوت ٹیسٹ ایک ایسا ٹیسٹ ہے جس میں طالب علم کے پاس ٹیسٹ کی ہر حد (Item) کو مکمل کرنے کا موقع ہوتا ہے۔ اس پر وقت کی کوئی قید نہیں ہوتی اور ٹیسٹ مدت کو اس وقت تک حل کرتا رہتا ہے جب تک وہ اس میں کامیابی حاصل نہ کرے۔

رفتاری جانچ (Speed Test)

دور حاضر میں نوجوانوں کو زندگی کے ہر میدان میں ہمیں سخت مقابلہ آرائی کا سامنا کرنا پڑ رہا ہے خاص طور پر ملازمت کا حصول، ان کے لیے ایک بڑا چینچ بن گیا ہے۔ چھوٹے سے چھوٹے عہدہ کے لیے امیدواروں کی ایک بڑی تعداد اپنی قسمت آزمائی کرتی ہے ایسے میں خود منتظمین کے لیے مناسب ترین امیدوار کا انتخاب ایک بڑی آزمائش ہوتی ہے۔

ایسے متعدد پیشے ہیں جہاں امیدواروں کی دیگر صلاحیتوں کے علاوہ ریاضی کی صلاحیت کو بڑی اہمیت و ترجیح دی جاتی ہے۔ یہ بات بھی ممکن ہے کہ بہت سارے امیدوار تمام سوالات کو صحیح طور پر حل کرنے کی صلاحیت رکھتے ہوں۔ لیکن ان میں ایسے لوگ بھی ہو سکتے ہیں جنہیں ان سوالات کو حل کرنے کے لیے کافی وقت درکار ہو۔

متعلقہ عہدہ کا تقاضا یہ ہوتا ہے کہ امیدوار سوال کو صحیح طور پر حل کر سکے لیکن ساتھ ہی انتہائی کم وقت میں وہ یہ کام مکمل کرے۔ ایسے میں رفتاری جانچ (speed) کی مدد لی جاتی ہے۔

رفتاری جانچ: Speed Test: کے سوالات اپنی دشواری کی سطح کے لحاظ سے بہت مشکل نہیں ہوتے لیکن اس میں سب سے اہم مقصد یہ ہوتا ہے کہ امیدوار کس رفتار سے ان سوالات کو حل کرتے ہیں۔ اس لحاظ سے اپسیڈ ٹیسٹ میں جوابات کی درستگی کے ساتھ ساتھ جوابات معلوم کرنے کے لیے لیا گیا وقت بھی اہمیت کا حامل ہوتا ہے۔

مثال کے طور پر عدد 99 کا مرلیع معلوم کرنے کے لیے پانچویں چھٹویں جماعت کا طالب علم عدد 99 کو 99 سے ضرب دیکر اسے اس طرح حل کر سکتا ہے۔

99

x99

.....

891

8910

.....

9801

.....

اس کے برخلاف اگلی جماعت میں پڑھنے والا طالب علم جو $a^2 - 2ab + b^2$ ہے۔ اس لیے وہ اس سوال کو اس طرح حل کر سکتا ہے۔

$$\begin{aligned}
 (99)^2 &= (100-1)^2 = (100)^2 - 2 \times 100 \times 1 + (1)^2 \\
 &= 10000 - 200 + 1 \\
 &= 10000 - 199 \\
 &= 9801
 \end{aligned}$$

درج بالا مثال سے یہ بات واضح ہو جاتی ہے کہ اپیڈیٹیٹ کے سوالات حل کرتے وقت ہمیں اپنے ذہن میں اس تکنیک، ضابطے یا اصول کو فوری طور پر استعمال کرنا ہوتا ہے۔ جس کی مدد سے ہم کم سے کم وقت میں صحیح جواب حاصل کر سکیں۔

ریاضی کے استاد کی ذمہ داری ہے کہ وہ رفتہ رفتہ مثالوں کی مدد سے طلباء پر یہ بات واضح کر دیں کہ Speed and accuracy are the two eyes of mathematics یعنی رفتار اور درستگی ریاضی کی دو آنکھیں ہیں۔ اس کا مطلب یہی ہے کہ ریاضی میں درست جواب کے ساتھ ساتھ اسے حاصل کرنے کے لیے درکار کم سے کم وقت کی بھی اپنی اہمیت ہے۔

ریاضی کی سبھی شاخوں اور بالخصوص علم الحساب (arithmetic)، الجبرا، علم ہندسه (geometry) میں speed test کا وقته وقہ سے انعقاد کر کے طلباء میں سوالات کو جلد از جلد اور درستگی کے ساتھ حل کرنے کی صلاحیت کو پروان چڑھایا جا سکتا ہے۔

اپنی معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1- تحصیلی جانچ سے کیا مراد ہے؟

2-

رفتاری جانچ (Speed Test) میں جواب کی درستگی کے ساتھ ساتھ اور کس چیز کی اہمیت ہوتی ہے؟

3-

speet test کے لیے ریاضی کی کن شاخوں سے سوالات کا انتخاب کیا جا سکتا ہے؟

4-

ریاضی میں رفتار (speed) اور درستگی (accuracy) کی کیا اہمیت ہے؟

3.5 ٹیسٹ آئیمس کی تیاری - ریاضی کی مختلف شاخوں کے ٹست آئیمس کی تیاری کے دوران اختیار کیے جانے والے احتیاطی اقدامات

(Preparation of Test Items- Precautions to be taken in preparing test items for different branches of Mathematics)

ٹیسٹ کے سوالات کی تیاری (Preparation of Test Item)

ٹیسٹ کے سوالات کی تیاری کے لیے ہمیں یہ طے کرنے کی ضرورت ہوتی ہے کہ سوالات کس قسم کے ہونے چاہئے اس کے تعین کے لیے صراحت میں بیان کیے گئے مقاصد جو کہ طالب علم کے عملی کردار کو ظاہر کرتے ہوں، کو نیاد بناتے ہیں اور بلو پرنٹ کی تشکیل کرتے ہیں۔ علم، فہم اور اطلاق کے مقاصد کے حصول کے مظاہرے کے لیے استاد یہ موقع کرتا ہے کہ طالب علم درج ذیل کرنے کے قابل ہو۔

- ☆ یاد رکھنا۔ مثال کے طور پر۔ علم مثاث میں ملٹشی تناسب، علم حساب اور الجبرا اور جیومٹری میں مختلف ضابطے اور تعریفیں یاد کرنے کا مودا۔
- ☆ شناخت کرنا۔ مثال کے طور پر ایک دیا ہوا زاویہ بنانے کے بعد گھومتے ہوئے خط کا مقام جیسے جیسے 0 سے 90 تک تبدیل ہوتا ہے، ملٹشی نسبتوں کی قدر توں میں تبدیلی ہوتی ہے۔

تبدیل کرنا: مثال کے طور پر زاویوں کی ڈگری کو منٹوں میں منٹوں کو سینٹوں میں اور اس کے برعکس یا ایک ٹرنگ نو میٹری کو دوسرا نسبت میں تبدیل کرنا۔

دریافت کرنا: مثال کے طور پر 0,30,40,60,90 زاویوں پر مشتمل ملٹشی نسبتوں کی عبارتوں کی قدر معلوم کرنا اور قابل رسائی اشیاء کی بلندیاں اور فاصلے دریافت کرنا۔

تصدیق کرنا: مثال کے طور پر ملٹشی تما ثالات۔

ان مقاصد کی کامیابی کی جانچ کے لیے ہم حسب ضرورت معروضی یا موضوعی قسم کے سوالات یا مختصر قسم کے معروضی سوالات (Objective Type) دونوں کا استعمال کر سکتے ہیں۔ ان سوالات کی قسموں کی خصوصیات فائدہ اور نقصانات کو رس 4 تعین قدر اور پیائش میں دیئے گئے ہیں۔ ریاضی کے ٹست میں ہم تفصیلی قسم کے سوالات تب ہی استعمال کرتے ہیں جب ہم منطقی صلاحیت اور ثابت سوچ کے ساتھ ترسیل کی مہارتوں کی جانچ کرنا چاہتے ہیں۔ اس قسم کے سوالات میں جواب لکھنے سے پہلے طلباء کے لیے ضروری ہے کہ وہ پہلے معلومات یا اطلاع کو منتخب، مرتب اور یکجا کریں جیسا کہ آپ ذیل میں دیئے گئے بیانیے سوالات میں دیکھ سکتے ہیں۔

-1 (Item)

"دیئے گئے دائرے کے کسی باہری نقطہ سے اس پر خط مماس بنائیے"

اور اس کا ثبوت لکھئے۔ اس Item کے لیے ضروری ہے کہ طالب علم دائرہ خط کا مماس بنائے اور عمل بناؤٹ کے اقدامات لکھیں اور اس کا ثبوت لکھیں۔

-2 (Item)

"ثابت کیجیے کہ $\sqrt{3}$ غیر ناطق عدد ہے۔"

اس سوال کے لیے طالب علم سے یہ توقع کی جاتی ہے کہ وہ استخراجی طریقہ سے اس کو ثابت کرے اور ہر ایک قدم کی منطقی ترسیل کی مہارت کا مظاہرہ کرے۔

-3 (Item)

ایک کشتمی ایک سو پچاس میٹرو انچی پہاڑی سے دور جا رہی ہے، پہاڑی کی چوٹی سے کشتمی کا زاویہ نشیب 2 منٹ میں 60 سے 45 ہو جاتا ہے۔ کشتمی کی رفتار معلوم کیجئے۔

اس سوال کے لیے ضروری ہے کہ طالب علم سے پہلے دی ہوئی اطلاع کی علامتی شکل میں ترجمانی کرے اور پھر ہر قدم کی مقبولیت بتاتے ہوئے اس کا حل لکھے اس میں کوئی شک نہیں کہ (essay Item) طلباء کے لیے بہت یقینی مشق ہے۔ لیکن اس میں بہت زیادہ وقت خرچ ہوتا ہے۔ اس لیے ایک اکائی ٹیسٹ کے لیے ان میں سے بہت کم سوال اگر ضروری ہو تو لیتے ہیں۔ اس کے علاوہ ان سوالات کا حساب لگانا بھی مشکل ہے جہاں تک درستگی اور جامعیت کا تعلق ہے ان کے جوابات میں وسیع تغیرات ہوتے ہیں۔

معروضی سوالات (Objective Type Questions)

ان کا استعمال ہم اس وقت کرتے ہیں جب ہمیں طلباء کے ریاضی میں رشتؤں اور حقائق کے علم اور سمجھ کی جائچ کرنی ہو۔ اس میں تکمیل صحیح/غلط، کشیر جوابی سوالات شامل ہوتے ہیں۔ تکمیل کے سوالات ارکان، حقائق اور رشتؤں کے ساتھ ساتھ تحسیبی مہارتوں کی یادداہی کی جائچ کے لیے مناسب ہوتے ہیں۔ طالب علم کا جواب بہت مختصر یا ایک لفظی یا عددی اور ایک جملہ بھی ہو سکتا ہے۔

مختصر سوالات (Short Answer Type Questions)

یہ اکائی ٹیسٹوں کے لیے بہت موزوں اور مفید ہوتے ہیں۔ اس لیے ہم ان (Item) کی وضاحت ٹرگنومیٹری کی اکائی پر تفصیلات کے جدول کے تحت پہلے دی جائچی ہے۔

تکمیل آئٹم (Completion Item) کی مثالیں:

درج ذیل سوالوں کے جوابات ہر سوال کے دوسری طرف دی گئی خالی چکروں میں لکھئے

----- کی قدر - 1

----- کی قدر - 2

مختصر جواب کی مثالیں:

1۔ اگر $x=30^\circ$ اور $y=60^\circ$ ہو تو قصیدتیک کیجیے کہ $\cos(x+y)=\cos x \cos y - \sin x \sin y$

2۔ لوہے کی ایک چھٹری عمودی دیوار پر اس سے 5mt کے فاصلے پر زمین سے 60 کا زاویہ بنائے ہوئے بھی ہوئی ہے۔ چھٹری کی لمبائی معلوم کیجیے۔

کشیر الانتخاب سوالات کے نمونے (Sample Multiple Choice Item)

ایک گھومتا ہو اخط $x=0$ سے شروع ہو کر 52 درجہ کا زاویہ بناتا ہے۔ کس رفع میں ہوگا؟ (1)

(a) پہلا (b) دوسرا (c) تیسرا (d) چوتھا

مندرجہ ذیل میں کون سا ممکن ہے؟ (2)

$\text{cosec}0 = 1/20$ (d) $\text{sec}0 = 20$ (c) $\cos 0$ (b) $\sin 0$ (a)

Test Item تیار کرتے وقت برتنی جانے والی احتیاطی تدابیر

سوالات کی زبان آسان، واضح اور غیر مبہم ہونی چاہیے۔ (1)

سوال کی زبان بہت طویل یا بہت مختصر نہیں ہونا چاہیے بلکہ اس میں ایسا توازن ہو کہ طلباء کے مفہوم کو آسانی کے ساتھ سمجھ لیں۔ (2)

طویل جوابی اور مختصر جوابی سوالات میں جواب کی طوالت کے بارے میں واضح طور پر ہدایت شامل ہونی چاہیے۔ (3)

خالی جگہ پر کرنے والے سوالات میں ایک سے زائد خالی جگہیں نہیں دی جانی چاہیے، بہتر ہو گا کہ ایک بیان یا جملے میں ایک ہی خالی جگہ دی جائیں۔ (4)

کوئی نہیں سے گریز کیا جائے۔ (5) میں کم از کم چار متبادلات (option) دیے جائیں اور درج بالا تمام یا ان میں سے

یہ بات بھی ذہن نشیں ٹوٹی چاہیے کہ ہر سوال کا ایک واضح مقصد ہو اور سوال کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ وہ مقصد اچھی طرح سے حاصل ہو جائے۔ (6)

3.6 مسلسل جامع تعین قدر کا تصور اور مختلف برتواء میں تبدیلی کی پیمائش جیسے دلچسپی، رجحان وغیرہ

Formative Assessment	Summative Assessment	نقطہ نظر
<p>ترقی (Development) درس و تدریس کے عمل میں اصلاح of Teaching-learning Process) تدریس کی جانچ کرنا اور طلباء کی حوصلہ افزائی کرنا - (To Monitor Learning and Provide Feedback to Teacher and Learner)</p> <p>کورس کے دوران (During Course)</p>	<p>فیصلہ سازی (Judgement) حصولیابی کی پیمائش (Measurement of Achievement) گرید دینا یا سند دینا (Greading or Certifying)</p> <p>کورس کے ختم ہونے پر (End of Course)</p>	<p>1- نوعیت (Nature) 2- ارتكاز (Focus) 3- اہم کام (Major Function) 4- وقت (Time)</p>

اپنی معلومات کی جائجھ (Check Your Progress)

1- مسلسل اور جامع تعین قدر (CCE) سے کیا مراد ہے؟

2- ریاضی میں طلباء کی دلچسپی کی جائجھ کس طرح کی جاسکتی ہے؟

3.7 احتساب کا فریم ورک (Assessment Framework)

بہ حیثیت معلم درس و تدریس کے دوران ہمیں کئی فیصلے لینے پڑتے ہیں۔ جیسے۔۔۔

- (i) طلباء یا سیکھنے والوں کی صلاحیت، رویہ (Attitude) اور جان (Aptitude)، فکر تصور، Idea کی موجودگی وغیرہ۔
- (ii) تدریسی مقاصد اور تدریس کے لیے اپنائی گئی حکمت عملی۔
- (iii) درس و تدریس کے ساز و سامان اور آلات۔
- (iv) سیکھنے کا عمل
- (v) اکتسابی ثبوت اور دیگر Evidence کو کیجا کرنا۔
- (vi) تعین قدر کے آلات اور تکنیکیں (Techniques)
- (vii) تعین قدر کو ریکارڈ کرنا اور Report کرنا۔

ہم ہمیشہ یہ جانے کے لیے منتظر ہوتے ہیں کہ ہمارے طلباء کس طرح آگے بڑھ رہے ہیں اور ترقی پار رہے ہیں۔ کیا انہیں پڑھائی میں کسی طرح کی دشواری آرہی ہے؟ اگر ہاں تو وہ کیا ہے؟ کیا کوئی ایک طالب علم اس دشواری سے گزر رہا ہے یا تمام طلباء؟، اگر ہاں تو اس کے لیے کون سے انتظامات کرنے ہوں گے؟ کس طرح سے درس و تدریس فراہم کی جائے؟ درسی مقاصد کا حصول کس سطح تک ہو رہا ہے؟ میں نے درس و تدریس کے طریقے میں کیا کیا تبدیلیاں (modifications) کی ہیں اگر اس پس منظور میں معلم تعین قدر اور جائجھ تیار کرتے ہیں تو ہم اس نتیجے پر پہنچتے ہیں کہ منصوبہ بند طریقہ سے تعین قدر کیا جا رہا ہے۔

ہم نے دیکھ لیا کہ احتساب ایک ایسا عمل ہے جو درس و تدریس کے ساتھ ساتھ پورے سال تک چلتا رہتا ہے۔ اس لیے ایک وسیع منصوبہ تیار کرنے کی ضرورت محسوس ہوتی ہے۔ جس میں درج بالاتر امور کو منظر رکھا جاتا ہے۔ یہ سارے کام احتسابی فریم ورک کے ذریعے مکمل کیے جاتے ہیں۔

احتساب کے فریم ورک میں مندرجہ ذیل باتیں شامل ہیں۔

Purpose of Assessment

* احتساب کا مقصد

Learning Indicators

* اکتسابی مظاہر

Recording & Reporting	* ریکارڈ اور پورٹ کرنا
Reflecting Process	* انعکاسی عمل (تبادلہ خیال کا عمل)
	تعین قدر کا عمل (Process of Evaluation)
	تعین قدر (Evaluation) کا (عمل) مندرجہ ذیل مرحلے پر مشتمل ہوتا ہے۔
Identifying & Defining General Objectives	مدرسیں کے عمومی مقاصد کی پہچان کر کے ان کی وضاحت کرنا
Clarifying and Defining Specific Objectives	خصوصی مقاصد کی تعریف اور صراحت کر
Choosing Appropriate Learning Experiences	مناسب اکتسابی تجربات کا انتخاب
Developing and Adopting Suitable Assessment Procedure	اخساب کے مناسب اور موزوں طریقے وضع کرنا اور اختیار کرنا
Evaluating the Outcomes on the basis of Evidence Collected	جمع شدہ شواہد کی بنیاد پر نتائج کا تعین قدر
Modifying Necessary aspects of the System for better Results	بہتر نتائج کے لیے سسٹم کے ضروری پہلوؤں میں ترمیم کرنا۔
مقاصد کا انتخاب	
ریاضی کی مدرسیں کے مقاصد میں علم (Knowledge)، فہم (Comprehension)، اطلاق (Skills)، رویتی (Attitude) اور قدرشناصی (Appreciation) شامل ہیں۔ پچھے کی شخصیت کی کامل نشوونما کے لیے ضروری ہے کہ مدرسیں کے مقاصد صرف معلومات کی حد تک محدود نہ ہیں۔ بلکہ دوسرا مقصود کو بھی اہمیت دینا ضروری ہے۔	
مقاصد درج ذیل عوامل پر منحصر ہوتے ہیں۔	
<ol style="list-style-type: none"> (1) طلباء کی ضروریات اور استعداد (Needs and Capacities of the pupils) (2) معاشرے کی ضروریات کسی خاص ماحول میں (Needs of the Society in a Special Environment) (3) مضمون۔ مواد مضمون کی نوعیت کا لاحاظہ رکھنا ضروری ہے (The Nature of the Subject Matter) 	
تعلیمی مقاصد کی درجہ بندی کے بارے میں کوئی ایک مشترک نقطہ نظر نہیں ہے۔ ایک ہی مقصود کی ترجمانی مختلف افراد مختلف انداز سے کرتے ہیں۔ تعلیمی مقاصد کی درجہ بندی سے استفادہ کرتے ہوئے اساتذہ مقاصد کی وضاحت یکساں انداز سے کر سکتے ہیں اس سے نصاب مرتب کرنے اور تعین قدر کی مختلف تدابیر پر عمل آوری میں بھی سہولت ہوتی ہے۔	
تعلیمی مقاصد کو تین بڑے علاقوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ وقفي، جذباتي، اور نفسی و حرکي۔ وقفي علاقے میں وہ مقاصد شامل ہیں جن کا تعلق علم	

کی باز طلبی (Recall)، فہم (Understanding) اور مہارت (Skill) کی نشونما ہے۔
جدبائی گروپ، اقدار، تدرشناسی، انداز ہائے فکر پر مشتمل ہے۔ اس گروپ کے تحت مقاصد کو واضح انداز میں بیان کرنا مشکل ہے کیونکہ
اس گروپ کی جانچ کے طریقے ہائے عمل کے بارے میں یقین سے نہیں کہا جاسکتا ہے۔
ادرا کی علاقہ میں تعلیمی مقاصد کی درجہ بندی اس طرح ہے۔

علم (معلومات)	(Knowledge)	(1)
تفہیم	(Comprehension/Understanding)	(2)
اطلاق	(Application)	(3)
تجزیہ / تحلیل	(Analysis)	(4)
ترکیب / تالیف	(Synthesis)	(5)
تعین قدر	(Evaluation)	(6)

معلومات کا انحصار ان امور پر ہے۔

- (1) اصطلاحات
- (2) نظریات، ساخت اور ان کا باہمی تعلق۔
- (3) معیارات جن سے اصول یا حقوق کو جانا اور ان کے بارے میں فیصلہ کیا جاتا ہے۔
- (4) افکار اور مظاہر کی تنظیم، مطالعہ، جانچنے اور تنقید کرنے کے طریقے۔
- (5) مربوط یا غیر مربوط حقوق اور معلومات کے فہم میں تین قسم کے برtaو (رویے) شامل ہیں۔
 - (i) منتقلی۔ ایک سطح سے دوسری سطح تک۔
 - (ii) ایک عالمی شکل سے دوسری عالمی شکل میں۔
 - (iii) ایک غیر تحریری شکل سے دوسری غیر تحریری شکل میں۔

مقصد تفہیم میں مواد کے مفہوم اور مقاصد پر زور دیا جاتا ہے۔ مختلف عناصر یا اجزاء کو ملا کر کل بنانے کا عمل ترکیب کھلاتا ہے۔ تعین قدر میں مواد منزل نہیں بلکہ وہ ایک مقصد کو حاصل کرنے کا واسطہ یا ذریعہ (mean) ہوتا ہے۔

تدریس کے حصول مقصد کے بعد یہ توقع کی جاتی ہے کہ طلباً کے برtaو اور انداز میں تبدیلی آجائے گی۔ برtaو کو جانچنا مقصد کی جانچ کے مقابلہ میں آسان ہوتا ہے۔ ہر مقصد کے دو پہلو ہوتے ہیں۔ (1) ایک برtaو کا پہلو (Behavioural) اور دوسرا مضمون کا پہلو، مضمون برtaو میں تبدیلی لانے اور تبدیلی کو جانچنے کا ذریعہ ہے۔ تعین قدر اس کے تصور میں مضمون مقصد نہیں بلکہ صرف ذریعہ ہے۔

تدریس ریاضی کے مقاصد کی تعریف برtaو کے اعتبار سے اس طرح کی جاتی ہے۔

I) سائنسی حقوق، تصورات، اصطلاحات، اصولوں اور طریقوں وغیرہ کا علم حاصل کرنا۔ ان کے ذریعے طلباً میں مندرجہ ذیل رویے کی تبدیلی آتی ہے۔

* طالب علم دی ہوئی معلومات کو ذہن میں رکھ کر ان کو دوبارہ Recall کر سکے گا۔

- * اس کے لیے درکار سامان کا انتخاب اور اس کی تفصیلات سے واقف ہوگا۔
- * طالب علم تعلق کو قائم کر سکے گا۔
- * موقع کا موازنہ ہر لحاظ سے کر سکے گا۔

- * وہ سبب (Cause) اور اثر (Effect) کے تعلق کو پہچان سکے گا۔
- * وہ سائنسی اعدا و شمار سے نتائج اخذ کر سکے گا۔

II) روزمرہ کی زندگی میں پیش آنے والے موقع پر ریاضی کی معلومات کا اطلاق۔

- * وہ کسی خاص موقع پر منطبق ہونے والے اصول کو پہچان سکے گا۔
- * پہچانے گئے اصول کو موقع سے مربوط کر کے نتائج اخذ کرے گا۔
- * وہ حقائق پر مبنی مواد کی بنابری قیاس آرائی کر سکے گا۔

- * وہ کسی نئے موقع پر ترمیم شدہ روایہ اختیار کرنے کا مشورہ دے سکے گا۔
- * وہ کسی مقصد کے لیے مناسب ذرائع تلاش کرے گا۔

III) ریاضیاتی سوچ اور سائنسی انداز فکر پیدا کرنا۔

- * طالب علم باریک بینی اور منظم انداز سے مشاہدات کرنے کی عادت پیدا کرے گا۔
- * وہ تجربات کے ذریعے منطقی نتائج اخذ کرے گا اور پھر نتائج کی جائیجی بھی کرے گا۔
- * وہ مختلف نوعیت کے عقائد اور توہمات کو حل کرنے کے لیے سائنسی انداز اختیار کرے گا۔

* وہ اپنے اندر تجویس (Spirit of Inquisitiveness)، صداقت (Truthfulness) اور تدبیر (Resourcefulness) کے ساتھ کام کرنے کی صلاحیت پیدا کرے گا۔

* وہ اپنے اندر معروضی نقطہ نظر (Objective Outlook) پیدا کرے گا۔

IV) روزمرہ کی زندگی میں استعمال ہونے والے تجربات اور مشاہدات کی اہمیت۔

- * طالب علم آلات اور مختلف سامان سے کام لینے کی صلاحیت پیدا کرے گا۔
- * وہ تجربات کو عملی طور پر خود انجام دے کر مشاہدات کی تحلیل و تشریح کر کے نتائج اخذ کرے گا۔
- * وہ بنیادی اور اصل سامان کے سنتے اور آسان تبادل تیار کر سکے گا۔

V) ریاضی کی فطرت میں اور معاشرہ پر اس کے اثرات کی قدردانی کر سکے گا۔

* طالب علم میں فطرت سے متعلق تجویس (Inquisitive) پیدا ہوگا۔

- * وہ ریاضی پر مبنی مختلف نوعیت کے شوقیہ مشغله (various hobbies) اختیار کرے گا۔
- * وہ اپنی روزمرہ زندگی میں سائنس کی عصری ایجادات کام میں لاسکے گا۔

اکتسابی تجربات کی نشوونما:

طالب علم کے ایک مخصوص مواد کا علم حاصل کرنے کے بعد اس کے برتاؤ میں تبدیلی آجائی ہے۔ یعنی علم کے حصول میں طالب علم اور

مواد کے درمیان ربط پایا جاتا ہے۔ اس لیے ہمارے لیے ایسے حالات پیدا کرنا ضروری ہے جن سے مواد اور طالب علم کے درمیان باہمی ربط پیدا ہو سکے۔

حصول علم کی اس حالت میں کچھ ایسے علمی تجربات ہوتے ہیں۔ جو علمی مواد کو اس کے برتاؤ سے مربوط کرتے ہیں۔ علمی تجربہ دو قطبی (bipolar) ہوتا ہے جو علمی مواد سے پیدا ہوتا ہے اور برتاؤ کی طرف بڑھتا ہے۔ بالفاظ دیگر علمی تجربہ مواد اور معلجم کا باہمی عمل ہوتا ہے۔ علمی موقع پیدا کرنے اور علمی تجربات پیدا کرنے کے نظام میں (معلم) اور طالب علم دونوں شریک ہوتے ہیں اکتسابی تجربات (Learning Experiences) طلباً کی عمر کے مطابق ہوتے ہیں۔ علمی تجربات میں اور مواد کے درمیان تعامل (Interaction) ہوتا ہے یعنی یہ ایک دوسرے پر اثر ڈالتے ہیں۔ اور تعلیمی مقاصد کے حصول میں معاون ہوتے ہیں۔

Name	Measurement
------	-------------

Table 3.2 Assessment of a Activity

نمبر شمار	لرنگ انڈیکیٹر (L.I)	ظاہر کرنے کے لیے خصوصی عمل	الطلبا کی تشخیص شدہ فہرست
1	تجربہ کرنا / ڈائٹا جمع کرنا	مختلف سائز کے دائروں کو دیکھنا، پیمائش ہاں/نہیں اسکیل اور دھاگہ کی پیمائش۔ ہر دائرہ کا نصف قطر معلوم کرنا	☆ ڈائٹا کو صحیح کالم میں لکھنا۔ ☆ دائرے کے نصف قطر کو اس کی اکائی کے ساتھ لکھنا۔
2	ڈائٹا کو ظاہر کرنا	ڈائٹا کو ظاہر کرنے کے نصف قطر کو لکھنا۔	یہ بتانا کہ دائرہ کا رقبہ πr^2 اور square (نصف قطر) کے مربع کے برابر ہوتا ہے۔ اور یہ بتانا کہ π کی قیمت 3.14 ہوتی ہے۔
3	ڈائٹا کا تجزیہ کرنا اور نتائج اخذ کرنا۔	عمل سے متعلق سوات کے جواب دینا	سارے π سے ضرب شدہ ہی کیوں ہوتے ہیں۔
4	تشريح فراہم کرنا	دچپسی دکھانا / اور زیادہ علم حاصل کرنے کے لیے راغب ہونا۔	کی قیمت 3.14 ہی کیوں لی جاتی ہے۔
5	سوال کرنا	طلبا کا ایمانداری سے دائرہ کا نصف قطر لکھنا۔	ہاں/نہیں
6	اقدار/ رویہ/ تعلق	پیشکشی کا احتساب	(Assessment of Presentation)

Table 3.3

7 مناسب (Task) پر () کریں

نشان گر (Indicator) کے متعلق خصوصی ٹاسک					Learning Indicator
D	C	B	A	(Grade)	مرتبہ (Grade)
درست/مختصر اور جامع/اڑھورا زیادہ تر مربوط/الگ	درست/مختصر اور جامع/کسی حد تک بہت مربوط	درست/مختصر اور جامع/کسی حد کسی حد تک مربوط	درست/مختصر اور جامع/کامل کامل ہونے والے چند اصولوں کا ذکر کچھ مثالوں کے ساتھ/تعلق رکھنے والے زیادہ تر تصویر کا اظہار/گہرائی تک سمجھنا	درست/مختصر اور جامع/کامل مربوط	مواد (Content) مواد مضمون کی تفہیم (Understanding of the Subject)
پچھلاطیوں کے ساتھ شامل ہونے والے اصول/بہت تحوڑا التصور کا ذکر/بہت کم سمجھ	زیادہ تر اصولوں کو قدرت تفصیل سے بیان کرنا/تعلق رکھنے والے چند تصویر کی تشریح تصویر کی تشریح/سبھی میں آنے تک لے جانا	شامل ہونے والے چند اصولوں کا ذکر کچھ مثالوں کے ساتھ/تعلق رکھنے والے زیادہ تر تصویر کی تشریح/سبھی میں آنے تک لے جانا	اعتماد کے ساتھ صاف صاف بولنا/علمی اعتبار سے بنائے رکھنا/درجہ جماعت کے سبھی لوگوں کو شامل کرنا۔ آواز میں تبدیلی	اعتماد کے ساتھ صاف صاف بولنا/علمی اعتبار سے بولنا/آنکھ کے ذریعے تعلق بنائے رکھنا/درجہ جماعت کے سبھی لوگوں کو شامل کرنا۔ آواز میں تبدیلی	پیش کرنا (Presenting)
آلات content سے متعلق تھے/ترغیب	آلات سے پریزینٹیشن میں ساتھ دینا/تحوڑا تھوڑا اسلسلہ وار	آلات سے پریزینٹیشن میں متعلق آلات کا استعمال/کچھ مواد organized نہیں	پریزینٹیشن کے متعلق آلات/سلسلہ وار طریقہ سے مناسب/صاف طور سے تعلق/ واضح	بصری آلات کا استعمال (Using visual Aids)	

ترتیب دینا (organising)	منطقی طریقہ سے بولنا/تصویر سے مفروضہ کی جانب بڑھانا / تصویر کے تعلقات کو ظاہر کرنا	منطقی طریقہ سے بولنا/ایک تصویر سے دوسرے تصویر کی طرف بڑھنا / تصویر کے درمیان تھوڑا رشتہ قائم کرنا	منطقی طریقہ سے بولنا/تصویر	زیادہ تر logical طریقہ سے تو لنا/ایک تصویر سے دوسرے تصویر میں چھلانگ لگانا
تحقیقی صلاحیت (Creativity)	جدت پسندی کا اظہار کرنا/ صحیح راستہ اختیار کرنا/ کلاس کی دلچسپی کو بنانا اور برقرار رکھنا	جدت پسندی کا اظہار کرنا/ زیادہ تر دلچسپ تدریس کرنا	تحوڑا اختراعی ظاہر کرنا/ تھوڑی دلچسپ ظاہر کرنا	قدیم طریقہ پر مبنی عمل انجام دینا/ جماعت میں تھوڑی دلچسپی پیدا کرنا

اشتراکی کام کے تعین سے شراکت (Participation) گروہی جذبہ (Team spirit)، جمہوری طرز فکر (Attitude) وغیرہ کو فروغ دیا جاتا ہے۔

اجتمائی تدریس کا احتساب (Assessment of Collaborative Learning)

Activities کام، اجتماعی سرگرمی، پروجیکٹ، دوسرے جگہ لے جا کر گھمانا پھرانا اور دوسرے سکھانے کا طریقہ طلباء میں مل جل کر کام کرنے اور مل جل کر سیکھنے کی ترغیب دیتا ہے۔ ان کے اندر اجتماعی سرگرمی کے تینیں ثابت رویہ فروغ پاتا ہے۔ ایک دوسرے کی مدد کرنا لیں دین کرنا وغیرہ اجتماعی تدریس کی کچھ اہم مقاصد ہوتے ہیں۔ اس میں طلباء مندرجہ ذیل باتیں سیکھتے ہیں۔

- * کام کے متعلق مواد کا علم حاصل ہوتا ہے۔

- * اپنے خیالات کو اظہار کرنے کا موقع ملتا ہے۔

- * مکمل طور سے ترسیلی مہارت (Communication Skills) پر وان چڑھتی ہے۔ جیسے لکھنے اور بولنے کی مہارت

- * گروہ کے دیگر لوگوں کو عزت دینے کی ترغیب ملتی ہے۔

- * مکمل طور سے body language کا استعمال کرنا آ جاتا ہے۔

احتساب کے آلات و تکنیکیں: (Tools and Techniques of Assessment)

تعین قدر کے لیے بہت سارے آلات (tools) اور تکنیکیں استعمال جاتی ہیں۔ آلوہ ہوتا ہے جس کے ذریعے کوئی عمل انجام پاتا ہے۔ مثال کے طور پر تفویض (Assignment)، پروجیکٹ، فیلڈ ڈائری، تجربہ گاہ کا کام، اکائی ٹسٹ وغیرہ تعین کے آلات میں اور تکنیک (Technique)، کسی بھی کام کو منظم اور سلسے وار طریقے سے انجام دینے کا طریقہ ہے۔ لسانی / زبانی امتحان، تحریری امتحان، تحریاتی امتحان، مشاہدہ، خود کا تعین قدر، اپنے ساتھیوں یا ہم جماعتوں کا تعین قدر وغیرہ تعین قدر کی مختلف تکنیکیں ہیں۔

یہ ممکن نہیں ہے کی کوئی تعین قدر کے کسی ایک آ لے یا ٹیکنک کے ذریعے طلباء میں ہونے والے فروغ کو مکمل طور پر پرکھا جاسکے۔ اس کے لیے مشاہدہ کا رکو طلباء کے کئی پہلوؤں کو دیکھنا ہوتا ہے۔ طلباء کو سننا، ان سے الگ ہو کر یا علحدہ ہو کر مشاہدہ کرنا اور ان کے ہم جماعتوں اور معلم سے ان کے بارے میں معلومات حاصل کرنا، ان کے ہوم ورک اور دیگر کاموں پر غور کرنا۔ اس کے علاوہ ہم مندرجہ ذیل تعین قدر کے مزید آلات

اوپر تکنیکیں کا استعمال کر سکتے ہیں۔ (Tools)

* تحریری جانچ (Written test)	* پروجیکٹ کا کام (Project work)
* سیر و تفریق کی ڈائری (Field Trips and field diary)	* تجربگاہ / کا کام (Laboratory Work)
* خصوصی طور پر انٹرویو اور دیگر کام (Interview / Oral Test)	* روزنامچہ (Journal Writing)
* تصویرات کا خاکہ بنانا (Concept Mapping)	

تحریری جانچ (Written test)

تحریری جانچ (Test) میں کئی مرحلے ہوتے ہیں۔ آئیے اب ہم تفصیل سے ان کا مطالعہ کرتے ہیں۔

ہدایتی مقاصد (Instructional Objective)

کسی جانچ Test کا سب سے اہم اور پہلا کام یہ ہے کہ ہدایتی مقاصد کی تشكیل کی جائے اور ان پر غور و فکر بھی کیا جائے۔ کچھ خاص مضامین جسے سائنس، سماجی علوم اور ریاضی کی تدریس کے بنیادی مقاصد یاد کرنا (Remembering) سمجھنا (Understanding) اطلاق کرنا (Applying) اور تجزیہ کرنا (Analysing) نقشہ یا خاکہ بنانا (Designing) مناسب جذبات، رویے اقدار اور دلچسپیوں کا فروغ اور مہارتوں پر عبور حصل کرنا ہے۔

بلوپرنٹ کی تیاری، جانچ (test) کو تیار کرنے کے لیے جو دوسرا اہم مرحلہ ہے وہ ہے بلوپرنٹ تیار کرنا۔ نقشہ یا خاکہ ہی مختلف ابعاد کی تدریج (weightages) کا تعین کرتا ہے۔

(a) تدریسی مقاصد کی سطح (Level of Instructional Objectives)

(b) سوالات کی اقسام (Types or forms of Questions)

(c) مواد مضمون کی اکائیاں اور زیلی اکائیاں (Units and Sub Units of the Course Content)

(d) دشواری کی سطحیں (Levels of Difficulty)

اس کے علاوہ اس یہ بھی دیکھا جاتا ہے کہ کیا سوال میں تبادلات (options) بھی ہیں۔ اگر ہے تو وہ کس قسم کے ہیں؟ تحریری جانچ کا پرچہ تیار کرنے سے قبل یہ سارے فیصلے کرنے ہوتے ہیں۔ تبھی حقیقی طور پر ٹیکسٹ کا پرچہ تیار کیا جا سکتا ہے۔

(III) ٹیکسٹ پیپر کی تشكیل (Construction of Test Paper)

ایک اچھے ٹیکسٹ کے لیے ضروری ہے کہ وہ صحیح، معقول، قابل اعتبار اور اس کے ساتھ ساتھ قبل عمل بھی ہو۔ ٹسٹ مرتب کرنا ایک محنت کش کام ہے کیونکہ اس میں سارے مرحلے کی مکمل مشق اور کافی سمجھ بوجھ درکار ہوتی ہے۔ کسی ٹیکسٹ کی تشكیل کے عمومی مرحلے درج ذیل ہوتے ہیں۔

(Planning the test)	1) ٹسٹ کا منصوبہ بنانا
(Preparing the test items)	2) ٹسٹ کے سوالات کی تیاری
(Administering the test)	3) ٹسٹ کا انعقاد کرنا
(Scoring the test)	4) ٹیسٹ کے ذریعے حاصل شدہ جوابات کی جانچ کرنا / طلباء کا اسکور معلوم کرنا
(Evaluating the test)	5) ٹیسٹ کا تعین قدر کرنا ان مراحل کی تفصیل درج ذیل ہیں

1) ٹیسٹ کا منصوبہ بنانا

ٹیسٹ کا منصوبہ ایک وسیع اور کثیر جگہی عمل ہے جس میں درج ذیل امور کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

(i) مضمون یا مواد

نصاب اور اس کی تکمیل کی صورتحال سے واقفیت ضروری ہے۔ اس کا تعین اور احاطہ کر لینا چاہئے کہ نصاب کے کس مواد مضمون پر ٹیسٹ مشتمل ہوگا۔

(ii) تدریسی مقاصد

تدریس مقاصد براہ راست مواد مضمون سے مربوط ہوتے ہیں۔ اور مواد مضمون کی تدریس کے بعد ان کی تکمیل کی جانچ کی جاتی ہے۔

(iii) ٹیسٹ کا مقصد

وہ غرض جس کے لیے ٹیسٹ لیا جا رہا ہے۔ ابتداء میں ہی واضح ہونا چاہئے آیا یہ طلباء کی درجہ بندی یعنی کمزور طلباء، اوسط طلباء، اور ذہین طلباء کے گروہ بنانے کے لیے ہے یا تشخیص کے لیے۔

(iv) دیگر عوامل

وہ تمام شرائط جن کے تحت ٹیسٹ کا انعقاد کیا جا رہا ہے۔ ان پر پہلے ہی غور کر لینا چاہئے۔ مثلاً سہولتیں (Facilities)، اخراجات، طلباء کا تجربہ، ٹیسٹ کا انعقاد، اسکورنگ، تشریح اور رپورٹنگ کا طریقہ وغیرہ۔

(v) سوالات کی تعداد

ٹیسٹ کے تیار کرنے کے دوران سوالات کی تعداد کا خیال رکھنا چاہئے اور یہ تعداد مناسب اور وقت کے لحاظ سے ہونا چاہئے۔ بہتر ہوگا کہ آپ سوالات کی تعداد پر درج ذیل معیارات کے لحاظ سے غور کر لیں

(i) ٹیسٹ کے دئے ہوئے وقت کے لحاظ سے۔

(ii) طلباء کی عمر کے لحاظ سے۔

(iii) مواد کے حدود کے لحاظ سے۔

قدر/اہمیت کی تقسیم (Distribution of weightage)۔ اس کی وضاحت آگے ٹیبل 3.5 تا 3.9 کے تحت کی گئی ہے۔

(2) ٹیسٹ کے سوالات (Items) کی تیاری

- (z) ایک سے زیادہ اقسام کے Items تیار کیے جائیں۔
- (ii) آئینہس کو دشواری کے لحاظ سے بڑھتی ترتیب میں رکھا جائے۔
- (iii) نہایت مشکل آئینہم (Items) اور نہایت آسان آئینہم کی تعداد زیادہ سے زیادہ 16% ہو۔
- (iv) ہدایت واضح مکمل اور مختصر ہونا ضروری ہے۔
- (v) ہر مد (Item) موزوں ترین الفاظ پر مشتمل ہو اور الفاظ کام کے استعمال کیا جائے تاکہ پڑھنے کا بوجھ کم ہو جائے۔
- (vi) ٹیسٹ میں سوالات کئی قسم کے ہو سکتے ہیں مثلاً طویل جوابی مختصر جواب کے حامل اور معروضی نوعیت کے۔
- معروضی قسم کے سوالات** (Types of Objective type question)
معروضی قسم کے سوالات مختلف قسم کے دئے جاسکتے ہیں۔
- (الف) **تبادل ٹائپ** (Alternate Response Types)
 (True / False) (Yes / No) (Right / Wrong)

اس قسم کے سوالات میں قیاس آرائی کا امکان زیادہ ہوتا ہے۔

(ب) **متعدد انتخابی قسم**: (Multiple Choice Type)

اس قسم کے سوالات میں چار یا زیادہ متبادلات (Alternatives) دئے جاتے ہیں۔ جس سے قیاس آرائی کا امکان کم ہو جاتا ہے۔ اس سوال کے پہلے جزو (stem) کہا جاتا ہے۔ stem سے صحیح جواب کی نشاندہی ہوتی ہے۔ سوال کا دوسرا جزو متبادل جوابات پر مشتمل ہوتا ہے جن میں سے صرف ایک صحیح ہوتا ہے۔

(ج) **صحیح ملان والی قسم** (Matching Type)

اس میں عام طور پر دو کالم ہوتے ہیں۔ ایک اسٹیم (stem) کا کام کرتا ہے اور دوسرا کئی متبادل فراہم کرتا ہے۔ متبادل کی تعداد اسٹیم میں دئے ایتم (Items) سے زیادہ ہونی چاہئے۔

(د) **Master List Type**

یہ کشیر انتخاب قسم کے سوالات کی ایک کفایت شعارات نہ شکل ہے اس سے جگہ کی کفایت ہوتی ہے۔ یہ قسم بھی اسٹیم (stem) اور متبادلات (Alternatives) پر مشتمل ہوتی ہے۔

(3) **ٹیسٹ کا انعقاد** (Administering the test)

ٹیسٹ پیپر تیار ہونے کے بعد طلباء کو دیا جاتا ہے۔ پیپر دینے سے قبل امتحانی مرکز کے حالات کے بارے میں اطمینان کر لینا چاہئے، مثلاً نشستوں کا انتظام، روشنی وغیرہ۔ عام طور پر دیا ہوا وقت اس طرح متعین کیا جائے کہ دئے ہوئے وقت میں کم سے کم 70 فیصد طلباء تمام سوالات کے جوابات لکھ سکیں۔

اگر سوالات مقالاتی، طویل جوابی مختصر جوابی اور معروضی یعنی تیوں قسم کے ہوں تو انہیں ایک ساتھ نہیں دینا چاہئے۔

(4) **ٹیسٹ کی جاچ اور نمبر دینا** (Scoring the Test)

نمبر دینے کا طریقہ کیساں اور سادہ ہونا چاہئے۔ جانچ کا طریقہ فیصلہ کے حساب سے نمبر دینے کا ہوتا ہے۔ جوابات کی کلید تیار کرنا ضروری ہے۔ جب تعدادی انتخاب کے قسم کے سوالات میں تبادلوں کی تعداد چھ سے کم ہو تو (chance) کے لیے صحیح کا ضابطہ (correction for chance formula) کا فارمولہ اس طرح استعمال کیا جاتا ہے۔

$$S = R - W$$

$$S = R - \text{دو تبادلوں والے سوال کے لیے}$$

$$S = \text{نمبروں کی صحیح تعداد}$$

$$R = \text{صحیح جوابات کی تعداد}$$

$$W = \text{تبادلوں (options) کی تعداد}$$

(5) ٹیسٹ کا تعین قدر (Evaluating the Test)

جانچ کرنے اور نمبر دینے کے بعد نتائج کے تجزیہ اور تعین قدر (Evaluation) مندرجہ ذیل امور کے تحت ہونا چاہئے۔

(1) طلباء کے تحصیل کی کیفیت (Quality of the pupils Achievement)

(2) کسی مخصوص مقصد کا حصول (The Achievement of a Particular Objective)

بلو پرنٹ (Blue Print)

امتحان کے لیے سوال کا پرچہ تیار کرنا ہو تو بلو پرنٹ ضروری ہوتا ہے۔ اس کے ذریعے مقاصد، مواد، سوالات کے اقسام اور نشانات کا تعین کیا جاسکتا ہے۔ امتحانی سوالات کا پرچہ تیار کرنے کے لیے ایک منصوبہ کی ضرورت ہوتی ہے اور بلو پرنٹ اس منصوبہ کی بنیادی کڑی ہوتا ہے۔ اس کی مدد سے ان امور کا تعین کیا جاسکتا ہے۔

i) سوالات کی نوعیت اور تعداد

ii) پرچہ کے جملہ نشانات کا تعین

iii) امتحان یا بلو پرنٹ ٹیسٹ کے مقاصد کا تعین

iv) مضمون کے کم حصول سے سوالات منتخب کیے جائیں گے۔

v) آسان، اوسط، اور مشکل سوالات کا تناسب کیا ہوگا۔

بلو پرنٹ کے فوائد:-

i) اس کی تیاری سے مقاصد اور مواد پرستی سوالات کی تیاری میں آسانی ہو جاتی ہے۔

ii) اس کی مدد سے طلباء کی معلومات، مہارت، برداشت اور دلچسپیوں کا اندازہ کیا جاسکتا ہے۔

iii) اس سے بآسانی یہ معلوم ہو جاتا ہے کہ سوالات کی نوعیت اور اس نوعیت کے لحاظ سے نشانات کس طرح تقسیم کیے گئے ہیں۔

iv) تفہیم، اطلاق اور مہارتوں کو کتنی اہمیت دی گئی ہے۔

ڈیزائن (Design)

مختلف قسم کے سوالات کو ان کی اہمیت (Wieghtage) کے مطابق مندرجہ ذیل طریقہ سے جدول تیار کیے جاتے ہیں۔

مضمون / بحثیکٹ

درجہ

1. Table 3.5 Weightage to Instructional Objectives

نمبر شمار	مقاصد	مارکس	مارکس کا فیصد
1	یادداشت		
2	فہم		
3	اطلاق		
4	تجزیہ		
کل			

2. Table 3.6 Weightage to Content Subject

نمبر شمار	اکائی اور اس کی ذیلی اکائی	مارکس	مارکس کا فیصد
1			
2			
3			
4			

3. Table 3.7 Weightage to type of Question

نمبر شمار	سوالات کی فرمیں	مارکس	مارکس کا فیصد
1	طویل جوابات (LA)		
2	مختصر جوابات (SA)		
3	مختصر ترین جوابات		
4	معروضی		

3. Table 3.8 Weightage to Difficulty Level

نمبر شمار	سوالات کی قسمیں	مارکس	مارکس کا فیصد
1	مشکل		
2	او سط		
3	آسان		

بلو پرنٹ (Blue Print)

..... سمجھیٹ / اکائی امتحان:

..... وقت درجہ:

ٹیبل 3.9 - بلو پرنٹ

Onjectives مقاصد	Remembering یادداشت				Understanding فہم				Applying اطلاق				Analysing تجزیہ				Total			
	L A	S A	V S	O A	L A	S A	V S	O A	L A	S A	V S	O A	L A	S A	V S	O A	L A	S A	V S	O A
Types of Question																				
1																				
2																				
3																				
4																				
Total																				

نوت : اس میں سوال کے نمبر س بریکیٹ کے اندر اور مارکس کو بریکیٹ کے باہر رکھتے ہیں۔

سوالات لکھنا۔ (Writing of Questions)

بلو پرنٹ تیار کرنے کے بعد اس کے مطابق سوال نامہ تیار کرنا ایک اہم مرحلہ ہوتا ہے۔ جس میں بلو پرنٹ کے خاکے مطابق تمام مہارتوں کے مد نظر سوالات لکھے جاتے ہیں۔ بلو پرنٹ کے تمام خاکے کو سلسے وار طریقے سے بھرنا جس میں سوالات کو معلومات، فہم، اطلاق، مہارت وغیرہ کے

لکھا جاتا ہے۔ جب بلوپرنٹ کے چھوٹے block کے مطابق سوالات لکھے جائیں گے تو مندرجہ ذیل باتیں ذہن میں رکھنا ہوگا۔

(a) مہارتوں سے متعلق سوال لکھنا ہے۔ (ایک ایک کر کے) لیکن ایک بار میں ایک ہی مقصد (Objective) کے مدنظر سوال لکھنا نہیں ہوتا

ہے۔ جیسا کہ یادداشت یا فہم، اطلاق، تجزیہ وغیرہ کہیں ایک مقصد (objective) کے مدنظر سوال کیا جائے گا۔

(b) سوالوں کو ان کی شکلوں اور قسموں کے اعتبار سے لکھا جانا چاہئے۔ جیسا کہ طویل جوابی، مختصر جواب، نہایت مختصر جوابی، اور معروضی سوال

کے مطابق

(c) Syllabus کی اکائی کا سوال نامہ اس طرح تیار کیا جانا چاہئے کے وہ ایک اکائی کمکمل ہو جائے۔

ہر نقطہ نظر کا اپنا فائدہ اور اپنا نقصان ہوتا ہے۔ اس سے قطع نظر جو طریقہ اختیار کیا جاتا ہے۔ اس سے سوال منطقی طریقے سے لکھے جاتے ہیں۔ ہم نے مختلف سوالوں کوئی زمرے میں تقسیم کر دیا ہے۔ جس سے معلم کو طلباً کے فہم کو جانچنے میں آسانی ہوتی ہے۔ اور طلباء کو بھی امتحان لکھنے میں کوئی دشواری پیش نہیں ہوتی۔ سوالات کی قسموں کے بارے میں ہم تفصیل سے مطالعہ کریں گے۔

(1) طویل جوابی سوالات (Long Answer or Essay Type Question)

تدریس کے ذریعے طلباً میں کئی صلاحیتوں کا فروغ ہوتا ہے۔ ان صلاحیتوں کو جانچنے کے لیے معروضی سوالات (Objective) سوالات مناسب نہیں ہوتے ہیں۔ اس کے لیے طویل جوابات پرمنی سوالات تیار کیے جاتے ہیں جس کے ذریعے طلباً اپنی صلاحیتوں کا مظاہرہ کرتے ہیں۔ جیسے اپنی باتوں اور اپنے خیالات کو پیش کرنا، طویل عبارت کو مختصر ایجاد کرنا (summarising Ideas) اور اپنے انداز میں پیش کرنا وغیرہ جیسی صفات کا / قیین قدر طویل جوابی سوالات کے ذریعے کیا جاسکتا ہے۔

طویل جوابی سوالات (Essay type questions) سے طلباً کو یہ آزادی حاصل ہوتی ہے کہ وہ اپنی باتوں کو جس قدر وضاحت سے لکھنا چاہتے ہیں لکھ سکتے ہیں۔ لیکن طلباً کے جواب ایک دوسرے سے مختلف بھی ہو سکتے ہیں۔ طویل جوابات والے سوالوں کو مندرجہ ذیل زمرے میں تقسیم کیا گیا ہے۔

(1) پابند جواب سوالات (Restricted Response type)

اس قسم کے سوالات میں طویل جوابات دینے میں پابندی عائد کی جاسکتی ہے۔ اس میں طلباً بنائے گئے صفحے یا لائائن میں ہی اپنا جواب دیں گے۔ اس سے ان کی صلاحیتوں کا پتہ لگ جاتا ہے کہ وہ اپنی باتوں کو یا جواب کو بتائے گئے طریقے کے مطابق کتنا بہتر ہنگ سے پیش کر سکتے ہیں۔

(2) توسعی کردہ جواب (Extended Response Type)

توسعی کردہ جواب میں طلباً کو پوری آزادی ملتی ہے کہ وہ جتنا چاہیں اتنا لکھ سکتے ہیں۔ طلباً کو یہ بھی آزادی دی جاتی ہے کہ وہ اپنے جواب کو اپنی زبان میں یعنی جس طریقے سے وہ لکھ سکتے ہیں لکھ سکتے ہیں۔ لیکن یہ طریقہ مجموعی جانچ کے مطابق کتنا بہتر ہنگ سے پیش کر سکتے ہیں۔ تدریسی نکات کی جانچ تھوڑی مشکل ہوتی ہے۔ اس کے علاوہ اس طریقے کے ذریعے Grading کرنا بھی دشوار ہوتا ہے۔

(3) Open Ended Type

طلباً میں تخلیقیت اور جدیدیت کی جانچ کرنے کے لیے یہ طریقہ نہایت ہی موزوں ہے۔ اس طرح کے سوالات سے طلباً میں تصور

کرنے تھیں کرنے اور کچھ نیا سوچنے کی ترقی غائب ملتی ہے۔ اس طرح کے سوالات کے ذریعے طلباء میں کھلے طور پر سوچنے سمجھنے کی صلاحیت کا فروغ ہوتا ہے۔ جو ہر طالب علم میں الگ الگ ہوتا ہے۔ طلباء یعنی اپنے انداز میں اور اپنے علم کے اعتبار سے کئی طرح کے جواب پیش کرتے ہیں۔

(2) مختصر جوابی سوالات (Short Answer type questions)

طويل جوابی سوالات کے مقابلے مختصر جوابی سوال عام طور سے قطعی (Exact) جواب طلب کرتا ہے۔ ان کے جوابات کی حدود مقرر کر دی جاتی ہے مثلاً 40-50 الفاظ پا 3 پا 4 سطور وغیرہ۔ اس قسم کے سوالات کی جانچ کرنے میں وقت درکار ہوتا ہے۔

معرضی سوالات (Objective Type Questions) (3)

معروضی سوال کئی طرح کے ہوتے ہیں جس میں صحیح جواب متعین ہوتا ہے اور طلباء کو اس کی نشاندہی یا انتخاب کرنا ہوتا ہے۔ ان کی اقسام درج ذمہ ہیں۔

Multiple Choice Type *

* خالی جگہوں کو پرکرنے والے Fill in the blanks

* ایک لفظ میں جواب والے * One word Answer

* صحیح یا غلط کی نساندہی

* صحیح جوڑوں کا میلان Matching type etc

(i) کیش انتخابی سوالات (Multiple choice type)

اس طرح کے سوالوں کو کچھ اس طرح پیش کیا جاتا ہے کہ اس کے جواب کو دیگر تین یا چار غلط جواب کے ساتھ لکھ دیا جاتا ہے۔ طلباء اس میں صدیقہ، حمید، کائنات، طبع و جسم، کام و اگاثہ، لیکن جو کہ شاہک نہ ملما معنی تھا۔

بھوئے میں سے نبوب و پن میسے ہیں۔ اوری بارسوں اس سرس ہونا ہے لہ وہ ادھورا سما ہے یہ نبوب و ساس مردیے پر وہ سی دیا

جلسے

1- اک مربع کا رقبہ 144 cms کا محیط (perimeter) ہوگا۔

(d) 72cms (c) 60cms (b) 48cms 24cms (a) ()

2- pi کی قیمت کیا ہے؟

(d) 3.1412 (c) 3.1 (b) $22/7$ 3.00 (a)

(ii) خالی جگہوں کو پرکر س (Fill in the blanks)

اس طرح کے سوالات میں جملہ کو ادھورا لکھا جاتا ہے۔ یا اس کے جواب کو ہٹادیا جاتا ہے۔ طلباء اسے مطالعہ کر کے مناسب جواب اس خالی جگہ میں لکھ دیتے ہیں۔ چھوٹی جماعتوں میں صحیح جواب کے ساتھ ایک غلط تبادل یا تمام صحیح جوابات بے ترتیب سے ایک ساتھ پیش کر دیے جاتے ہیں۔

جیسے۔۔ (1) دائرے کے تمام قطر دائرے کے مرکز سے _____ ہوتے ہیں۔ (180 پا 160 ڈگری)

(2) مثلث کے تین زاویوں کی پیمائش کا مجموعہ _____ ہوتا ہے۔

(iii) ایک لفظی جواب (One Word Answer)

اس طرح کے سوالات میں جواب کو محض ایک لفظ کے ذریعے لکھا جاتا ہے۔

جیسے--- (1)- 3 ایک _____ عدد ہے۔

(2) $P = 32$ کی قیمت کیا ہوگی؟

(iv) صحیح / غلط قسم کے سوالات (True / False type Questions)

اس میں ایک جملہ دیا جاتا ہے۔ طلباء کو یہ پہچاننا ہوتا ہے کہ وہ صحیح ہے یا غلط ہے۔

جیسے۔ (1) ایک پول کی پرچھائی کی لمبائی اس کے لمبائی کے برابر ہے۔ تو اس کا Elevation زاویہ degree 90 کا ہو گا۔ صحیح / غلط

(2) دائرے کا نصف قطر r کہلاتا ہے۔ صحیح / غلط

(v) جوڑ لگانے والے سوالات (Matching Type)

اس میں مواد کو دو کالم میں دیا جاتا ہے۔ طلباء پہلے کالم کو دوسرا کالم کے ساتھ اس طرح ملاتے ہیں کی ایک معنی خیز جملہ تیار ہوتا ہو جاتا ہے۔

جیسے۔

کالم (ب)

کالم (الف)

طاں عدد

(1) ایک عدد جو 2 سے مکمل تقسیم ہوتا ہے۔

جفت عدد

(2) 2 سے تقسیم نہیں ہونے والا عدد۔

پروجیکٹ کا کام (Project Work)

سماج کے موجودہ حالات یا چیزوں سے سیکھنا اور خود سے کر کے سیکھنا پروجیکٹ کا اہم مقصد ہوتا ہے۔ طلباء اسے انفرادی کرتے ہیں یا گروپ میں کرتے ہیں۔ اس کے ذریعے طلباء میں تخلیقیت کی صلاحیت کا فروغ ہوتا ہے۔

Field Trips and field diary

فیلڈ ٹرپ تدریس یا سکھانے کا وہ طریقہ ہے جسے درجہ جماعت کے اندر نہیں کیا جاسکتا ہے۔ ایک مکمل منصوبہ بند Field Trip طلباء کے لیے الکتاب کا بہتر وسیلہ ہوتا ہے۔ اس میں طلباء کو کسی تفریجی مقام پر لے جایا جاتا ہے۔ جہاں طلباء خود سے چیزوں کو دیکھتے ہیں اور سیکھتے ہیں ہر طریقے اور صلاحیت والے طلباء اس سے مستفید ہوتے ہیں لیکن طلباء کو یہ معلوم ہونا چاہئے کہ وہ کہاں جا رہے ہیں اور کیوں جا رہے ہیں۔ وغیرہ کچھ طلباء کو تفریج پر لے جانے کے لیے کچھ خاص مقامات کا تعین کیا جاتا ہے۔ جیسے چڑیا گھر، عجائب گھر، میوزیم، گارڈن، ہاسپیٹل، اور کارخانے وغیرہ۔

جب اساتذہ طلباء کو ایسے مقامات پر لے جا رہے ہیں تو انہیں یہ غور کرنا ہو گا کہ۔

- * درجہ جماعت میں بتائی گئی چیزوں سے طلباء اس سیر و تفریق کو مر بوط کر پا رہے ہیں یا نہیں۔
- * اساتذہ Field Trip سے متعلق کچھ جانچ یا کوئی مسئلہ وغیرہ دے کر طلباء کی پیاس قدر کر سکتے ہیں۔
- * اس کے علاوہ طلباء کو مشاہدہ کرنے کے لیے بھی کہا جا سکتا ہے۔ جو فلڈ سروے کے شکل میں تیار کیا جاتا ہے۔
- * اس بات پر گفتگو کرنا چاہئے کہ وہ سیر و تفریق سے کیا سیکھیں یا کیا نئی بات یا نیا علم حاصل کیے۔

تجربہ گاہ کام (Laboratory Work)

جب طلباء کو پڑھی ہوئی چیزوں کا تصور، اصول کلیے وغیرہ سمجھنا ہوتا ہے تو اس کا ایک بہترین طریقہ تجربہ گاہ کا طریقہ ہے۔ یہ طریقہ طلباء میں بہتر سمجھ کا فروغ کرتا ہے۔ چونکہ طلباء اپنے ہاتھوں سے سارے کام کو کرتے ہیں اور اپنی آنکھوں سے سب کچھ دیکھتے ہیں۔ اس وجہ سے تصور بالکل واضح ہو جاتا ہے۔

تجربہ گاہ میں کام کرتے وقت مندرجہ میں باتوں پر غور کیا جانا چاہئے۔

- * تجربے کے لیے مناسب Equipments / Apparatus کا استعمال کرنا۔
- * منصوبہ بنانا، خاکہ تیار کرنا، مناسب طریقہ عمل اختیار کرنا۔
- * حساب (Calculation) کو اس کی اکائی کے ساتھ لکھنا۔
- * ڈالٹا پر غور فکر کرنا اور نتائج اخذ کرنا۔
- * ضروری مہارت اور طریقہ عمل اختیار کرنا۔
- * ڈالٹا اور دوسرے گراف کے ریکارڈ کو تیار کرنا۔

زبانی امتحان / ایٹریویو (Interview / Oral test)

مجموعی گروپ یا علحدہ علحدہ طلباء کی جانچ کا تعین کرنے کے لیے زبانی جانچ یا انٹریو یا ایک بہتر طریقہ مانا گیا ہے۔ اس میں طلباء کی جانچ کے لیے ان سے سوالات کیے جاتے ہیں اور ان کے معیار کی جانچ ان کے جواب سے کی جاتی ہے۔ یہ ایک بہتر طریقہ ہے جس سے طلباء کی ذہنی، جسمانی، انعکاسی، سماجی، معاشی اور دیگر تمام خوبیوں اور خامیوں کی جانچ کی جاتی ہے۔ انٹریو کو یکارڈ بھی کیا جاتا ہے تاکہ مستقبل میں ضرورت پڑھنے پر اسے دیکھا جاسکے۔

روزنامہ / یا جریل لکھنا (Journal Writing)

اس میں طلباء اپنی روزمرہ کی سرگرمیوں اور حصولیابی کو دونج کرتے ہیں۔ طلباء کے ذریعے لکھا جانے والا جریل ان سے تعلق رکھنے مسائل اور شخصیت کے دیگر پہلوں کو جاننے کا بہترین ذریعہ مانا جاتا ہے۔ طلباء درس کے دوران پیش آنے والی پریشانیوں اور، غلط فہمیوں کو اس کے ذریعے پیش کرتے ہیں۔ اس کے علاوہ طلباء اپنے خیال فکر اور سوچ وغیرہ کو بھی اس میں شامل کرتے ہیں۔ جس کے ذریعے وہ خود سے خود کا تعین قدر کرتے ہیں۔

استاد بھی طلباء کو اس کام میں مدد کرتا ہے۔ وہ مقصد کا تعین کرتا ہے اور منصوبہ بند طریقہ سے کام کرنے کی ترغیب دیتا ہے۔ اس کے علاوہ

طلباۓ سے سوالات کر کے، یہ مشاہدہ کے ذریعے اور دوسرے طریقوں کے ذریعے طلباء کی بہت افراٹی بھی کرتے رہتے ہیں۔

تصور کا خاکہ تیار کرنا (Concept Mapping)

کسی ایک اکائی کو پڑھنے اور سیکھنے کے بعد طلباء اس کی ہم رشگی کو سمجھ پاتے ہیں اور اس کا تعلق پہلے کے علم سے اور آگے آنے والے مرحلے سے بناتے ہیں۔ اس میں وہ شاخیں، Cross Linkages اور دیگر تصورات کو جوڑتے ہیں۔

تصوراتی خاکہ کا احتساب (Assessment of concept maps)

کچھ خاص تدریسی مواد اور تصور کو حاصل کرنے کے لیے تصوراتی خاکہ بہت حد تک بہتر مانا گیا ہے۔ اس کے ذریعے معلم تدریسی مواد کو دلچسپ اور سہل بناتا ہے۔ اور ایک علم کو دوسرے علم سے جوڑ کر دکھاتا ہے۔

اس کے لیے طلباء کوئی نئے تصورات کو دیئے جاتے ہیں۔ اور کہا جاتا ہے کہ اس تصور کو خاکہ کی شکل میں پیش کریں۔ اور اس کے بعد اس خاکے کی جانچ کی جاتی ہے۔ جس میں scoring مندرجہ ذیل باتوں پر مختص کرتی ہے۔

* تصوراتی تجویز کی معقولیت کے اعتبار سے۔

* درجہ وار درستگی کی بناء پر

* خصوصی اور عمومی مثالوں کی درستگی کے بناء پر

نتائج کو ریکارڈ کرنا (Recording and Reporting)

طلباۓ کے جوابات کی بنیاد پر انہیں اس کے مارکس اور گرید ملتے ہیں۔ معلم ہر ایک طالب علم کو اس کے نتیجے Result کی ایک ایک کاپی دے سکتا ہے۔ اور اس کی ایک کاپی اسکول میں موجود ہوتی ہے۔ طلباء اور اس کے والدین یا سرپرست کا بھی فیڈ بیک دینا نہایت ضروری ہے۔ اس کے لیے ہر طالب علم پر نظر رکھنا ہوتا ہے کہ وہ کتنا Growth کر رہا ہے۔ طلباء کو تمام مضامین میں فیڈ بیک دینا چاہئے۔ جس کے ذریعے وہ اپنے ثابت پہلوں کا فروغ کریں۔ اور اپنی خامیوں کو دور کر لیں۔

NCERT نے 2006 میں یہ مشورہ دیا کہ طلباء کے Report Card پر لفظ Fail نہ لکھا جائے۔ بلکہ اس کی جگہ پر کچھ جیسے Phrases (ناتقابل اطمینان) یا ٹھیک ہے لیکن اور زیادہ محنت کی ضرورت ہے وغیرہ۔ لفظ Fail (Fail) طلباء میں نامیدی اور کمی کا احساس کرتا ہے۔ اور سماج میں اس لفظ کو معیوب سمجھا جاتا ہے۔

اس لیے رپورٹ کارڈ کو بھی طرح سے تیار کرنا چاہیے۔ جس کے ذریعے طلباء کو کوئی ڈھنی پریشانی نہ ہو۔ اور طلباء کی صلاحیت کا بھی پتہ لگ جائے۔ معلم کی ذمہ داری ہوتی ہے۔ اس میں طلباء کی پسند، رجحان، دلچسپی اور روایہ وغیرہ کا بھی خیال رکھنا چاہئے۔ اس کے علاوہ وہ بتیں جو طلباء کو مزید اصلاح کی جانب راغب کرتی ہیں شامل کرنا چاہئے۔

طلباۓ کی تحصیل کی پیمائش (Measurement of Student Achievement)

طلباۓ کی جانچ زیادہ تر مارکس کے ذریعے کی جاتی ہے۔ جو 0 سے 180 اعداد کے نقش میں رہتا ہے۔ لیکن یہ طریقہ کمی کی صحیح ثابت نہیں ہو پاتا ہے۔ اسی لیے قومی تعلیمی کا ونسل ہے 1986 میں گرید سسٹم کو رو بہ عمل لایا۔ جس کے ذریعے طلباء کا تعین قدر کرنا اور بھی بہتر ہو گیا۔

گریڈنگ سسٹم (Grading System)

لطفاً Grade لاطینی زبان کے لفظ Grades سے اخذ کیا گیا ہے جس کے معنی 'step'، 'قدم ہوتا ہے۔ تعلیمی پیاس میں گریڈنگ کا استعمال طلباء کی achievement کے لیے کیا جاتا ہے۔ اس میں کچھ علامات (Symbols) کا استعمال کرتے ہیں۔

راست گریڈنگ (Direct Grading)

راست درجہ بندی وہ طریقہ تعین قدر ہے جس میں امتحان لینے والے طلباء کی کارگردگی اور ان کی خوبیوں کی بناء پر راست نتیجہ اخذ کرتے ہیں۔ جس میں انگریزی کے کچھ خاص Letters کا استعمال کیا جاتا ہے۔ گریڈنگ طریقہ معلم کو تعین قدر کے کام میں آسانی فراہم کرتا ہے۔ اس کے علاوہ یہ دوسرے طریقے سے زیادہ آسان ہوتا ہے اور اس میں موازنہ کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔

بالراست گریڈنگ (Indirect Grading)

اس طریقہ تعین میں پہلے طلباء کے حاصل شدہ نمبر کو دیکھا جاتا ہے۔ اور پھر اس کے تناسب سے Letters میں تبدیل کر دیا جاتا ہے۔ تبدیل کرنے کا طریقہ Absolute بھی ہو سکتا ہے اور نسبتی (Relative) بھی۔ جو مندرجہ ذیل ہے۔

مطلق گریڈنگ (Absolute Grading)

کامل درجہ بندی پہلے سے طے شدہ معیار (Standard) پر مبنی ہوتی ہے۔ جس میں بچوں کو ان کے حاصل شدہ نمبرات کے اعتبار سے تعین کیا جاتا ہے۔ پانچ نکاتی درجہ بندی درج ذیل ہو سکتی ہے۔

Grade	Percentage of Marks	Qualitative Statement
A	175 اور زیادہ %	Distinction
B	60% - 74.99%	First Division
C	45% - 59.99 %	Second Division
D	33%-44.99%	Third Division
E	33% سے کم	Unsatisfactory

اسی طرح کبھی کبھی سات یا نو نکاتی اسکیل کی بنیاد پر کبھی درجہ بندی کی جاتی ہے۔

نسبتی گریڈنگ (Relative Grading)

گریڈنگ کا یہ طریقہ پر ونی جانچ (External Evaluation) کے لیے کیا جاتا ہے۔ جہاں کافی بڑی تعداد میں طلباء امتحان دیتے ہیں اور ان تمام کی جانچ کرنی ہوتی ہے۔ نسبتی گریڈنگ عام طور سے عوامی امتحان (Public Examination) کے لیے کیا جاتا ہے۔ اس میں یہ دیکھا جاتا کہ امتحان میں کتنے گروہوں نے ایک جیسے Grading جیسے A,B,C وغیرہ حاصل کیے ہیں۔ پھر ہر گروپ کو سائنسی طریقے کے ذریعے جانچا جاتا ہے۔ اگر ہم چاہیں کہ ریزالت کو نو گریڈ میں جانچنا ہے تو ہم کامیاب ہونے والے سبھی لوگوں کو نو گروہ میں آسانی سے بانٹ سکتے ہیں۔

نسبتی گریڈنگ کے فوائد

- 1- اس میں طلباء کی کارگردگی کو گرید کی شکل میں ظاہر کیا جاتا ہے اور گریدنگ سسٹم ناکامیاب ہونے والے طلباء کو ظاہر نہیں کرتا ہے۔ یعنی کے اس طریقے میں کچھ منفی اثرات یعنی پاس یا فیل ظاہر نہیں ہوتا ہے۔
- 2- گرید سسٹم اپنے ہم جماعت کے مقام کا تعین کرتا ہے۔ اس میں کون سب سے زیادہ اور کون کون سب سے کم نمبرات حاصل کیے ہیں اس کا پتہ نہیں چلتا۔

مہارت کی پیمائش (Measurement of Process Skills)

مہارت کے پیمائش کرنے کے لیے چند چیک لست (Checklist) یا رینگ اسکیل تیار کیے جاتے ہیں۔ مثال کے طور پر مہارت کا اگر کچھ اس طرح تعین کیا جائے جس میں مندرجہ ذیل Rating Scale تیار شدہ ہو جس میں محض ہاں یا نہیں لکھنا ہو۔ جیسے

* آلات کو صحیح طریقے سے شناخت کیا گیا۔
(Yes / No)

* آلات کو صحیح طریقے سے استعمال کیا گیا۔
(Yes / No)

* درستگی کے ساتھ پیمائش کی گئی۔
(Yes / No)

* ڈائٹ کی صحیح طریقے سے تشریح کی گئی۔
(Yes / No)

اگر Rating Scale پانچ اسکیل پر مبنی ہوں جیسے 1,2,3,4,5 یعنی اوسط سے کم، اوسط، اچھا، بہت اچھا، شاندار، اس طرح کی پیمائش میں طلباء کی کارگردگی کے مطابق مناسب Tick point پر کرنا ہوتا ہے۔

	Tasks	کام
1	2 3 4 5	* آلات کو سیٹ کرنا
1	2 3 4 5	* مشاہدہ
1	2 3 4 5	* ڈائٹ کی پیمائش
1	2 3 4 5	* ڈائٹ کی روپورٹ
1	2 3 4 5	* ڈائٹ کی تشریح
1	2 3 4 5	* نتیجہ کا خاکہ

رویہ کی پیمائش (Measurement of Attitude)

رویہ (attitude) کی جائج کے لیے ریٹینگ اسکیل مناسب آہ ہوتا ہے۔ اس کے ذریعے طلباء کے اندر کی ایمانداری، باہمی تعاون، معروفیت (Objectivity) وغیرہ کا پہلے سے طے شدہ درجات میں رکھا جاتا ہے۔ جسے مندرجہ ذیل میں دکھایا گیا ہے۔

Rating Scale	ثبت رویہ Positive Attitude	منفی رویہ Negative Attitude
Strongly Agree	5	1
Mildy Agree	4	2
Undecided	3	3
Disagree	2	4
Strongly Disagree	1	5

رویہ کی پیمائش Table : 3.11

پورٹ فولیو (Portfolio)

پورٹ فولیو کی تعلیمی ادارے اور طالب علم سے متعلق کثیر کہتی معلومات کا ایک منظم اور عمدہ ذریعہ ہوتا ہے۔ جس میں جانکاریوں کو جمع کرنا، ریکارڈ رکھنا، آگاہ کرنا اور مدرسی سے متعلق دوسرا اہم باتوں کو کیجا کیا جاسکتا ہے۔ اور اس میں طلباء بھی آزادی کے ساتھ شامل ہو سکتے ہیں۔ اس سے انہیں خود کا تعین قدر کرنے اور خود کو جانے کا موقع ملتا ہے۔ وہ اس کے ذریعے سے اپنے تعلیمی مقاصد کا تعین بھی کرتے ہیں۔ Portfolio میں ایسی تمام چیزیں رکھی چاہئے جو طلباء کی صلاحیتوں کے تمام پہلوؤں کو اجاگر کریں۔ پورٹ فولیو دکھاتا ہے کہ طلباء رپورٹ بنانے، تجربہ کرنے، بحث کرنے، ریاضی کے کسی عنوان پر مظاہرہ کرنے، پوستر بنانے وغیرہ جیسے کام کر سکتے ہیں۔ پورٹ فولیو کو معلم مندرجہ ذیل طریقے سے چیک بھی کر سکتے ہیں۔

پورٹ فولیو کا تعین قدر (Evaluation of Portfolio)

یہ مندرجہ ذیل طریقے سے کیا جاسکتا ہے۔

خود سے جانچنا (Self Evaluation)

طلباۓ خود سے اپنے پورٹ فولیو کی جائج کر سکتے ہیں۔ چونکہ الگ الگ پورٹ فولیو میں اختلاف بہت زیادہ ہوتا ہے۔ اس پس منظر میں جائج کرنا کوئی آسان کام نہیں ہوتا ہے۔ معلم اپنے طلباء کے ساتھ مل کر کام کرتے ہیں اور کچھ خاص طریقوں کو واپنا کریں Judge کر لیتے ہیں کہ اس کے پورٹ فولیو کی کیا خوبی ہے۔ اور معلم کے ذریعے کیا گیا فیصلہ پیش نظر طلباء خود جائج لیتے ہیں۔ طلباء اپنے کام کی اچھائیاں، برائیاں اور دیگر اہم پہلوؤں سے واقفیت حاصل کر لیتے ہیں۔ اور اس کے لحاظ سے وہ خود کو متحرک بھی کرتے ہیں۔

پورٹ فولیو کا نفرس کا انعقاد (Conducting Portfolio Conference)

یہ کافرنس صرف بچوں کی سیکھی ہوئی چیزوں کی ہی جائج نہیں کرتی بلکہ یہ طلباء میں خود سے جائج کرنے کی صلاحیت کا بھی فروغ کرتی ہے۔

کافنس کے انعقاد سے قبل طلباء کو اس کی اطلاع دی جاتی ہے تا کہ طلباء اس کی تیاری میں لگ جائیں۔ اس پروگرام میں والدین و سرپرست کو بھی مدعو کرنا چاہئے۔ اور طلباء کو Presentation کا موقع بھی دینا چاہئے۔ پورٹ فولیو کی جائج میں والدین کی شمولیت:-

تعلیمی سال کے آغاز میں طلباء کے والدین / سرپرستوں کو بچوں کی تعلیمی اصلاح پر دھیان دینے کے لیے کہنا چاہئے۔ انہیں چاہئے کہ وہ اپنے بچوں کی تعلیمی راہ کو ہموار کریں اور ان کے لیے تمام ترسہوں کو مہیا کریں۔ طلباء کی بہت افزائی کرنا اور ان کی تعلیم اور عملی زندگی میں ہم رشتنی قائم کرنے کی صلاحیت پیدا کرنا چاہئے۔

(Reflecting Process) انکاسی عمل

یہ درس و تدریس کی دو طرفہ ترسیل ہے۔ اسی طرح تعین یا جائج کرنا بھی دو طرفہ عمل (Two Way Process) ہے۔ معلم بھی اپنے درسی انداز اور دیگر صلاحیتوں کو چیک کرتے ہیں۔ اس کے لیے وہ ٹیسٹ وغیرہ لے سکتے ہیں یا بچوں سے سوالات بھی پوچھ سکتے ہیں۔ جس طرح معلم طلباء کی نشونما اور اس کے فروع کے لیے وقفو قفعہ پر تعین یا جائج وغیرہ کا اہتمام کرتے ہیں۔ اسی طرح معلم اپنی جائج کرنے کے لیے طلباء کی کارکردگی کے ذریعے خدمشاہدہ، خون انکاس اور معائنہ نفس جیسے کئی طرح کے عمل کرتے ہیں۔

اس طرح سے ہم یہ دیکھتے ہیں کہ تعین قدر ایک انکاسی عمل (Reflecting Process) ہے۔ جسے اس طرح بیان کیا جا سکتا ہے۔

Reflecting on Students Performance

Reflecting on Teachers Performace

احساب بطور انکاسی عمل Assessment as a Reflecting Process

ریاضی کی درس و تدریس کے دوران، غلط فہمیوں اور misconceptions سے بچنا بہت ضروری ہوتا ہے۔ خاص طور سے اس وقت اور دھیان دینا ضروری ہوتا ہے جب کسی نئے Concept پر بات چل رہی ہوتی ہے۔ چونکہ ریاضی 'Mathematics' وہ مضمون ہے جس میں تصور باہمی مر بوط ہوتے ہیں۔ اس لیے احتیاط کی ضرورت ہوتی ہے۔ اگر کوئی misconception طلباء کے ذہن و دماغ میں رہ جاتا ہے تو یہ آگے نئے تصورات کو سیکھنے میں خلل پیدا کرتا ہے۔

Reflective Prompts (ii)

وہ تکنیک ہے جس کے ذریعے معلم درجہ جماعت میں تدریس کے بعد طلباء سے کچھ عمومی سوالات کرتے ہیں جو سبق سے متعلق ہوتے ہیں۔ اور اس طرح کے سوالات کے جواب لگ بھگ سارے بچے دینے کی کوشش کرتے ہیں۔ ایسے کچھ سوالات ذیل میں دیے جا رہے ہیں۔

a. آپ اس سبق یا اس اکائی سے کتنا لطف انداز ہوئے؟

b. اس سبق یا اکائی میں کیا آسان تھا اور کیا مشکل؟

c. کیا آپ سبق کے متعلق کوئی اور Idea پیش کر سکتے ہیں؟

d. آپ مجھ سے کیا مدد چاہتے ہیں؟

معلم اس کے ذریعے درس و تدریس کو اور بھی موثر بناسکتے ہیں۔

خود سے تعین کرنا Self Assessment

طلباۓ کو یہ حوصلہ دینا چاہئے کہ وہ خود سے اپنا تعین یا جانچ کر سکتے ہیں۔ اور وہ خود سے اپنا تجربہ کر سکتے ہیں۔ اس کے لیے وہ اپنے آپ سے مندرجہ ذیل سوالات پوچھ سکتے ہیں۔

a. ٹیسٹ میں کیا اچھا لگایا کیا خراب لگا؟

b. میں اپنی کارگردگی کو کس طرح بہتر بناسکتا ہوں؟

c. کیا میں نے سارے سوالات کے جواب دئے؟

d. کیا وقت کی کمی تھی؟

e. کیا جماعت میں تدریس کے دوران میں نے اپنے Ideas کو share کیا؟

f. کیا میں نے سکھنے کے لیے ثابت اور ذمہ دار انہ رویہ دکھایا؟

g. میں اس کام کو اگلی بار مزید بہتر طریقے کس طرح کر سکتا ہوں؟ (لکھ کر، زبانی، یا عمل یا تجربے کے ذریعے)

اس طرح طالب علم خود سے اپنا تجربہ کر سکتے ہیں جس کی بنابرہ اپنی صلاحیتوں کو فروغ دے سکتے ہیں۔

احساب بطور انعکاسی عمل (Assessment as a Reflecting Process)

استاد درجہ جماعت میں تدریس کرنے کے یا پڑھانے کے بعد از سرنو جائزہ لیتا ہے اور نظر ثانی کرتا ہے جس کے ذریعے وہ یہ پتہ لگانا چاہتا ہے کہ طلباء میں کتنا Progress ہو پایا، وہ مندرجہ ذیل سوالات کر سکتا ہے۔

a. تدریس کے دوران کیا تھا جو اچھا ہے؟

b. وہ کوئی کمی ہے یا کون سی غلط فہمی ہے جو طلباء میں اب بھی باقی ہے؟

c. طریقہ تدریس اور سبق کے طریقہ تدریس کو میں کیسے Improve کر سکتا ہوں؟

d. اگر میں اسی سبق کو دوبارہ پڑھاؤں تو اس میں کوئی کوئی تبدیلیاں کرنی چاہیں۔

خود سے تجربہ کرنے کا عمل، معلم کو ایک کامیاب تدریس کے عمل کی طرف راغب کرتا ہے۔ جس کے ذریعے وہ خود بھی ایک مکمل اور نفع بخش معلم بن کر ابھرتا ہے اور اس کے ذریعے تیار ہونے والے طلباء بھی صلاحیت مند ہوتے ہیں۔ جو اپنے اپنے Field میں ماہر بن جاتے ہیں۔ اور اس طرح درس و تدریس کا عمل بہت ہی موثر یت کے ساتھ تکمیل تک پہنچ جاتا ہے۔

اپنی معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1- ریاضی میں (Field Trip) کے مقاصد بیان کیجیے؟

-2

طلبا کی کارکردگی کی جانچ میں پورٹ فولیو کا کردار بیان کیجیے؟

3.8 یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)

کسی بھی مضمون میں طلباء کے اکتساب کے بارے میں کامل معلومات حاصل کرنا ایک اہم کام ہے۔ اس اکائی میں ہم نے سیکھا کہ:

☆ کسی آئے کا استعمال کر کے طلباء کے اکتساب کی پیمائش کر کے احتساب اور تعین قدر کس طرح سے کیا جاتا ہے۔

☆ امتحان منعقد کرنے کے بعد طالب علم کے جوابات پر دیے جانے والے نمبرات دراصل اس کے اکتساب کی پیمائش کرنے کی ایک سعی ہوتی ہے۔ اس کے بعد احتساب / انداز قدر (Assessment) کے مرحلے سے گذرتے ہوئے معلم طالب علم کے اکتساب کا تعین قدر کرتا ہے۔

☆ ریاضی میں تحریری امتحان کے ساتھ ساتھ زبانی امتحان، عملی امتحان اور پروجیکٹ وغیرہ کے ذریعے طلباء کے اکتساب کا اندازہ قدر کیا جاسکتا ہے۔

☆ نسبتی گریدنگ یا ورنی جانچ (External Evaluation) کے لیے کیا جاتا ہے۔ جہاں کافی بڑی تعداد میں طلباء امتحان دیتے ہیں اور ان تمام کی جانچ کرنی ہوتی ہے۔ نسبتی گریدنگ عام طور سے عوامی امتحان (Public Examination) کے لیے کیا جاتا ہے۔

☆ Portfolio میں ایسی تمام چیزیں رکھنی چاہئے جو طلباء کی صلاحیتوں کے تمام پہلوؤں کو اجاگر کریں۔ پورٹ فولیو دکھاتا ہے کہ طلباء رپورٹ بنانے، تجربہ کرنے، بحث کرنے، ریاضی کے کسی عنوان پر مظاہرہ کرنے، پوسٹر بنانے وغیرہ جیسے کام کر سکتے ہیں۔

3.9 فرہنگ (Glossary)

Assesment of Learning

آموزش کا احتساب

Visual Aid

بصری آلات

Interaction

تعامل

Synthesis

ترکیب

Evaluation

تعین قدر

Reflecting Process

انحصاری عمل

Formative

تشکیلی

Summative

تلخیصی / تجمیعی

3.10 اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)

معروضی جوابات کے حامل سوالات (Objective Answer Type Questions)

Evaluation = Measurment + -1

کس لفظ کا مخفف ہے؟ CCE -2

Scoring the test = R- -3

کورس کے اختتام پر تحقیق/جائز (Assessment) کی جاتی ہے۔ -4

بلیوپرنٹ میں، اور ہوتے۔ -5

مختصر جوابات کے حامل سوالات (Short Answer Type Questions)

پیمائش (Measurment)، احتساب (Assessment) اور تعین قدر (Evaluation) کے درمیان فرق بتائیے۔ -1

تحصیلی ٹیسٹ (Achievement Test) پر ایک نوٹ لکھئے۔ -2

ریاضی کے کسی بھی عنوان پر تصوراتی نقشہ/ خاکہ (Concept Mapping) تیار کیجئے۔ -3

اکتسابی مظاہر (Learning Indicators) کی قسموں کو مختصر ابیان کیجئے۔ -4

طویل جوابات کے حامل سوالات (Long Answer Type Questions)

پیمائش (Measurment) احتساب (Assessment) اور تعین قدر (Evaluation) کے مفہوم کو مثالوں سے واضح کیجئے۔ -1

تکنیکی جائز اور تجھی احتساب کیا ہیں؟ دونوں کے درمیان فرق کیا ہے۔ -2

امتحانی سوالات کو تیار کر تو وقت معلم کو کن باتوں کو مد نظر رکھنا چاہئے؟ -3

ریاضی میں آٹھویں/ نویں/ دسویں جماعت کے تعین قدر کے لیے CCE کا ایک خاکہ تیار کیجئے۔ -4

ریاضی میں احتساب کے مختلف الات اور تکنیکوں کو بیان کیجئے؟ -5

3.11 مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)

- 1- Aggarwal, S.M. (1992): Teaching of Modern Mathematics, Dhanpat Rai & Sons, New Delhi.
- 2- Ayangar, N.K : The Teaching of mathematics in New Education -
- 3- Kumar,K.L.(2001) Eductional Technology & Conceptual Understandng. New Delhi: New Age International Publication

اکائی 4۔ ریاضی سمجھی کے لیے

(Mathematics for All)

اکائی کے اجزاء

تمہید (Introduction)	4.1
مقاصد (Objectives)	4.2
خدا صلاحیت کے حامل، ست رفار، کمزور اور discalculia کے حامل طلباء کے لیے سرگرمیوں کی منصوبہ بندی اور انعقاد	4.3
(Planning and Organising Activities for- Gifted, Slow learner, Backward and Learners with Dyscalculia- Enrichment and Remedial Programmes)	
خصوص ضروریات کے حامل طلباء کے لیے تدریسی حکمت عملیاں: باہمی تعاون اکتساب، اشتراکی اکتساب، ہم جماعتی اکتساب، ریسی پروفل اکتساب، گروہی اکتساب، آئینے سی، فلی اور ملٹی میڈیا کا استعمال۔	4.4
(Teaching learners with special needs- Co-operative Learning, Collaborative Learning Approach,	
Peer Lerning, Reciprocal Learning, Group Learning and using ICT and multimedia)	
اکتساب ریاضی کو بہتر بنانے والی سرگرمیاں: ریاضی میلہ، اولپیاڈ، ریاضی ذہانتی شیٹ،	4.5
(Activities enriching Mathematics learning- Mathematics fairs, Olympiads, Talent Test)	
ریاضی کٹ، ریاضی کی تجربہ گاہ، ریاضی کلب اور ان کے موثر استعمالات	4.6
(Mathematics Kits, Mathematics Laboratory, Mathematics Clubs and its effective use)	
ریاضی کے تینیں ثابت رویے کے کوفروغ دینے کے طریقے اور ریاضی کے خوف کو دور کرنا۔	4.7
(Ways and means of providing positive attitude towards Mathematics and reducing Mathematics Phobia)	
یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)	4.8
فرہنگ (Glossary)	4.9
اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)	4.10
(Suggested Books for Further Readings)	4.11

4.1 تمهید (Introduction)

مضمون ریاضی کو تمام سائنسی علوم کی روح کھا جاتا ہے۔ اس کی اہمیت و افادیت اور دو ریاضی میں معنویت کے منظر اسے اسکو لی نصاب میں جماعت دہم تک ایک لازمی مضمون کی حیثیت سے شامل کیا گیا ہے۔ استاد کے لیے بڑا چیلنج یہ ہوتا ہے کہ کمرہ جماعت میں موجود مختلف النوع طلباء و طالبات کو منظر رکھتے ہوئے ایسی سرگرمیوں کا انتخاب کرے کہ یہ وقت تمام طلباء مستفید ہو سکیں۔ اپنے مضمون اور طلباء کی ضرورت کی مناسبت سے مختلف تدریسی حکمت عملیوں کا مناسب استعمال کر کے ریاضی کا استاد اپنی تدریسیں واکتاب کے عمل کو موثر بناسکتا ہے۔

دورِ جدید میں تعلیم میں اطلاعاتی و تربیلی مکمل اوجی کے استعمال پر خوب زور دیا جا رہا ہے۔ اس کا استعمال ریاضی کے لیے اس طرح کرنا چاہیے کہ تدریسیں واکتاب کا عمل آسان، دلچسپ اور موثر بن جائے۔ ریاضی کے اساتذہ کے لیے ریاضی میں طلباء کے اکتساب کو فروغ دینے والی سرگرمیاں مختلتم منصوبہ بندی اور باقاعدہ عمل آوری کی طالب ہوتی ہیں۔ بہر حال استاد کی کوشش یہی ہونی چاہئے کہ رفتہ رفتہ طلبہ میں ریاضی کے تیئیں ثابت رویہ پیدا کریں۔

4.2 مقاصد (Objectives)

اس اکائی کے مطلعے کے بعد آپ اس قابل ہو جائیں گے کہ:

- ☆ ریاضی میں ذہین، خداداد ذہانت کے حامل طلباء اور سرتراق طلباء کے لیے تعلیمی سرگرمیوں کو منعقد کر سکیں۔
 - ☆ خصوصی ضروریات کے حامل طلباء کے لیے تدریسی حکمت عملیوں کا انتخاب کر سکیں۔
 - ☆ ریاضی کے اکتساب کے لیے Developmental/Enrichment Programme کی خصوصیات بیان کر سکیں۔
 - ☆ ریاضیاتی عمل کے ذریعے سیکھنے کے مقام و مواقعے کی نوعیت بیان کر سکیں۔
 - ☆ طلبہ میں ریاضی کے تیئیں ثابت رویہ پیدا کرنے کے طریقوں پر روشنی ڈال سکیں۔
-

4.3 خداداد صلاحیت کے حامل، سست رفتار، کمزور اور discalculia کے حامل طلباء کے لیے سرگرمیوں کی منصوبہ بندی اور انعقاد

(Planning and Organising Activities for- Gifted, Slow learner, Backward and Learners with Dyscalculia- Enrichment and Remedial Programmes)

ریاضی کے کمرہ جماعت میں مختلف قسم کے طلباء موجود ہوتے ہیں۔ ان میں بعض خداداد ذہین، تو کوئی تیز رفتار، کوئی سست، تو کوئی ریاضی کے خوف میں بنتا، تو کوئی عدم دلچسپی والے، تو کوئی پست ذہن بچے ہوتے ہیں۔ ایسی ہی حالت اسکول کے باہر سماج کی بھی ہوتی ہے۔ اپنی ایسی کیفیت کے لیے یہ بچے خود ذمہ دار نہیں ہوتے بلکہ ان کی پیدائش اور پرورش کو ذمہ دار ٹھرا یا جاسکتا ہے۔ سماج کی ذمہ داری ہے کہ ان طلباء کی نوعیت کے مناسب اکتساب کا ماحول دستیاب کرائے۔ تبھی ہمارا تعلیمی نظام جمہوری ہو سکتا ہے۔ ایسے متعدد کمرہ جماعت میں سبھی کے لیے ایک جیسی

تدریسی حکمت عملی کا گر نتابت نہیں ہو سکتی ہے۔ بلکہ طلباء کی انفرادیت (Individuality) کا احترام کر کے دی جانے والی تعلیم زیادہ موثر ہوتی ہے۔ ثانوی سطح پر ریاضی کا علم فراہم کرنے سے تمام افراد کی زندگی کو بہتر بنایا جاسکتا ہے۔ ریاضی کی تدریس کے لیے شمولیاتی نظام انسانیت کا تقاضہ اور وقت کی ضرورت ہے۔ انہیں خیالات کو قومی درسیاتی خاکہ 2005 نے ریاضی کی تدریس کے ضمن میں خصوصاً اجاگر کیا ہے۔ ماہرین تعلیم نے طلباء میں موجود انفرادی اختلافات کا لاحاظہ کرتے ہوئے کئی ایک طریقے اور حکمت عملیاں تجویز کی ہیں۔ اس اکائی میں متذکرہ مسائل پر تفصیل سے بحث کی گئی ہے۔

ذہین و فطین طالب علم (Learner) کے لیے تعلیمی سرگرمی:

ایسے بچے جو ریاضی میں نمایاں لپچی اور مستقل طور پر بہتر شعور رکھتے ہیں اور ان کی تحصیل مستقل اچھی ہوتی ہے ان کو ذہین و فطین طالب علم (gifted) کہا جاتا ہے۔ عموماً اسکول میں تعداد محدود ہوتی ہے۔ پھر بھی ان کی تعلیم بہت اہمیت کی حامل ہے۔ ریاضی کے استاد کو چاہیے کہ ایسے طلباء کی شناخت شروع میں ہی کر لیں۔ ان کی ضرورت کے مطابق تدریسی عمل کو منظم کرے۔ ایسے بچے کسی مواد کو تیزی اور آسانی سے سمجھ سکتے ہیں۔ کرہ جماعت میں اعلیٰ ذہانت کے سوال پوچھتے ہیں۔ اعلیٰ درجے کے مسائل حل کرنے کی کوشش کرتے ہیں۔ مسائل حل کرنے میں اچھی اختراعیت (originality) کا اظاہر کرتے ہیں۔ وہ تخلیل، غور فکر اور دلیل کے اچھے مالک ہوتے ہیں۔ ایسے طلباء کے لیے تو سیعی اور اعلیٰ غور فکر والے مواد سے نصاب فراہم کیا جانا چاہئے۔ ان کے لیے مزید حوالہ جاتی کتابیں، جریدے، اٹریننگ پر دستیاب ریاضی کے وسائل کا تعارف کرائے ان کے مطالعے پر زور دینا چاہئے۔ ان کو انفرادی آزادی دی جائے تاکہ وہ اپنے طرز پر اکتساب حاصل کر سکیں۔ ایسے طلباء کے لیے اکشنی طریقہ (Project Method)، مسائل کے حل کا طریقہ (Problem Solving)، منصوبائی طریقہ (Enrichment Programme) مفید ہوتے ہیں۔ ان کے لیے الگ سے افزائشی پروگرام (Enrichment Programme) منعقد کرنا چاہئے۔ ریاضی کے کلب میں ان کو خصوصی ذمہ داریاں سونپی جانی چاہیے۔

ست رفتار طالب علم کے لیے سرگرمی:

ریاضی کے طلباء میں ست رفتار بچوں کی تعداد کثرت سے پائی جاتی ہے۔ یہ بچے اوسط صلاحیت کے بچوں کی اکتساب کی رفتار کے مقابلے سے ہوتے ہیں۔ کسی مسئلہ کا دیر سے ادراک کرنا اور اشاروں کو دیر سے سمجھنا ان کی خصوصیات میں شامل ہیں۔ یہ مسائل کو حل کرنے میں کافی زیادہ وقت لگاتے ہیں۔ ان کی یہ سستی پیدائشی، حیاتیاتی، جسمانی یا نفسیاتی ہو سکتی ہے۔ ایسے طلباء پر خصوصی توجہ کی درکار ہوئی ہے۔ ریاضی کے استاد کو چاہئے کہ ایسے طلباء کی شناخت کرے اس کے بعد ان طلباء کے لیے مناسب اور آسان عنوان کا انتخاب کرے۔ کوشش ہونی چاہئے کہ ایسے طلباء محدود نصاب پر عبور حاصل کر لیں۔ پروگرام لرنگ ایک اہم حکمت عملی ہے جو ست رفتار طلباء کے لیے انتہائی مفید ہے۔ اس کے علاوہ ایسے طلباء کو ذہین و فطین طلباء کے ساتھ گروپ میں شامل کیا جائے جو ان کی مدد کر سکیں۔ ذہین طلباء کو اس کام کے لیے متحرک کرنا چاہئے۔ مزید انسانیاتی کلاس کے ذریعے ان کی رفتار میں اضافہ کیا جاسکتا ہے۔

کندڑہن اور تحسیسی عمل میں خصوصی طور پر کندڑہن طلباء (Dyscalculia) کے لیے سرگرمی:

طلباء کی جماعت میں پشت کندڑہن طلباء بھی موجود ہو سکتے ہیں۔ ایسے طلباء اپنی ذہنی صلاحیت، غیر مناسب موقع کی فراہمی یا کسی ناگہانی

حالت کی وجہ سے اپنے ہم جماعت ساتھیوں سے پچھر کر پست اور کندڑ ہن ہو جاتے ہیں۔ تعلیمی سال کے آغاز میں شاخت کر کے ان طلبہ پر مستقل توجہ دیکران کی پستی کم کی جاسکتی ہے۔ خصوصی پروگرام منعقد کر ان عنوانات اور مواد کی شاخت ہونی چاہیے۔

(Check your progress) اپنی معلومات کی جاگہ

1۔ عام طور پر کسی کمرہ جماعت میں کتنے قسم کے طلباء ہوتے ہیں؟

-2 Discalculia سے کیا مراد ہے؟

-3 کلاس کے ذہین طلباء پر خصوصی توجہ کی ضرورت کیوں ہوتی ہے؟

4.4 مخصوص ضروریات کے حامل طلباء کے لیے تدریسی حکمت عملیاں: باہمی تعاون اکتساب، اشتراکی اکتساب، ہم جماعی اکتساب، ریسی پرولکل اکتساب، گروہی اکتساب، آئی-سی، اٹی اور ملٹی میڈیا کا استعمال

(Teaching learners with special needs-Co-operative Learning, Collaborative Learning Approach, Peer Learning, Reciprocal Learning, Group Learning and using ICT and multimedia)

ذہین طلبہ، کندڑ ہن طلبہ اور سرت رفتار طلبہ کی آموزش ایک ہی طریقہ سے نہیں ہو سکتی۔ بلکہ ہر ایک کے لیے الگ الگ حکمت عملی اختیار کی جانی چاہیے۔

(Cooperative Learning) باہمی تعاون اکتساب

مختلف طلبہ کی صلاحیتوں کا پورا استعمال ان کے باہمی تعاون کے ذریعے اکتساب کا موقع فراہم کیا جاتا ہے۔ باہمی تعاون پر منی آموزش (Cooperative Learning) میں طلبہ کو ان کی صلاحیت کے مطابق کام تقسیم کیا جاتا ہے۔ ہر ایک فرد اپنی ذمہ داری پوری کرتا ہے اور بحیثیت مجموعی طلباء کا گروہ گروہ کے تمام افراد ایک مشترکہ مسئلہ کو حل کرتے ہیں۔ طلباء آپس میں خیالات، حکمت، مواد اور مسئلہ کے حل کے بارے میں باہمی تعامل کر کے موثر اکتساب کرتے ہیں۔ ایسے طریقے سے طلبہ میں ایک ساتھ کام کرنے کی مہارت بھی پیدا ہوتی ہے۔ ICT کے ذریعہ جس کے نتیجے میں طلباء اور اساتذہ کے درمیان تعاون (Co-operation) کے جذبہ کو بڑھا دیا جاسکتا ہے اور ان کی حوصلہ افزائی کو فروغ دیا جاسکتا ہے۔ اور اگر ماہرین موجود ہوں تو ان سے تعامل (Interaction) بھی قائم کیا جاتا ہے۔ یہ حقیقی دنیا کے ساتھ تعامل کر کے جزوی نمونہ (Model) پیش کرتا ہے۔ ICT مختلف ثقافت کے طلباء کے درمیان ایک دوسرے کے ساتھ کام کرنے کا ایک اکتسابی موقع فراہم کرنے میں مددگار ہوتا ہے جس

کے ذریعے سے اکتساب (Learning) میں طلبہ کی حوصلہ افزائی ہوتی ہے اور آپسی ترسیلی کی مہارتؤں کا بھی فروغ ہوتا ہے۔ ان کے اندر عالمگیری بیداری پیدا ہوتی ہے۔ یہ طرز اکتساب تمام طلباء تک رسائی کرتا ہے جس میں ہر عمر اور لیاقت کے طلباء اپنے خالی اوقات اور رفتار کے مطابق استفادہ کر سکتے ہیں۔ اس میں کسی بھی طالب علم کے ہم جماعت طلباء (Peer) ہی نہیں (بلکہ mentors اور مختلف field کے ماہرین بھی شامل ہوتے ہیں)۔

اشتراکی اکتساب کی طرز رسائی (Collaborative Learning Approach)

اشتراکی اکتساب میں طلبہ کو اپنے تجربے شیئر کرنے اور مسائل حل کرنے میں اپنی اپنی مہارتؤں اور علم کا استعمال کرنے کو کہا جاتا ہے تاکہ مسئلہ حل ہوا اجتماعی آموزش ہو۔ اس مخلوط صلاحیتوں کے حامل طلبے کے دو گروہ بنائے جاتے ہیں جن میں سے ہر ایک میں مختلف صلاحیتوں کے حامل طلباء شامل ہوتے ہیں۔ پھر دونوں گروہ میں کرمسلہ کا حل نکالتے ہیں۔ ہر گروہ میں ذین، اوست اور پست رفتار والے طلبہ کو شامل کیا جاتا ہے۔ اشتراکی اکتساب (Collaborative Learning) کو روایتی فن تدریس میں ایک فرد یا کسی ہم آہنگ گروہ (Homogenous Group) میں ہر ایک کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ اس میں ICT اکتساب کے فن تدریس کا استعمال گروہی کام (Team) میں اور Hetrogenous Group کے لیے یا ایک دوسرے کی مدد فراہم کرنے کے لیے بھی کیا جاتا ہے۔ کچھ اشتراکی اکتساب (Collaborative Learning) بلندیڈ اکتساب (Blended Learening) کے ساتھ ہوتا ہے جو کہ User یعنی استعمال کرنے والے کی معلومات کو (Clear) واضح کرنے اور معلومات کو Share کرنے کی اجازت Web پر دیتا ہے۔ اور اس کی مدد سے دوسروں سے تعامل کرتے ہوئے ہم اشتراک (Collaborative) بھی ہو سکتے ہیں۔ Web 2.0 کی مدد سے کوئی بھی آسانی سے اپنے مواد کو تیار کر سکتا ہے اور اشاعت (Publish) کر سکتا ہے اور اس کو دوستوں کے گروہ میں ہم جماعت ساتھیوں (Colleagus) کے درمیان Communicate کر سکتے ہیں۔ اور اس کو World Wide موجود ناظرین کے ساتھ share بھی کر سکتے ہیں۔ جہاں پہلے سے موجود Online Application کے Web 8.0 کے Application کے Web 2.0 کے Application کا استعمال کرنے والوں کو کے مواد تبدیل کرنے کی اجازت کچھ website فراہم کرتی ہیں۔ جبکہ دوسری sites پر ہم اس کی مدد سے اپنے دوستوں سے رابطہ میں رہ سکتے ہیں یہ نماکرات (meeting) کو منظم کرتا ہے۔ اور اس کی مدد سے خبر اور تصاویر کا تبادلہ کیا جاتا ہے۔ مختلف قسم کے Application Web 2.0 اپنے اندر شامل کرتا ہے جیسے ہم Social Networking, Podcasting, Video Sharing Wikis, Blogs، Wikis، Video Sharing وغیرہ ہیں۔

آئی سی ٹی اور ملٹی میڈیا کا استعمال

آئی سی ٹی مختلف ثافت کے طلباء کے درمیان ایک دوسرے کے ساتھ کام کرنے کا ایک اکتسابی موقع فراہم کرنے میں مددگار ہوتی ہے جس کے ذریعے سے طلباء کو اکتساب (Learning) حاصل کرنے میں حوصلہ افزائی ملتی ہے اور آپسی ترسیل کی مہارت کا بھی فروغ ہوتا ہے۔ اور ان کے اندر عالمی طور پر بیداری پیدا ہوتی ہے۔ یہ طرز اکتساب تمام طلباء تک رسائی کرتا ہے جس میں ہر عمر اور لیاقت کے طلباء اپنے خالی اوقات اور رفتار کے مطابق اپنے اکتساب کو آگے بڑھاتے ہیں اس میں نہ صرف اس کے ہم جماعت ساتھیوں کا گروہ بلکہ mentors اور مختلف field کے ماہرین بھی شامل ہوتے ہیں۔

اپنی معلومات کی جائج (Check your progress)

1- ریاضی کی تدریس کے دوران مختلف حکمت عملیوں کا استعمال کیوں ضروری ہے؟

2- تدریس ریاضی میں کون کون سی حکمت عملیاں اختیار کی جاسکتی ہیں؟

4.5 اکتساب ریاضی کو بہتر بنانے والی سرگرمیاں: ریاضی میلہ، اولمپیاڈ، ریاضی ذہانتی شیٹ

(Activities enriching Mathematics Learning- Mathematics Fairs, Olympiads, Talent Test)

ریاضی کی تعلیم کا مقصد طلبہ کے ذہن کو مکمل طور پر ریاضی کے لیے تیار کرنا ہے۔ یہ کام صرف کمرہ جماعت کی سرگرمی سے نہیں ہو سکتا ہے۔ طلبہ کی ہمہ جہت نشونما کے لیے کچھ افزائشی پروگرام منعقد کیے جاتے ہیں۔ ریاضی کے طلبہ کو ان میں چھپی ہوئی صلاحیت کو اجاگر کرنے کے لیے انکو کچھ فری اپسیس دی جاتی ہے تاکہ وہ وہ آزادہ ہن سے مضمون کو اپنے انداز سے ادراک کریں۔

ریاضی میلہ (Mathematics Fair)

ریاضی میلہ میں بچوں کی پر جوش شمولیت سے یہ کیا جاسکتا ہے کہ وہ کافی دبجمی اور دلچسپی سے اس میں حصہ لیتے ہیں۔ میلہ طلبہ کی کمیونٹی کا عکس بھی ہوتا ہے۔ ثقافتی میلے کی طرح ریاضی میلہ کا بھی انعقاد کیا جاسکتا ہے۔ ریاضی میلہ میں ریاضی سے جڑے تمام حفاظت و تصورات پر مبنی معلومات شامل کی جاسکتی ہے۔ ان میلوں میں خرید فروخت کی سرگرمی، ریاضی دال کی سوانح اور ان کی خدمات کی نمائش اور علاقے میں ریاضی کے تینیں بیداری پیدا کرنے کے لیے سماج میں روز بروز استعمال ہونے والے ریاضی کے تصورات کی سرگرم نمائش کی جاسکتی ہے۔ ریاضی کے میلے کے انعقاد سے پہلے استاد کو ایک مکمل منصوبہ بنانا چاہئے۔ اس منصوبہ میں میلے کا عنوان، میلے کی انتظامیہ کمیٹی، اشتہار کمیٹی، عوامی رابطہ کمیٹی، نظم و ضبط کمیٹی وغیرہ قبل از وقت بنائی جانی چاہئے۔ اس کے علاوہ مالی ضروریات کی تکمیل کی خاطر ایک فیناشنل کمیٹی (Financial Committee) بھی ہونا چاہئے۔

ریاضی اولمپیاڈ (Mathematics Olympiad)

لفظ اولمپیاڈ سے مراد بھی براعظموں کا مجموعہ ہے۔ بین اقوامی سطح پر ریاضی کے اکتساب اور مقابلہ آرائی کو فروع دینے کے لیے ریاضی اولمپیاڈ منعقد کیا جاتا ہے۔ اس میں ریاضی کے ذہن طبلاء کو شامل کیا جاتا ہے۔ قومی سطح پر اس کا انعقاد Homi Bhabha centre for Science Education کے اشتراک سے کیا جاتا ہے۔ اس کا خاص مقصد ملک کے ذہن طبلاء کی حوصلہ افزائی ہے۔ بھارت میں ریاضی اولمپیاڈ منعقد کرنے کے لیے ملک کو کل 16 خطوں میں بانٹا گیا ہے۔ بین اقوامی سطح پر ریاضی اولمپیاڈ کل چار مراحل میں منعقد ہوتے ہیں۔ پہلے مرحلے میں قومی سطح پر 16 مراکز پر علاقائی (Regional) میتھ اولمپیاڈ منعقد کیے جاتے ہیں۔ اسے Regional Mathematics

Olympiads کہتے ہیں۔ دوسرے مرحلے میں انہیں نیشنل میچ اولپیاڈ چندر آئزر پر منعقد کیے جاتے ہیں۔ اس مرحلے سے 30-35 بچوں کو منتخب کیا جاتا ہے۔ ان بچوں کی صلاحیتوں کو تیزی سے پروان چڑھانے کی غرض سے جامع تربیت دی جاتی ہے۔ ساتھ میں چند اساتذہ کو بھی تیار کیا جاتا ہے۔ چوتھے مرحلہ میں یہن اقوامی سطح پر ریاضی اولپیاڈ میں ان بچوں کو شامل کیا جاتا ہے۔ مزید تفصیل کے لیے مندرجہ ذیل ویب سائٹ ویزٹ کریں۔

<http://olympiads.hbcse.tifr.res.in/>

<http://www.nbhm.dae.gov.in/>

ریاضی ذہانت ٹیسٹ (Mathematics Intelligence Test)

ریاضی کے اکتساب کو فروغ دینے کے لیے مختلف سرکاری اور غیر سرکاری ادارے ریاضی ذہانت ٹیسٹ (Mathematical Intelligent Test) منعقد کرتے ہیں۔ ایسے امتحانات اسکول کی سطح سے لیکر قومی سطح پر منعقد کیے جاتے ہیں۔ اس سے طلبہ کی ذہانت کی سطح کا علم حاصل ہوتا ہے اور ان میں مقابلہ آرائی کا جذبہ پیدا ہوتا ہے۔

اپنی معلومات کی جانچ (Check your progress)

1۔ ریاضی کے میلے سے کیا مراد ہے؟

2۔ ریاضی اولپیاڈ کتنی اور کون کون سی سطحیں پر منعقد کیا جاتا ہے؟

4.6 ریاضی کٹ، ریاضی کی تجربہ گاہ، ریاضی کلب اور ان کا موثر استعمال

(Mathematics Kits, Mathematics Laboratory, Mathematics Clubs and its effective use)

ریاضی کٹ: ریاضی کی تدریس اور اکتساب میں عمل کے ذریعے سیکھنا (Learning by Doing) ایک اہم طریقہ ہے۔ اس کے لیے بہت سارے آلات اور اشیا کی ضرورت پڑتی ہے۔ درجہ کے حساب سے ان کا مجموعہ (Set) تیار کیا جاتا ہے۔ ایسے مجموعہ کو Mathematics Kit کہا جاتا ہے۔ ایسے کٹ میں علم ہندسه، علم مشاخت، رقبہ پیائش، خرید و فروخت کے ماڈل، نمونے اور آلات موجود ہوتے ہیں۔

ریاضی کی تجربہ گاہ: ریاضی کی تدریس میں براہ راست مشاہدہ اور نفسی حرکی علاقہ کے فروغ کے لیے ریاضی کی تجربہ گاہ بہت کارگر ثابت ہوتی ہے۔ یہ وہ مقام ہے جہاں طلبہ، علم کی تعمیر و تکمیل خود کرتے ہیں۔ ریاضی کی تجربہ گاہ اسکول میں وہ جگہ ہوتی ہے جہاں طلباء ریاضی کے تصورات، توانا و ضوابط اور اصولوں کو حقیقی حالات میں کر کے سیکھتے ہیں اور جہاں جہاں ممکن ہو ان کا ثبوت بھی سیکھتے ہیں۔ ایسی تجربہ گاہ کے لیے کم از کم ایک کمرہ

مختص کیا جانا چاہیے۔ علم ہندسه، علم ملک، رقبہ پیالش، خرید و فروخت جیسے عنوانات کی تدریس کے لیے تجربہ گاہ مفید ہوتی ہے۔ آئی سی ٹی کے آلات کو تجربہ گاہ میں فراہم کرنے سے اسے مزید بہتر بنایا جاسکتا ہے۔

ریاضی کلب: تعلیم کے عمومی مقاصد میں سے ایک اہم مقصد ہے ایک ساتھ رہنا سیکھنا (Learning to live together)۔ ریاضی کلب کے ذریعے اس اہم قدر (Value) کو طلباء میں پروان چڑھایا جاسکتا ہے۔ ایسے کلب میں اسکول کے طلباء، اساتذہ اور ماہرین ریاضی کو شامل کیا جاتا ہے۔ جو کمیٹی یا ممبر کی شکل میں کلب کا کام انجام دیتے ہیں اور ریاضی کی آموزش کو تقویت پہنچاتے ہیں۔ اس کلب کا خاص مقصد ریاضی میں اجتماعی اکتساب کو فروغ دینا ہوتا ہے۔ اس کلب کے ذریعے ریاضی میلہ اور ریاضی مقابله جات جیسی سرگرمیوں کا انعقاد کیا جاتا ہے۔ اس کلب کے ذریعے ریاضی کے توسعی خطبات کا انعقاد کیا جاسکتا ہے تاکہ طلباء است طور پر ماہرین سے استفادہ کر سکیں۔ متذکرہ بالا سرگرمیوں کو کامیابی سے انداز میں منعقد کرنے کے لیے وقتاً فوتاً میٹنگ اور مشورہ کی مجلس کا اہتمام کیا جاتا ہے۔ ایسے کلب فیس یا بنا فیس کے ممبر شپ دے سکتے ہیں۔ یہ ایسا پلیٹ فارم ہوتا ہے جہاں مختلف خیالات، آئینہ یا وغیرہ کے اظہار کرنے کی آزادی ہوتی ہے۔ اس کے ذریعے طلباء میں رہنمائی (Leadership) کی خوبی پروان چڑھتی ہے۔

اپنی معلومات کی جائجی (Check your progress)

1- ریاضی کٹ میں کون کون سے آلات شامل ہوتے ہیں؟

2- ریاضی کی تجربہ گاہ کا سب سے بڑا فائدہ کیا ہے؟

4.7 ریاضی کے تیئیں ثابت رویے کو فروغ دینے کے طریقے اور ریاضی کے خوف کو دور کرنا

(Ways and Means of Providing Positive Attitude towards Mathematics and reducing Mathematics Phobia)

ریاضی کے تیئیں ثابت رویہ پیدا کرنا:

عموماً ریاضی کے اکتساب کے تیئیں منفی رویہ پایا جاتا ہے۔ اسکا خوف طلباء کم عمری سے ہی پیدا کیا جاتا ہے۔ اس کو ایک مشکل مضمون کے طور پر پیش کیا جاتا ہے۔ جس کے نتیجے میں طلبہ کا اکتساب متاثر ہوتا ہے۔ اور ان میں ریاضی کا خوف و عدم دلچسپی پیدا ہوتی ہے۔ اس لیے ضروری ہے کہ طلبہ اور سماج میں ریاضی کے تیئیں ثابت رویہ پیدا کیا جائے۔

مندرجہ ذیل طریقوں سے ریاضی کے تیئیں ثابت نفیات پیدا کی جاسکتی ہے۔

1- ریاضی کی اہمیت کے بارے میں عمومی بیداری پیدا کرنا۔

2- طلباء کی روزمرہ زندگی سے ریاضی کے تعلق و رشتہ کی تفصیل بتانا اور اس کی تشویح کرنا۔

- 3۔ ریاضی کی تدریس کو طفل مرکوز بنانے کے لیے مختلف تدابیر اختیار کرنا۔
- 4۔ ریاضی تدریس و اکتساب میں کر کے سیکھنے کو ترجیح دینا۔
- 5۔ ریاضی میلہ کا انعقاد کرنا۔
- 6۔ ریاضی تجربہ گاہ کا خوب استعمال کرنا۔

ریاضی کا خوف دور کرنا:

خوف انسانی آموزش کو منفی طور پر متاثر کرتا ہے۔ ضروری ہے کہ یہ خوف دور کیا جائے۔ اس کے کئی طریقے ہو سکتے ہیں۔ یہ خوف اساتذہ کے ذاتی رویہ اور تدریس کے طریقے کی وجہ سے بھی پیدا ہو سکتا ہے۔ اس ضمن میں درج ذیل تدابیر اختیار کی جائیں۔

- 1۔ طلبہ کی کمزوریوں کی شناخت کی جائے اور ان کے ازالے کے لیے منظم کوشش کی جائیں۔
- 2۔ بنیادی تصورات کی تدریس پر خصوصی توجہ کے ذریعے۔
- 3۔ ریاضی کے مسائل کے حل کرنے کے عمل میں طلباء کو کمی مستقل مدد کر کے۔
- 4۔ کمزور سے کمزور طلباء کی حوصلہ افزائی کر کے۔
- 5۔ ریاضی کے اساتذہ کے ہمدردانہ رویہ کے ذریعے۔

اساتذہ کا جھبھوڑی اور مشتقانہ رویہ طلبہ کا خوف کو دور کرنے میں بہت معاون ہوتا ہے۔ والدین کو بھی چاہئے کہ وہ اپنے بچے کے ریاضی کے اکتساب میں صبر سے کام لیں اور ہمیشہ معاون و مددگار کی طرح سلوک کریں۔

اپنی معلومات کی جانچ (Check your progress)

1۔ عام طور پر بچے ریاضی سے کیوں گھبرا تے ہیں؟

2۔ ریاضی کے تیئیں ثابت نظریات پیدا کرنے کے کوئی دو طریقے بیان کیجیے؟

4.8 یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)

- ☆ ذہین رذکی آموزگاروں یے بچے جو ریاضی میں نمایاں لچکی لیتے ہیں انکوڈ کی آموزگار کے طور پر منسوب کیا جاتا ہے۔
- ☆ پست آموزگا ایسے طلبہ جو اپنی ذہنی صلاحیت، غیر مناسب موقع کی فراہمی یا کسی ناگہانی حالات کی وجہ سے اپنے ہم جماعت ساتھیوں سے پچھڑ کر پست ہو جاتے ہیں

باہمی تعاون اکتساب طرزِ رسائی کے زریعے مختلف صلاحیت کے حامل طلباء آپس میں تعامل کر کے کسی مخصوص Concept کا اکتساب کرتے ہیں۔

شیکست، آڈیو، ویدیو، پیغمبیریشن اور تصاویر کی ترکیب کوٹی میڈیا کہتے ہیں۔

ریاضی کا خوف طلباء میں بالکل کم عمری سے پیدا کیا جاتا ہے۔ اس کو ایک مشکل مضمون کے طور پر سمجھا اور سمجھایا جاتا ہے۔ جس کے نتیجے میں طلباء کا اکتساب متاثر ہوتا ہے۔ اور ان میں ریاضی کا خوف اور اس سے عدم دلچسپی پیدا ہوتی ہے۔

لفظ اولمپیاڈ سے مراد سمجھی براعظموں کا مجموعہ ہے۔ بین الاقوامی سطح پر ریاضی کے اکتساب اور اس کی مقابلہ آرائی کو فروع دینے کے لیے ریاضی اولمپیاڈ منعقد کیا جاتا ہے۔

فرہنگ (Glossary) 4.9

یا ایک طرح کی کندیشن ہے جس میں طلباء کی حساب اور نمبر کو سمجھنے کی صلاحیت متاثر ہو جاتی ہے۔	Dyscalculia
خداداد صلاحیت کے حامل بچے	Gifted learner
ست رفتار آموزگار	Slow learner
پست آموزگار کندذان	Backward learner
باہمی تعاون اکتساب	Cooperative learning
اشترائی اکتساب	Collabratative Learning
هم جماعت اکتساب	Peer learning
ریسی پروگریکس اکتساب	Reciprocal learning
اجتمائی اکتساب	Group Learning
ملٹی میڈیا	Multi Media
ریاضی خوف	Mathematics phobia
ثبت رویہ	Positive Attitude
اولمپیاڈ	Olympiad

4.10 اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)

معروضی جوابات کے حامل سوالات (Objective Answer Type Questions)

1۔ طلباء تخلیل غور و فکر اور اچھی دلیل دینے کے مالک ہوتے ہیں۔

2۔ ریاضی اولمپیاڈ کو مراحل میں منعقد کیا جاتا ہے۔

3۔ کی مدد سے کوئی بھی آسانی سے اپنے مواد کو تیار (Create) کر سکتا ہے۔

4۔ ست رفتار آموزگار بچوں کے لیے پروگرام منعقد کیے جاتے ہیں۔

5۔ ریاضی اولمپیاڈ قومی سٹھپٹ کے اشتراک سے منعقد کیا جاتا ہے۔

مختصر جوابات کے حامل سوالات (Short Answer Type Questions)

1۔ باہمی تعاون آموزش پر نوٹ لکھیے۔

2۔ اسکول میں ریاضی کی تجربہ گاہ ہونا کیوں ضروری ہے؟

3۔ باہمی تعاون آموزش اور اشتراکی آموزش کے درمیان کیا فرق ہے؟

4۔ طلباء کے درمیان ریاضی کے خوف کو دور کرنے کے لیے استاد کون سی حکمت عملی اپنانا چاہیے۔

5۔ خصوصی ضرورت والے آموزگار کے لیے تدریسی حکمت عملی بیان کیجیے۔

طویل جوابات کے حامل سوالات (Long Answer Type Questions)

1۔ ریاضی میں ذکی (ذہین)، ست رفتار اور پست طلباء کے لیے تعلیمی سرگرمیوں کا انعقاد کیسے کریں گے؟

2۔ خصوصی ضروریات کے حامل طالب علم کے لیے تدریسی حکمت عملی بیان کیجیے۔

3۔ ریاضی کی اکتساب کے لیے افزائشی سرگرمیوں کی نوعیت بیان کیجیے۔

4۔ ریاضی کو کر کے سکھنے کے مقام و موقع کی ضرورت، نوعیت اور اس کے فائدے پر بحث کیجیے۔

5۔ طلبہ میں ریاضی کے تین ثابت رویہ پیدا کرنے کی حکمت عملیوں پر روشنی ڈالیے۔

4.11 مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)

P.K.(2010)Resource Material Mathematics Club Actirarue.

Riedesel,C.A& Schwartz,J.K.(1994).Essentidls of Elenaentantry

Mathamatic(nd)Heigls,MA(USA):Allyn&Bacon.

Madaholi,A.G.(1952).Khel de Zaria Taalim Delhi:-Maktaba Jamia Limited

Kumar,V.(Edit.)(2012).Pedagory of Mathamnhs new Delhi:-NCERT.

اکائی 5۔ ریاضی کے معلم کا پیشہ و رانہ فروغ

(Professional Development of Mathematics Teacher)

اکائی کے اجزاء

تمہید (Introduction)	5.1
مقاصد (Objectives)	5.2
ریاضی کے معلم کے لیے بر سر خدمت پروگرامس (In-service Programmes for Mathematics Teacher)	5.3
ریاضی کے اساتذہ کی انجمن - کردار اور افعال	5.4

(Mathematics Teachers' Association - Role and Function)

ریاضی کے تعلیمی جرائد اور دیگر وسائل	5.5
--------------------------------------	-----

(Journals and other Resource Material in Mathematics Education)

پیشہ و رانہ فروغ - کانفرنس / سینماں / اور کشاپس اور ای - لرنگ میں شرکت	5.6
--	-----

(Professional Growth - Participation in Conferences / Seminars / Workshops / and E-Learning)

ریاضی کی تدرییں و اکتساب کے معیار کو بہتر بنانے کے لیے عملی تحقیق	5.7
---	-----

(Action Research for Improving Quality of Mathematics Teaching and Learning)

یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)	5.8
فرہنگ (Glossary)	5.9
اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercise)	5.10
مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)	5.11

تعلیم سے مسلک کسی بھی عمل میں معلم ایک مرکزی حیثیت رکھتا ہے۔ اگر کسی بھی ملک کی قسمت اس کے کلاس روم کے اندر تیار ہو رہی ہے تو اس کو تیار کرنے والی واحد شخصیت معلم کی ہوتی ہے۔ ملک کے مستقبل کو سنوارنے کے لیے معلم کی کاوشوں کا مقابلہ کسی چیز سے نہیں کیا جاسکتا ہے مستقبل کے سنوارنے میں اس کے کام کا کوئی فغم البدل نہیں ہو سکتا ہے، اس کی ذمہ داریوں اور فرائض میں چار چاندگ جاتے ہیں جب وہ تدریس اور دیگر ذمہ دار ہوں کی ادائیگی کے ساتھ ساتھ اپنے مضمون پر مذید مہارت کے لیے محنت کرتا ہے۔ جب وہ ان بچوں کو بھی ریاضی سیکھانے کی کوشش کرتا ہے جو عام طور پر اس مضمون سے ڈرتے ہیں اور اسے بہت مشکل مضمون سمجھتے ہیں۔

یریاضی کے معلم کی ذمہ داری ہو جاتی ہے کہ تدریس ریاضی کو پرکشش بنائے اور ریاضی کی افادیت کو روزمرہ کی زندگی میں اس طرح سے پیش کرے کہ اس سے طلباء میں دلچسپی پیدا ہو جائے۔ ان ذمہ داریوں کو رسی اور غیر رسی تدریسی طریقوں سے پورا کرنے کے لیے ریاضی کے معلم کو پہلے سے پوری طرح تیار ہونے کی ضرورت ہے۔ پیشہ وار انہ تربیت (Professional Training) کے دوران جو معلومات ریاضی سے متعلق دی جاتی ہے وہ ناکافی ہوتی ہیں۔ ان اساتذہ کو اگر اپنے طلباء کے ساتھ انصاف کرنا ہے تو انہیں اپنے پیشہ وار انہ فروغ کے لیے مختلف کاؤشیں اختیار کرنی پڑتی ہیں۔

لفظ پیشہ وار انہ فروغ کا مفہوم:

عام افظوں میں پیشہ وار انہ فروغ کا مطلب کسی فرد کا اپنے پیشہ میں ترقی کرنا۔ اس نظریہ سے پیشہ وار انہ فروغ کسی معلم کی صلاحیتوں، اہلیتوں اور مہارتوں میں نشوونما اور فروغ کی نشاندہی کرتا ہے جس کا تعلق اس کے تعلیمی پیشے کے فروغ سے ہوتا ہے۔

تدریس کا عمل ایک فن بھی ہے اور ایک سائنس بھی ہے۔ اس وجہ سے ایک ریاضی کے استاد کو اپنے پیشہ وار انہ فروغ کے لیے اس پیشہ کی لازمی مہارتوں اور سائنس کو اچھی طرح سے سیکھنا چاہئے۔ مدرس کو یقیناً اس لائق ہونا ہے کہ وہ اپنے طلباء کو ریاضی کے تئیں معلومات حاصل کرنے اور رائے بنانے میں مدد کر سکے۔ تمام علوم بشمول ریاضی کی معلومات میں مسلسل اضافہ ہو رہا ہے اور یہ سلسلہ کھیٹھر نہیں سکتا ہے اس وجہ سے معلم کو ہمیشہ نئی جانکاریوں سے رو برو ہوتے رہنا ہے۔ ساتھ ہی ریاضی کے تدریسی طریقوں اور تکنیکیوں سے بھی اپنے آپ کو تروتازہ (Up to Date) رکھنا ہے۔ ریاضی کے مختلف گوشوں کے فروغ پر ہونے پر نظر کھنی ہے۔

ان ساری کوششوں کے لیے ضروری ہے کہ معلم میں جوش و خروش اور ساتھ ہی ساتھ مختلف سرگرمیوں میں حصہ لیتے رہنا چاہیے تاکہ لازمی اہلیتوں اور صلاحیتوں کے حصول کو یقینی بنایا جا سکے۔ دوسرے لفظوں میں کہہ سکتے ہیں کہ ریاضی کے مدرس کو مستعد اور فعال رہنا ہو گا جو کہ پیشہ وار انہ فروغ کے لیے ضروری ہے۔

ریاضی کے معلم کا پیشہ وار انہ فروغ کی ضرورت (Need of the Professional Growth of Mathematics Teachers)

ریاضی کے مدرس کے پیشہ وار انہ فروغ کی ضرورت مندرجہ ذیل نکات سے واضح کی جاسکتی ہے۔

- 1۔ ریاضی کا مدرس ریاضی کے مضامین میں نئے لا جھ عمل، تکنیکیوں اور ریاضی کی تدریس کے طریقوں کا استعمال کر کے ریاضی کی تدریس کو موثر بناسکتا ہے۔

- 2- تدليس رياضي کے مقاصد کی روشنی میں، موزوں تجرباتی سرگرمیوں اور مناسب لائچے عمل اور طریقوں کا انتخاب، مناسب تدریسی اکتسابی اشیاء یا اکتسابی مواد کا استعمال کر سکتا ہے۔
- 3- مناسب تعین قدر کے آلات کا استعمال موثر طریقے سے کر سکتا ہے۔
- 4- رياضي کے تیئں ثابت رجحان، دلچسپی اور رياضي کے مضامین کو بڑھانے کے لیے نئے نئے طریقوں کا استعمال خود اپنے انداز سے کر سکتا ہے۔
- 5- رياضي کے میدان میں ہونے والی نئی معلومات اور مضمون میں ہونے والے نئے فروغ (Developments) سے اپنے آپ کو واقف کروا سکتا ہے۔
- 6- اکتسابی مواد کو تیار کرنے کی ضروری اہم مہارتوں کو حاصل کر سکتا ہے۔
- 7- رياضي کی تدریس کو موثر بنانے کے لیے رياضي کی تجربہ گاہ کے لیے درکار اہلیتوں کو حاصل کر سکتا ہے۔
- 8- رياضي کی تدریس و اکتساب کے لیے لازمی معلومات، اہلیتوں اور مہارتوں کو حاصل کر سکتا ہے تاکہ ان کی مدد سے ہم نصابی سرگرمیوں اور غیر رسی تجربات کو منظم کر سکے۔
- 9- رياضي کی تاریخ کو جاننے اور سمجھنے کے لیے ضروری معلومات حاصل کر سکتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ عظیم رياضي دانوں کی خدمات کا استحسان کر کے طالب علموں میں رياضي کے تیئں دلچسپی پیدا کر سکتا ہے۔
- 10- طلباء کے نجی تعلیمی مسائل کی تفہیم اور انہیں حل کرنے کی قابلیت کو فروغ دے سکتا ہے۔ تاکہ رياضي میں طلباء کی کارکردگیوں کو بہتر کیا جاسکے۔
- 11- رياضي کا استاد رياضي کے نصاب کی تدوین و ترویج اور اس کے جائزہ (Review) میں حصہ لے سکتا ہے۔ رياضي کی تدریسی کتاب کا جائزہ، ICT کا استعمال، رياضي کے اکتساب و تدریس کی تیاری اور تعین قدر کی مناسب اسکیم کی تیاری میں اپنی صلاحیتوں کا استعمال کر سکتا ہے۔
- 12- رياضي تدریس و اکتساب سے متعلق نئے مسائل پر عملی تحقیق (Action Research) کے ذریعے سے اپنی کارکردگی کو بہتر بنانے سکتا ہے۔

زیر ملازمت تربیت (In-Service Training)

ڈیپاٹمنٹ آف ایجوکیشن انینڈرینگ (1970) یو۔ کے۔ کے مطابق۔

"کسی بھی قسم کی سرگرمی جسے ایک معلم اپنا تدریسی پیشہ شروع کرنے کو بعد انجام دیتا ہے جو یہ اس کے پیشہ و رانہ عمل سے تعلق رکھتی ہے "اس کو ان سروں ٹریننگ کہا جاتا ہے۔

زیر ملازمت تربیت کی تعریف یوں بھی کی جاسکتی ہے کہ ورکشاپ جس میں بر سر خدمت پیشہ و پیشہ سے متعلق دیگر لوگ حصہ لیتے ہیں۔ تاکہ ان کو نئے اور بہتر طریقوں کی معلومات ہوجس سے انہیں ان مہارتوں کو موثر اور مناسب طریقوں سے اپنے پیشہ و رانہ میدان میں اور بہتر ڈھنگ سے استعمال کرنے کا موقع فراہم ہوتا ہے۔

زیر ملازمت تربیت، پیشہ وارانہ فروغ اور صلاحیتوں کو بہتر سے بہتر کرنے کا ایک مسلسل عمل ہے۔ یہ ریاضی کے اساتذہ کی اہلیتوں کے فروغ میں بہت اہم کردار بھاتی ہے۔

The training of teachers is a major area of concern at present as both pre-service and in-service training of school teachers are extremely inadequate and poorly managed in most states. Pre-service training needs to be improved and differently regulated both in public and private institutions, while systems for in-service training required expansion and major reform that allow to greater flexibility. - NCFTE 2009, P.6

زیر ملازمت تربیت کی ضرورت (Need for in-service Training)

زیر ملازمت تربیت کی حسب ذیل ضرورتیں ہیں:

- ☆ ریاضی کے موجودہ نصاب کی خامیوں میں اصلاح کے لیے۔
- ☆ ریاضی کے میدان میں نئی معلومات کو حاصل یا فراہم کرنے کے لیے۔
- ☆ ریاضی کے تدریسیاتی تکنیکوں کی تفہم میں معاونت کے لیے۔
- ☆ نئے اصولوں کو تدریسی و اکتساب کے عمل میں شامل کرنے کے لیے۔
- ☆ ریاضی کے معلمین کو ریاضی کی نئی ایجادات سے روشناس کرانے کے لیے۔
- ☆ ریاضی کے مسئلے کو سمجھنے اور اس کا حل نکالنے کے لیے۔
- ☆ کمرہ جماعت میں درپیش روزمرہ کے مسائل جیسے نظم و ضبط وغیرہ کے حل کی صلاحیتوں کے فروغ کے لیے۔
- ☆ ریاضی کے معلمین کو ریاضی کے میدان میں عملی تحقیق (ایکشن ریسرچ) پر عمل آوری کے لیے۔
- ☆ ریاضی کے طریقہ تدریس کو پرکشش اور دلچسپ بنانے کے لیے۔

5.2 مقاصد (Objectives)

اس اکائی کے مطالعے کے بعد آپ اس قابل ہو جائیں گے کہ:

- ☆ پیشہ وارانہ فروغ (Professional Development) کے تصور کی وضاحت کر سکیں۔
- ☆ ریاضی کے اساتذہ کے پیشہ وارانہ فروغ کی اہمیت بیان کر سکیں۔
- ☆ ریاضی کے اساتذہ کے پیشہ وارانہ فروغ میں ان کی انجمن (Association) کے کردار پر بحث کر سکیں۔
- ☆ ریاضی کے اساتذہ کے پیشہ وارانہ فروغ کے لیے کانفرنس، سیمینار اور ورکشاپ میں شرکت کی معنویت بیان کر سکیں۔
- ☆ ریاضی کی تدریسی و اکتساب میں E-Learning اور Action research عمل آوری کر سکیں۔

5.3 ریاضی کے معلم کے لیے زیر ملازمت پروگرام

(In-service Programmes for Mathematics Teacher)

زیر ملازمت پروگرام (In-Service Programmes)

معلم کا معیار اس بات پر منحصر کرتا ہے کہ اس کو کس طرح کی تربیت حاصل کرنے کا موقع ملا جائے۔ اس ائمہ کے پیشہ وارانہ تعلیمی فروغ ان کی زیر خدمت تعلیم اور تربیت کا ایک اہم عصر ہے۔ ریاضی کے اس ائمہ کو اپنی ان اہلیتوں کو فروغ دینا چاہیے جن کے ذریعے طلباء کی جدید تعلیمی ضرورتوں کو پورا کیا جاسکے۔ یہ صرف اس وقت ممکن ہو سکتا ہے کہ معلمین خود کی اور فنی لحاظ سے بلندی پر لے جائیں۔ اس لیے زیر ملازمت پروگرام معلمین کے متواتر پیشہ وارانہ فروغ اور ان کی اہلیتوں کو ابھارانے کے لیے ایک فیصلہ کن عصر ہے۔

In-service Teacher Education وہ تعلیم ہے جو ایک مدرس اپنے مدرسی پیشہ میں شامل ہونے کے بعد حاصل کرتا ہے۔ زیر ملازمت پروگرام میں تعلیمی، سماجی اور دوسرے تمام پروگرام شامل ہیں جن میں معلم حصہ لیتا ہے اور ان میں اسکول کے خالی اوقات یا اسکول کے وقت سے فارغ ہونے کے بعد شامل ہوتا ہے۔ معلم کے لیے معلومات، مہارتوں اور دلچسپیوں کا ہر پہلو باعث قدر ہوتا ہے۔ زیر ملازمت پروگرام میں ایسی تمام سرگرمیاں شامل ہیں جن میں خدمت فراہمی کے دوران شرکت کی جاتی ہیں۔

زیر ملازمت تعلیم اس ائمہ کے پیشہ وارانہ فروغ اور اہلیتوں کو فروغ دینے کا بہت اہم ذریعہ ہے۔ روایتی تعلیم و تربیت کا پروگرام اس ائمہ کی پیشہ وارانہ ضرورتوں کو پورا کرنے میں ناکافی ثابت ہوا ہے اس کے برخلاف بر سر خدمت رہتے اس ائمہ، جدید طرز پر میں پروگراموں میں شرکت کرتے ہیں وہ زیادہ موثر ثابت ہوتے ہیں۔ یہ پروگرام ریاضی کے اس ائمہ کو اس لائق بنادیتا ہے کہ وہ طلباء کی اکتسابی ضروریات کے مطابق اکتسابی تجربات کا انتخاب کر سکیں اور انہیں تربیت دیں۔

ان بر سر خدمت پروگراموں میں حسب ذیل سرگرمیاں شامل ہیں۔

کانفرنس	-1
(Conferences)	
سینیئنار	-2
(Seminars)	
ورکشاپ	-3
(Workshop)	
سمپوزیم	-4
(Symposium)	
کلیل مدتی پروگرام	-5
(Short term programme)	
اوریئنٹیشن پروگرام	-6
(Orientation Programme)	
ریسرچ پروجیکٹس	-7
(Research Projects)	
تجددی پروگرام	-8
(Refreshers Programmes)	

اپنی معلومات کی جانچ (Check your progress)

1- معلم کا معیار کس چیز پر منحصر ہوتا ہے؟

-2

زیر ملازمت پروگراموں میں شامل کوئی چار سرگرمیوں کے نام لکھیے؟

5.4 ریاضی کے اساتذہ کی انجمن: کردار اور افعال

(Mathematics Teachers, Association : Role and Function)

پیشہ وارانہ تنظیم اور ٹیچر ایسوی ایشن ریاضی کے معلم کے پیشہ وارانہ فروغ میں ایک اہم کردار ادا کرتی ہیں۔ یہ تنظیمیں اور انجمن اپنی میئنگ منعقد کرتی ہیں۔ تعلیم اور مضمون سے متعلق مختلف موضوعات پر بحث و مباحثہ کرواتی ہیں۔ تجربات کے فروغ اور نئی خوج کی عادت پیدا کرتی ہیں۔ یہ ایسوی ایشن اپنے ارکان کی خصوصی اور عمومی ضروریات پر توجہ دیتی ہیں اور ساتھ ہی ساتھ اساتذہ کی پیشہ وارانہ ضرورتوں کے فروغ پر توجہ مرکوز کرتی ہیں۔ ان ایسوی ایشن کی پرو سیڈنگ، روپورٹس اونچے نئے موضوعات و خیالات اخبارات، جرلس اور رسائل میں شائع ہوتے ہیں۔ ان کا مطالعہ ریاضی کے معلم کو لامدد و دفائد پہنچانے میں مدد کرتا ہے۔ موجودہ ساری تنظیمیں اور ایسوی ایشن ریاضی کی تعلیم کی ترویج و تبلیغ میں بالواسطہ مدد کرتی ہیں اور ساتھ ہی ساتھ ریاضی کے معلم کے پیشہ وارانہ فروغ میں بھی مدد کرتی ہیں۔

کردار و افعال (Role and Functions)

یہ انجمنیں اور تنظیمیں:

- ☆ ریاضی کے معلم کو سطح پر اپنی پیشہ وارانہ مہارتوں کو ابھارنے کا موقع مہیا کرتی ہیں۔
- ☆ ریاضی کے اکتساب کو دلچسپ اور قابل توجہ بنانے میں ریاضی کے مدرس کی مدد کرتی ہیں۔
- ☆ طلباء کی ریاضی کی صلاحیتوں کی شناخت کرتی ہیں اور ان صلاحیتوں کو فروغ دینے میں اہم کردار ادا کرتی ہیں۔
- ☆ ریاضی کی تعلیم میں نئی نئی معلومات کو عام کرتی ہیں۔
- ☆ اسکولوں میں ریاضی کی تعلیم کے تین بحث و مباحثہ کا انعقاد اور رائے مشورہ کرواتی ہیں۔
- ☆ یہ National Mathematics Talent Test ہے جس سے امتحانات اور Tests اور دیگر مقابلہ جاتی امتحانات کا انعقاد کرواتی ہیں۔
- ☆ ریاضی کے اساتذہ کے لیے مختلف Orientation Programme اور ورک شاپ کا انعقاد کرتی ہیں جس میں اساتذہ کو ریاضی میں استعمال کی جانے والی نئی حکمت عملیوں سے رو برو کیا جاتا ہے۔
- ☆ ریاضی کے مختلف رسائل اور تحقیقی جرائد شائع کرتی ہیں جن میں ریاضی کے میدان میں نئی دریافتوں کی جانکاری ہوتی ہے۔
- ☆ آن لائن ٹیچنگ اور لرننگ کو بڑھاوا دینے اور تیار کرنے میں مدد فراہم کرتی ہیں۔ ملٹی میڈیا کی تیاری بندیا دی چیزوں کے تعارف، کوالیٹی اکائی کا تعارف اور سبق کے ڈیزائن کرنے میں یہ بہت کارآمد ہوتی ہیں۔
- ☆ ان ایسوی ایشن کا ایک مقصد غیر معمولی صلاحیتوں کے مالک ریاضی دانوں اور ریاضی کے اساتذہ کو ایک ایسا پلیٹ فارم فراہم کرنا ہوتا ہے

جہاں وہ ریاضی کے مختلف مسائل اور تحقیقات کو تفصیل کے ساتھ زیر بحث لا کر قابل قول متوجہ اخذ کر سکیں۔
 طلباء کے اندر سے ریاضی کا خوف (Phobia) باہر نکالنے کے لیے ماہرین ریاضی کے توسعی خطبات کا انعقاد کرتی ہیں۔
 ☆
 ریاضی کے چند معروف ایسوی ایشن کے نام حسب ذیل ہیں۔

- 1) The Association of Mathematics Teachers of India (AMTI), Chennai
- 2) National Association of Teacher Education.

اپنی معلومات کی جائج (Check your progress)

1- ریاضی کے اساتذہ کی انجمن کے کوئی دو افعال بیان کیجیے؟

2- اپنے علاقے میں سرگرم اساتذہ کی انجمنوں کے نام لکھیے؟

5.5 ریاضی کے تعلیمی جریل اور دیگر وسائل

(Journals and other Resource Materials in Mathematics Education)

ریاضی کے اساتذہ کے پیشہ و رانہ فروغ کے لیے یہ لازمی ہے کہ ان اساتذہ کو مختلف جریل، رسائل اور ریاضی کی حوالہ جاتی کتابوں کی معلومات یقیناً ہونی چاہیے یہ سارے وسائل ریاضی کے لٹریچر کو تفصیل سے بیان کرتے ہیں۔ جریل معلومات کے بہت اہم ذرائع ہیں جس کی مدد سے اکتسابی مشکلات، نئی اصطلاحات اور خود کا انداز قدر کرنے کی مختلف تکنیکیوں کی معلومات ہوتی ہے۔ جہاں ان سے مختلف تصوارات کو الفاظ میں بیان کرنے کا موقع ملتا ہے وہیں اپنے خیالات یا تخيیل کو بھی چاپنے کا ذریعہ فراہم ہوتا ہے۔ ان جریل کے واضح اصول و قوانین ہونا چاہیے کہ کس طرح جریل کھے جانے چاہیے۔ اس میں اساتذہ کو Feedback ملتا ہے جس سے وہ اپنے طرز رسائی کو بہتر کر سکتے ہیں۔ ہندوستان اور بین الاقوامی سطح پر شائع ہونے والے جریل حسب ذیل ہیں۔

ہندوستان میں شائع ہونے والے ریاضی کے جریل کی فہرست:

- 1) The Maths Teacher (Bi-monthly) - S.I.T.U Colony, Chennai - 28
- 2) Ganita Bharti - Bulletien of the Indian Society for History of Mathematics.
- 3) Resonance Journal of Science Education, Indian Academy of Science, Bangalore.
- 4) The Maths Education - Station Road, Siwan, Bihar,
- 5) Indian Journal of Mathematics Education: An official Journal of the Delhi Association

of Mathematics Teacher, India (Quarterly)

- 6) Indian Journal of Mathematics Teaching (Half Yearly) Association for Improvement of Mathematics Teaching, Jagadbandhu Institution, Fern Road Calcutta, 700019, India
- 7) Mathematical Education: A quarterly journal of Higher Education (Sponsored by UGC) New Age International Ltd. 4835/24, Ansari Road, Daryaganj, New Delhi - 110002.
- 8) Junior Mathematics (Tri Annually) Published by the Association of Mathematics Teachers of India, Tamil Nadu.
- 9) Journal of Inter-Disciplinary Mathematics (Bi-monthly) published by Tara Publications, Delhi India.

بین الاقوامی سطح پر شائع ہونے والی کچھ جلس کی نہرست

- 1) The Mathematics Gazette (3 times a year) Mathematical Association, 259, London Road, Leicester, LE 23 BJ, U.K.
- 2) Mathematics in Education and Research (Quarterly) Springer New York, Inc 333 Meadow Lands, Parkway, USA.
- 3) The Mathematics Educator (Semi-annual) Singapore.
- 4) Pythagoras (Pretoria), 3 times a year. Mathematical Association of Southern Africa (MASA), P.O. Box 12833, 6006 Centrahill, South Africa.
- 5) Journal of Recreational Mathematics : Baywood Publishing, P.O Box. 337, Amity Vile, Ny. 11701, USA.
- 6) Australian Mathematics (Semi-annual) : Australian Association of Mathematics Teachers, P.O. Box. 1729, Adelaide, SA, 5001, Australia.
- 7) International Journal of Mathematics Education in Science and Technology. (Bimonthly) Address: Taylor and Francis Ltd. Gunpowder Square, London EC1A 3DE, United Kingdom.

اپنی معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1- ریاضی کے اساتذہ کے لیے ریاضی کے جلس کا مطالعہ کیوں ضروری ہے؟

2-

ہندوستان میں شائع ہونے والے ریاضی کے جلس میں سے کوئی دو جلس کا نام لکھیے؟

5.6 پیشہ و رانہ فروغ - کانفرنس / سینماںر / ورکشاپ اور ای - لرنگ میں شرکت

(Professional Growth - Participation in Conferences / Seminars / workshops and E-Learning)

سینماںر / ورکشاپ (Seminars / Workshops)

ریاضی کے معلم کے پیشہ و رانہ فروغ کے لیے سینماںر اور ورکشاپ بہت ہی اہم وسائل میں شمار کیے جاتے ہیں۔ معلم کے اپنے ادارے میں یا ادارے کے باہر ان پروگراموں کو منعقد کیا جاتا ہے۔ کالجوں اور یونیورسٹی کے شعبوں، SCERT اسٹیٹ انسٹی ٹیوٹ آف ایجوکیشن، این سی آرٹی اور ایسوی ایشن کے ذریعے بھی سینماںر اور ورکشاپ منعقد کیے جاتے ہیں۔ جہاں سینماںر میں کسی ایک مخصوص عنوان کے مختلف پہلوؤں پر بحث کی جاتی ہے ان پروگراموں کے شرعاً، ماہرین مخصوص اور با اثر لوگوں کے ذریعے جو بھی بحث و مباحثہ کیا جاتا ہے وہ نظریاتی ماہیت کا ہوتا ہے جبکہ ورکشاپ میں ان ہی تصوارات کو اس مخصوص جماعت میں شامل لوگ عملی جامہ پہنانے کی کوشش کرتے ہیں۔ اس طرح ہم کہہ سکتے ہیں کہ ورکشاپ میں اندر عملی جامہ پہنانے کا جو طریقہ ہے وہی اس کو سینماںر سے الگ کرتا ہے۔ ورکشاپ میں ریاضی کی تعلیم کو س طرح سے بہتر سے بہتر کیا جائے اس کو عملی طور پر کر کے دکھانے کی کوشش کی جاتی ہے۔

ریاضی کی تعلیم کے لیے بے شمار گرمیاں اور ایشور پر ورکشاپ اور سینماںر منعقد کیا جاسکتے ہیں جو حسب ذیل ہیں۔

☆ ابتدائی / میڈیل / ثانوی سطح پر ریاضی کی تدریسی کے لیے ہدایتی پیکچر کا فروغ کیا جانا۔

☆ ابتدائی اور ثانوی سطح پر ریاضی کی لیبارٹری کا موثر استعمال میں لانا۔

☆ ابتدائی / میڈیل / ثانوی سطح کے لیے ریاضی کی تعلیم کے لیے تدریسی اشیاء تیار کرنا۔

☆ مختلف قسموں کے معروضی سوالات تیار کرنا۔

☆ ریاضی کے نصاب کی تیاری کرنا۔

☆ ریاضی کے تعین قدر کے آلات (tools) تیار کرنا۔

☆ ریاضی میں ہونے والی نئی نئی تحقیقات و ایجادات پر نئی تعلیمی امدادی وسائل تیار کرنا۔

☆ ریاضی کے تعلق سے تجرباتی منصوبوں کو تیار کرنا۔

☆ اکتسابی مواد کی تیاری کرنا۔

ای - لرنگ (E-Learning)

ای - لرنگ اکتسابی حکمت عملی کی ایک ایسی طرز رسانی ہے جس میں اکتسابی عمل کو چلانے اس کی ادائیگی اور اس کے انتظام کے لیے ذرائع ابلاغ کا استعمال کیا جاتا ہے۔ بر قیانی اکتساب میں مختلف ذرائع مثلاً اذنیت، سی - ڈی، ڈی - وی - ڈی، آن لائن ویڈیو کا نافرنسنگ، ویب سائٹ،

ای-میل وغیرہ کا استعمال کیا جاتا ہے۔ بر قیاتی اکتساب کا استعمال عام طور پر فاصلاتی تعلیم میں کیا جاتا ہے لیکن اس کو بال مشافہ (Face-to-Face) سیکھنے کے ساتھ بھی منظم استعمال کیا جاسکتا ہے۔

(Concept and Meaning of Electronic Learning)

کمپیوٹر سے متعلق تصانیف (Literatures) میں بر قیاتی اکتساب کی تعریف حسب ذیل طریقوں سے کی گئی ہے۔

"ہدایتی مواد یا اکتسابی تجربات کو پیش کرنا یا اسے بر قیاتی شیکنالوجی کے ذریعے قبل قبول شکل میں پیش کرنا۔"

"کمپیوٹر، Interactive TV, Satellite Audio, Internet / Intranet / Extranet اور Video پیپ، CD/VCD اور Broadcast کا استعمال نہ صرف مواد کو پیش کرنے کے لیے بلکہ شرکت داروں (Participants) کے درمیان جوابی عمل کے لیے "اس کا استعمال کرنا۔"

بر قیاتی اکتساب کی اس تعریف کو موبائل اکتساب (Mobile Learning) کے ذریعے اور وسیع کیا جاسکتا ہے۔ لوری لاڑو (Laurillard, 2006) نے بر قیاتی اکتساب کی تعریف ان الفاظ میں کی ہے کہ "اکتسابی خدمت یا سیکھنے والے کی مدد کے لیے کسی بھی جدید شیکنالوجی یا اطلاق (Application) کا استعمال بر قیاتی اکتساب کہلاتا ہے۔" بر قیاتی اکتساب حسب ذیل نکات پر اپنی توجہ مرکوز کرتا ہے۔

☆ متعلم کیسے سیکھتے ہیں؟

(How Learners Learn?)

☆ سیکھنے والے کسی مہارت کو کتنی جلدی حاصل کر لیتے ہیں؟

(How Quickly Learners master a Skill?)

☆ مطالعہ کرنا کتنا آسان اور ضروری ہے؟

(How Easy and Important is to Study?)

☆ متعلم سیکھنے میں کتنا لطف انداز ہوتے ہیں۔

(How much Learners Enjoy the Learning)

(Advantages of E-Learning in Education)

ای-لرنگ تدریس و اکتساب کے لیے مزید چکدار طرز رسانی (Approach) کے موقع فراہم کرتی ہے کیوں کہ وہ۔

تعلیمی موقع میں درپیش رکاوٹوں کو دور کر زیادہ سے زیادہ طلبہ کو اس قابل بناتی ہے کہ وہ اکتساب کی رسانی کر سکیں جس سے کہ سبھی طلباء تعلیمی اور سماجی کامیابی کو حاصل کر سکیں۔ (1)

جو اساتذہ جغرافیائی رکاوٹوں سے مقابلہ کر رہے ہیں ان کی پیشہ وارانہ ترقی (Professional Development) اور بہتر مشاغل یا طور طریقوں (Practices) کی شرکت داری (Sharing) کے لیے ایک ذریعے کی تشکیل کرتی ہے۔ (2)

مختلف طریقوں کی تدریس اور اکتساب کے امکانات (Possibility) پیش کرتی ہے۔ (3)

- لرنگ آزادانہ اور تاہیات سیکھنے (Lifelong Learning) کو سہارا دیتی ہے۔ (4)

- (5) کسی بھی وقت (Anytime) اور کہیں بھی (Anywhere) موجود ہے، اس لیے یہ وقت اور فاصلے کے ذریعے پیدا کی گئی رکاوٹوں کو دور کر شرکت کو بڑھا وادیتی ہے۔
- (6) مرکب (Multiple) اکتسابی متعین طریقہ عمل (آواز، بصری مواد، متن، تصویر، اپیمیشن وغیرہ) کو پیش کرتی ہے۔
- (7) متعامل مواد (مثلاً گیمس، رسیمولیشن) کو ترجیح (Option) دیتی ہے۔
- (8) گروہی اکتساب (Group Learning) اور اشتراک (Collaboration) کے لیے موقع فراہم کرتی ہے۔
- (9) متعلمین کو یہ موقع فراہم کرتی ہے کہ وہ اپنی رفتار سے کام کر سکیں (پڑھنا، دیکھنا، جذب کرنا، دربارہ مواد کی رسائی کرنا وغیرہ)
- (10) معدود اشخاص کے لیے قابل رسائی ہے۔
- (11) موبائل آلات پر پہنچانی جاسکتی ہے۔
- (12) ویب براؤزر کی مدد سے با آسانی استعمال کی جاسکتی ہے۔
- (13) طلبہ کی شرکت فہم (Understanding) اور ترقی کے لیے راستہ مہیا کرتی ہے۔
- (14) آزمائشی تصوارات کو مختلف تجھیقی (Creative) انداز میں پیش کر سکتی ہے۔
- (15) متعلمین کی ڈیجیٹل خواندگی (Digital literacy) کو فروغ دیتی ہے۔
- (16) تعاون کے ماحول میں بحث و مباحثہ اور تصوارات کے تبادلے کے لیے موقع پیدا کرتی ہے۔ جس میں کشیر/ تناظرات (Multiple Perspectives) کے تجربات حاصل کر کے متعلمین ابلاغ، تنقیدی سوچ (Critical Thinking) اور تبادلہ خیال (Negotiation) کی مہارتوں میں ترقی کرنے کے لائق ہو جاتے ہیں۔

برقیاتی اکتساب کے اقسام (Types of E-Learning)

برقیاتی اکتساب کو بنیادی طور پر دو اقسام میں تقسیم کیا گیا ہے جو مندرجہ ذیل ہیں۔

(1) ہم وقت برقیاتی اکتساب (Synchronous E-Learning)

(2) غیر ہم وقت برقیاتی اکتساب (Asynchronous E-Learning)

ہم وقت برقیاتی اکتساب (Synchronous E-Learning) (1)

Synchoronous سے مراد "ایک ہی وقت" یا "ہم وقت" سے ہے۔ ہم وقت برقیاتی اکتساب میں طلباء اور معلم یا ہدایت کار کے درمیان جوابی عمل کے ذریعے ویب پر ایک ہی وقت یا ہم وقت میں ہوتا ہے۔ ان کے درمیان Live Interaction ہوتا ہے۔ Synchronous ٹیکنالوژی کی مثالیں حسب ذیل ہیں۔

Telephone	ٹیلی فون	☆
Video Conferencing	ویڈیو کانفرننس	☆
Web Conferencing	ویب کانفرننس	☆

Computer Conferencing	کمپیوٹر کا نفرنگ	☆
Internet Chatting	انٹرنیٹ چینگ	☆
(Asynchronous E-Learning)	غیر ہم وقت بر قیاتی اکتساب	(2)

جوابی عمل ایک ہی وقت میں نہیں ہوتا ہے۔ دوسرا الفاظ میں ہم کہہ سکتے ہیں کہ ان کے درمیان Live Interaction نہیں ہوتا۔ طلباء اپنے سیکھنے کی رفتار سے سیکھتے ہیں۔ Asynchronous ٹیکنالوجی کی مثالیں حسب ذیل ہیں۔

E-mail	ای-میل	☆
Message Board Forums	میسیج بورڈ فورم	☆
Print Materials	طبع شدہ مواد	☆
Fax	فیکس	☆
Audio / Video Cassettes	آڈیو/ویڈیو کیسٹس	☆
CD's / VCD's	سی ڈیز/وی-سی-ڈیز	☆
Blog	بلگ	☆
Wiki	ویکی	☆

اپنی معلومات کی جائجی (Check Your Progress)

1- سیمینار اور ورکشاپ میں بنیادی فرق کیا ہے؟

-2 E-Learning سے کیا مراد ہے؟

-3 ہم وقت بر قیاتی اکتساب کی دو مثالیں لکھیے؟

-4 غیر ہم وقت بر قیاتی اکتساب کی کوئی دو مثالیں لکھیے؟

5.7 ریاضی کی تدریس و اکتساب کے معیاری فروغ کے لیے عملی تحقیق

(Action Research for Improving Quality of Mathematics Teaching and Learning)

تحقیق کے معنی اور تعریف (Meaning and Definition of Research):

تحقیق کے لیے انگریزی زبان میں لفظ Research استعمال ہوتا ہے۔ ریسرچ (Re) اور سرچ (Search) کے معنی اور Re کے معنی Again کے معنی Find out something کے معنی ہے وہ عمل جس میں کوئی شخص کسی Phenomena کا بار بار مشاہدہ کرتا ہے اور معطیات اکٹھا کرتا ہے۔ ریسرچ کا عمل نئے حقائق، نتائج، نئے حقائق کے نتائج، نئے نظریوں کا تیار کرنا ہوتا ہے اس کے ذریعے سے نئے اطلاعات کے لیے رائے قائم کی جاتی ہے۔
بیسٹ کے مطابق "تدریسی و اکتسابی عمل اور وہ حالات جس کے اندر یہ کامیابی کے ساتھ یہی جاتے ہیں ان ساری چیزوں کو بہتر ڈھنگ سے تفہیم کرنا ہی ریسرچ ہے۔"

پی۔ ایم کوک کے مطابق "ریسرچ ایک ایماندارانہ اور کامل طور پر ذاتی عمل ہے جس میں پیش کیئے گئے مسائل کے تین ان حقائق اور ان کے مفہوم کی تحقیق کی جاتی ہے۔"

W.S Monroe کے مطابق تحقیق کی تعریف اس طرح کی جاسکتی ہے کہ مسائل کے مطالعے کا ایک طریقہ ہے جس کے حل کو کامل یا تھوڑا تلاش کرنے کی کوشش ہے۔ تعلیمی تحقیق کا خصوصی مقصد اصولوں کی تحقیق کرنا اور ایسا طرز رسائی دریافت کرنا جو کہ تعلیم کے میدان میں استعمال کیا جاسکے۔

برناؤ مہل (Bernard Mehl) کے مطابق "تحقیق شاید ایک واحد یقین دہانی ہمارے پاس ہے جو کہ کسی ایک مضمون یا ایک پیشہ کو پرانی روایتوں کو ضائع ہونے سے محفوظ رکھتی ہے۔"

تعلیمی تحقیق (Educational Research)

تعلیمی تحقیق بصیرت اور تصور پر مبنی ہوتی ہے۔ اس کے لیے ہم نصابی طرز رسائی کی ضرورت ہوتی ہے اور اکثر اس میں استقرائی استدلال استعمال کیا جاتا ہے۔

تعلیمی تحقیق کو دو حصوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔

(i) بنیادی تحقیق (Basic Research)

(ii) عملی تحقیق (Action Research)

بنیادی تحقیق کی وضاحت بنیادی تحقیق اور عملی تحقیق کے درمیان فرق کی شکل میں آگے کے صفحات میں کی گئی ہے۔ یہاں ابھی عملی تحقیق کی وضاحت کی جا رہی ہے۔

عملی تحقیق (Action Research)

استاد عملی تحقیق کا استعمال اپنے تدریسی عمل کو موثر بنانے اور تدریسی مقاصد کو حاصل کرنے کی منصوبہ بندی کرنے اور اس کو منظم کرنے کے

لیے کر سکتا ہے۔ معلم کو اپنی بات کو کہنے یا پیش کرنے میں بے شمار مسائل کا سامنا کرنا پڑتا ہے۔ کمرہ جماعت میں پیش آنے والی دشواریوں کا سامنا اور ان کا حل عملی تحقیق کو استعمال کر کے کیا جاسکتا ہے۔ یہ تدریس کو معروضیت اور معتبریت کے ساتھ پیش کرنے میں آنے والے مسائل کے حل کرنے کے لیے سب سے بہتر طریقہ ہوتا ہے۔ تدریسی عمل میں روبدل اور بہتری لانے کے لیے عملی تحقیق بہت ہی کارآمد ہوتی ہے۔

ڈاکٹر ایم۔ ایم۔ کورے نے عملی تحقیق (Action Research) کی اصطلاح کو پہلی بار تعلیم میں استعمال کیا تھا۔ یہ اصطلاح اسکولوں کی سرگرمیوں میں بہتری لانے کے لیے استعمال کی گئی تھی اور یہ جدید نظریہ انتظام انسانی وسائل (The Human Resource Management Theory) پر بنی ہے۔ نظریہ تنفسیت ٹاسک اور علاقات پر مرکوز ہے۔ عملی تحقیق کی ابتدائی فیصلوں اور عملوں کی رہنمائی، سچائی اور تعین عملی تحقیق دراصل دورانِ عمل تحقیق ہے۔

عملی تحقیق کی تعریف (Definition of Action Research)

☆ اسٹیفن ایم۔ کورے (Stephen M.Corey) کے مطابق ایکشن ریسرچ ایک عمل ہے جس کے ذریعے میدانِ عمل میں کارکردگوں (Practitioners) مسائل کو سائنسی انداز میں مطالعہ کرنے کی کوشش کرتے ہیں تاکہ وہ اپنے فیصلوں اور عملوں کی رہنمائی، سچائی اور تعین قدر کو صحیح طریقہ سے کر پائیں۔

☆ سارا بلکل ویل (Sara Blackwell) کے مطابق عملی تحقیق وہ تحقیق ہے جو اسکول کے مسائل سے متعلق ہوتی ہے اور یہ اسکول سے متعلق فردی کے ذریعے ہی کی جاتی ہے جس سے اسکول کے کام (Practices) کو بہتر کیا جاسکے۔

☆ ایم۔ سی۔ تھیریٹ (Me. Threte) کے مطابق ایکشن ریسرچ ایک منظم تفتیشی سرگرمی ہے اس کے ذریعے کیے جانے والے مطالعہ کا ایک ہدف ہوتا ہے کہ کسی فرد یا گروپ کی کاوشوں میں ایسی تغیری تبدیلی لائی جائے کہ ان میں اصلاح ہو سکے۔

☆ جان ڈبلو بیسٹ (Best J West) کے مطابق عملی تحقیق کی توجہ فوراً اطلاق پر مرکوز ہوتی ہے ناکہ کسی نظریہ فروغ دینے پر اس کے ذریعے حقیقی مسئلہ پر زور دیا جاتا ہے جو کہ مقامی ماحول میں ہوتا ہے۔

☆ تعلیمی لغت کے مطابق اپنے ہی فیصلے اور کام پر معلم اور ناظم کے ذریعے محدود مقاصد کے ساتھ کی جانے والی تحقیق کو عملی تحقیق کہا جاتا ہے۔ ان تعریفوں کی بنیاد پر ہم کہہ سکتے ہیں کہ عملی تحقیق وہ تحقیق ہے جو میدانِ عمل میں کارکردگی بھی فردا پنی کا دکر دگی کو بہتر بنانے کے لیے انجام دیتا ہے۔ ایک معلم عملی تحقیق کا انعقاد اپنی تدریس کو بہتر سے بہتر کرنے کے لیے کرتا ہے۔ یہ ایک سائنسی اور معروضی طریقہ ہے۔ لہذا ہم کہہ سکتے ہیں عملی تحقیق وہ طریقہ ہے جس کی مدد سے کمرہ جماعت اور اسکول کے کام کرنے کے نظام میں اصلاح کی جاسکتی ہے۔

عملی تحقیق کی خصوصیات (Characteristics of Action Research)

عملی تحقیق کی حسب ذیل خصوصیات ہیں۔

1۔ عملی تحقیق قریب ترین مسئلہ پر توجہ مرکوز کرتی ہے۔

2۔ مسئلہ کی تشخیص بہت ہی ہوشیاری سے کی جاتی ہے اور اقدامات (action) کے نتائج کا معروضی طریقہ سے تعین قدر کیا جاتا ہے۔

- 3- اس کے ذریعے روزمرہ کی پیشہ وار انہ مسائل کو حل کیا جاتا ہے۔
- 4- یہ تحقیق ذات خود اس شخص کے ذریعے کی جاتی ہے جو میدان عمل میں کام کر رہا ہو۔
- 5- افراد اور گروپ کے مسائل کا ذاتی مطالعہ ہی عملی تحقیق ہے۔
- 6- عملی تحقیق کا خاص مقصد کمہ جماعت اور اسکول میں ہونی والی سرگرمیوں کو بہتر بنانا ہے۔
- 7- اس تحقیق کے لیے بہت ہی کام مالی تعاون کی ضرورت ہوتی ہے۔
- 8- موجودہ مسائل کا عملی حل نکلنے کا یا ایک سائنسی طریقہ ہے۔
- 9- تعلیمی کے عملی مسائل کا حل عملی تحقیق کے ذریعے نکلا جاتا ہے۔
- 10- تعلیمی میں ہونے والی ترقی کو عملی تحقیق کے ذریعے متعین کیا جاسکتا ہے۔

عملی تحقیق کے مقاصد (Objectives of Action Research)

عملی تحقیق کا دائرہ بہت ہی وسیع ہے۔ اسکوں کا چھوٹا جزا یکشن ریسرچ کے اطلاق (Application) میں شامل ہے۔ عملی تحقیق کے حسب ذیل مقاصد ہیں۔

- ☆ اسکوں کے کام کرنے کے حالات کو بہتر بنانا۔
- ☆ کمہ جماعت کی تدریسی حکمت عملی کو بہتر کرنے اور اس میں مناسب تبدیلی کرنے میں مدد کرنا۔
- ☆ موثر تدریس کے لیے صحت مند محول مہیا کروانا۔
- ☆ اساتذہ میں اپنی تدریس کے معیار کو بہتر کرنے کے لیے جوش پیدا کرنا۔
- ☆ اساتذہ اور طلباء میں پنے مسائل کو سمجھنے اور حل کرنے کے لیے جمہوری رجحان پیدا کرنا۔

عملی تحقیق کے فوائد (Advantages of Action Research)

عملی تحقیق کے درج ذیل فوائد ہیں:

- ☆ عملی تحقیق معلم کے اندریٰ دلچسپیاں منئے ارادے اور نئی بصارت کو فروغ دینے میں مدد کرتی ہے۔
- ☆ ایکشن ریسرچ روایتی نہیں بلکہ تحریک باتی طرز رسانی ہے۔
- ☆ اس عمل میں حقائق اور اصلاح پر زیادہ توجہ دی جاتی ہے۔
- ☆ معلم پر عملی تحقیق ثابت اثر کرتی ہے جو کہ مدرس کو بہتر طریقے سے انجام دینے کے لیے متحرک کرتی ہے۔
- ☆ تحقیق استاد میں موجود صلاحیت کا فروغ کرتی ہے اور اس کے اندر سائنسی رجحان پیدا کرتی ہے۔
- ☆ یہ طالب علم کو اکتسابی عمل کو زیادہ معتبر طریقے سے انجام دینے اور اسے منظم کرنے میں معاون ہوتی ہے۔
- ☆ عملی تحقیق کی معلومات کی بنابر معلم اپنے طلباء میں مسائل کے حل کرنے اور سائنسی طریقوں کا استعمال کرنے کا ہر پیدا کر سکتا ہے۔

- ☆ تحقیقات کی دنیا میں داخل ہونے سے معلم کو مختلف تحقیقی رپورٹوں کا مطالعہ کرنے کے بعد اپنے مسائل کو اور اچھی طرح سے پیش کرنے کا موقع فراہم ہوتا ہے۔
- ☆ معلم کو اپنے ہی مشاہدوں اور مطالعات کو ناندز کرنے میں عملی تحقیق مددگار ثابت ہوتی ہے۔
- عملی تحقیق کے حدود (Limitations of Action Research)**
- ☆ ان نتائج کو ہر اسکول یا ہر کلاس میں آزماینہیں جاسکتا ہے یہاں تک کہ اگر معلم کا تبادلہ بھی ہو گیا تو اس کے نفاذ پر سوالات کیتے جاسکتے ہیں۔ بحر کیف یہ کہا جاسکتا ہے کہ عملی تحقیق کا دائرة انتہائی محدود ہوتا ہے۔
 - ☆ عملی تحقیق استاد کے کام کے بوجھ میں اضافہ کرتی ہے۔
 - ☆ عملی تحقیق غیر مصدقہ اور اس کے نتائج دھوکا دینے والے ہوتے ہیں۔

بنیادی تحقیق اور عملی تحقیق کے درمیان کافر ق

- ایکشن ریسرچ اور بنیادی ریسرچ کے مابین مندرجہ ذیل فرق ہیں۔
- | عملی تحقیق (Action Research) | بنیادی تحقیق (Basic Research) |
|---|--|
| 1. عملی تحقیق کی اصطلاح بنیادی تحقیق سے ہی فروغ پاتی ہے۔ | 1. یہ ایک پرانی اصطلاح ہے۔ |
| 2. عملی تحقیق کا خاص مقصد اسکول اور کمرہ جماعت کے اکتسابی عمل میں بہتری لانا ہے۔ | 2. یہ معلومات کو نظریات حقائق اور سچائی کی شکل میں بتاتی ہے۔ |
| 3. اس میں آسان طریقہ / تجزیہ اپنایا جاتا ہے۔ | 3. اس میں ہمیشہ پیچیدہ تجزیہ کیا جاتا ہے۔ |
| 4. معطیات اکھڑا کرنے کے لیے معیاری جانچ (Standalized Test) کو استعمال میں لایا جاتا ہے۔ | 4. اس میں معطیات جمع کرنے لے لیے مشاہدوں اور معلم کے ذریعے تیار کردہ جانچ (Teacher Made Test) کو استعمال میں لایا جاتا ہے۔ |
| 5. اس میں نمونہ بندی کا کوئی مسئلہ نہیں ہوتا ہے۔ | 5. نمونہ کو احتیاط کے ساتھ منتخب کیا جاتا ہے۔ |
| 6. عملی تحقیق کے نتائج کی تعمیم (Generalization) کرنا ممکن ہے۔ | 6. بنیادی تحقیق کے نتائج کو تعمیم نہیں کر سکتے ہیں۔ |
| 7. بنیادی تحقیق کا ڈیزائن قدر غیر لپکدار (Rigid) ہوتا ہے۔ اس میں کسی قسم 7. عملی تحقیق کا ڈیزائن لپکدار ہوتا ہے۔ اس میں تبدیلی کرنا کی تبدیلی نہیں کی جاسکتی ہے۔ آسان ہے۔ | 7. عملی تحقیق کا میدان بہت وسیع ہوتا ہے۔ |
| 8. عملی تحقیق کا میدان اس کی سب سے بڑی اہمیت ہے۔ | 8. بنیادی تحقیق کا میدان بہت وسیع ہوتا ہے۔ |
| 9. بنیادی سوالوں کا جواب دینا اور معلومات کے میدان میں اضافہ کرنا اس کا اسکول اور کمرہ جماعت کی اکتسابی مسائل کو حل کرنا ہی اس کی سب سے اہم تعاوون ہے۔ | 9. اسکول اور کمرہ جماعت کی اکتسابی مسائل کو حل کرنا ہی اس کی سب سے اہم تعاوون ہے۔ |

10. اس کا تعین قدر یونیورسٹی کے ذریعے مقرر کیتے گئے ماہرین کے ذریعے کیا جاتا 10. اس کا تعین قدر (Evaluation) بذات خود معلم ہی کر لیتا ہے۔
11. بنیادی تحقیق کے لیے ریسرچ اسکال اور تحقیقی طریقہ کار کی ضرورت ہوتی 11. اس کے لیے کسی خاص تربیت یا مہارت کی ضرورت ہے۔
12. اس کو مکمل کرنے کے لیے کافی وقت اور پیسے کی ضرورت ہوتی ہے۔ 12. اس کو مکمل کرنے کے لیے کم پیسے اور کم وقت کی ضرورت ہوتی ہے۔

ہندوستانی اسکولوں میں ایکشن ریسرچ کی ضرورت اور اہمیت

(Need and importance of Action Research in Indian School)

جان ڈبلیو بیست (John W Best) کے مطابق اگر کرہ جماعت میں تدریس کرنے والے اساتذہ تحقیق کے میدان میں اپنا تعاون اشتراک کرنا چاہتے ہیں تو یہ شاید عملی تحقیق کا حلقة ہی ہوگا۔ یہ اسکول کے روانج یا کام کا ج کو بہتر کرنے کی غرض سے کی جاتی ہے۔ اس کے تحت تعلیمی مشاہدہ کا عملی تحقیق میں معلم کی نشود نما، پیشہ وار ان فروغ اور نصاب کو بہتر طریقہ سے تیار کرنے کے لیے موقع کی نشاندہی کرنا ہے۔ ہندوستانی اسکولوں میں عملی تحقیق کی ضرورت اور اہمیت شدت سے محسوس کی جاتی ہے اس کے ذریعے سے تعلیمی میدان میں ہونے والی ترقی کے ساتھ شانہ بے شانہ گام زن ہو سکے۔ تدریسی عمل میں ایک معلم کو بے شمار مسائل کا سامنا ہوتا ہے۔ کبھی معلم طلباء کے مسائل کو صبر و تحمل کے ساتھ حل کرنے کی کوشش کرتا ہے اور کبھی کبھی اسے غصہ آ جاتا ہے، وہ اپنے طلباء کو ڈانٹتا ہے ان کو کلاس روم سے باہر کر دیتا ہے اس کے ساتھ سزا بھی دیتا ہے۔ حالانکہ اب سزادی نے پر پابندی عائد کر دی گئی ہے۔

اگر استاد کو ان مسائل کو حل کرنے کے لئے متحرک کیا جائے اور اس کی مدد کی جائے اور تمام ضروری سہوں تیں اور رہنمائی فراہم کی جائیں اور ساتھ ہی ساتھ عملی تحقیق کا انعقاد کرنے میں ان کی مدد کی جائے تو وہ اپنے مسائل کوطمینان بخش طریقے سے حل کر سکیں گے جس کے نتیجے میں ان کی پیشہ وار ان نشود نما اور فروغ میں اضافہ ہو گا۔

عملی تحقیق کے مرحل (Steps of Action Research)

عملی تحقیق کے مندرجہ ذیل مرحل ہیں۔

- .1 مسئلہ کی شناخت (Identification of Problem)
- .2 مسئلہ کی تعریف اور محدودیت (Defining and delimiting the problem)
- .3 مسئلہ کے اسباب کا تجزیہ (Analyzing the causes of the problem)
- .4 عملی مفروضہ کی تشکیل (Formulating the action Hypothesis)
- .5 عملی مفروضہ کی جانچ کا ڈیزائن (Design for testing the action Hypothesis)
- .6 مانچ (Conclusion)

1. مسئلہ کی شناخت (Identification of Problem)

معلم کو ہمیشہ اپنے پیشہ کے تین اور اس کی سرگرمیوں کے تین حساس ہونا چاہیے۔ اس کے لیے مسائل کو وسیع میدان سے علاحدہ کر کے دیکھنا چاہیے۔ تاکہ ان پر آسانی سے توجہ دی جاسکے اس لیے معلم کو مسائل پر نظر رکھنا چاہیے اور اس بات کا یقین کرنا چاہیے کہ ان میں سے بہت سارے مسائل کو ایک ایک کر کے عملی تحقیق کے ذریعہ حل کیا جاسکتا ہے۔

2. مسئلے کی تعریف اور محدودیت (Defining and delimiting the problem)

مسئلے کی شناخت کرنے کے بعد اس کی تعریف کرنی ضروری ہے تاکہ اس کو بیان کیا جاسکے۔ محدودیت (Delimitation) کے معنی مسائل کو کلاس (Class)، مضمون (Subject)، گروپ (Group)، اور پیریڈ (Period) سے موبوط کیا جاسکے۔ اس طرح مسئلہ کا حل تلاش کرنے میں آسانی ہوگی۔

3. مسئلہ کے اسباب کا تجزیہ (Analyzing the causes of the problem)

یہ جانتا ہوتا ہے کہ مسئلہ کیوں پیش آ رہا ہے۔ اس طرح کا تجزیہ ساتھی اساتذہ سے بات چیت کے ذریعے کیا جاسکتا ہے۔ اسباب کی بہت کا تجزیہ اس لیے کیا جاتا ہے کہ کیا یہ اسباب معلم یا مشاہدہ کار کے کنٹرول میں ہیں یا نہیں؟ یہ تجزیہ عمومی مفروضہ کی تشكیل کرنے میں مددگار ثابت ہوتا ہے۔

4. عملی مفروضہ کی تشكیل (Formulating the action Hypothesis)

عملی مفروضہ کی تشكیل کی بنیاد ان مسائل کے اسباب ہیں جو کہ مشاہدہ کار کے طرز رسانی کے حدود میں واقع ہے۔ عملی مفروضہ کے بیانیہ جملے میں دو پہلو پائے جاتے ہیں۔ فعل (Action) اور ہدف (Goal)

5. عملی مفروضہ کی جانچ کا ڈیزائن (Design for testing the action Hypothesis)

عملی مفروضہ تیار کرنے کے بعد استاد تجربے کے لیے نمونہ تیار کرتا ہے۔ اس مرحلے میں تحقیق کے لیے استعمال ہونے والے آلات کا یقین کیا جاتا ہے اور معدیات جمع کرنے کے ذرائع اور معدیات کی نوعیت بھی طے کی جاتی ہے اور استاد تعلیمی تجربے کے لیے عمل آوری شروع کر دیتا ہے۔

6. نتائج (Conclusion)

خامیوں کو علاحدہ کر کے اور ضروری تبدیلی کرنے کے بعد نتائج نکالے جاتے ہیں۔ یہ تبدیلیاں اسکول کے اندر موجودہ پریکٹسیز کو بہتر بنانے میں مدد کرتی ہیں۔

اپنی معلومات کی جانچ (Check Your Progress)

1- عملی تحقیق سے کیا مراد ہے؟

2-

عملی تحقیق کی کوئی دو خصوصیات بیان کیجیے؟

3-

تدریس ریاضی میں عملی تحقیق انجام دینے کے لیے کوئی دو مسائل بیان کیجیے؟

5.8 یاد رکھنے کے نکات (Points to be Remembered)

- ☆ پیشہ وار اور فروغ کا مطلب کسی فرد کا اپنے پیشہ میں نشوونما اور فروغ پانا ہے۔
- ☆ ریاضی کے مدرس کو مستعید، فعال، اور update رہنے کے لیے پیشہ وار اور فروغ ضروری ہے۔
- ☆ دوران ملازمت پروگرام وہ تعلیم ہے جو ایک مدرس اپنے تدریسی پیشہ میں شامل ہونے کے بعد حاصل کرتا ہے۔
- ☆ مختلف کانفرنس/سینیٹر/ورکشاپ/ای لرنگ میں شرکت کے ذریعے ریاضی کے مدرس کا پیشہ وار اور فروغ کیا جاسکتا ہے۔
- ☆ ریاضی کے استاد کے عمل تدریس کو موثر بنانے، تدریسی مقاصد کو حاصل کرنے، کمرہ جماعت میں پیش آنے والی دشواریوں کا سامنا اور اس کے حل میں عملی تحقیق (Action Research) کا رآمد ہوتی ہے۔

5.9 فرہنگ (Glossary)

ای لرنگ	اکتسابی حکمت عملی کی ایک ایسی طرز رسائی ہے جس میں اکتسابی عمل کو انجام دینے، اس کی ادائیگی اور اس کے انتظام کے لیے ذرائع ابلاغ کا استعمال کیا جاتا ہے مثلاً ایٹرنیٹ، سی۔ڈی، ڈی۔وی۔ڈی، آن لائن ویڈیو کانفرنسنگ، ویب سائٹس، ای۔میل وغیرہ
Action Research	عملی تحقیق
Professional	پیشہ وار اور
In-service	دوران ملازمت
Electronic Learning	برقیاتی اکتساب
Synchronous E-Learning	ہم وقت برقیاتی اکتساب
Asynchronous E-Learning	غیر ہم وقت برقیاتی اکتساب

5.10 اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Exercises)

معرضی جوابات کے حامل سوالات (Objective Answer Type Questions)

- 1- طلباء میں ریاضی کا خوف دور کرنے کے لیے ماہرین ریاضی کے --- کا انعقاد کرانا چاہیے۔
- 2- The Math Education ملک --- میں شائع ہوتا ہے۔
- 3- ای لرنگ میں اکتسابی عمل کو چلانے اس کی ادائیگی اور اس کے انتظام کے لیے --- کا استعمال کیا جاتا ہے۔
- 4- Asynchronous E-Learning کی مثال --- ہے۔

محضہ جوابات کے حامل سوالات (Short Answer Type Questions)

- 1- عملی تحقیق کی خصوصیات کو بیان کیجئے۔
- 2- استاد کے پیشہ وارانہ فروغ کے لیے مختلف قسم کے پروگراموں کو بیان کیجئے۔
- 3- اسکولوں میں عملی تحقیق کی ضرورت کیوں ہے؟
- 4- Best کے ذریعے پیش کردہ عملی تحقیق کی تعریف بیان کیجئے۔
- 5- پیشہ وارانہ فروغ سے کیا مراد ہے؟

طویل جوابات کے حامل سوالات (Long Answer Type Questions)

- 1- ریاضی کے مدرس کے لیے پیشہ وارانہ فروغ کیوں ضروری ہے؟
- 2- Mathematics Teachers Association کے کردار و افعال پر نوٹ لکھئے۔
- 3- عملی تحقیق (Action Research) کیا ہے؟ اس کے مقاصد بیان کیجئے۔
- 4- عملی تحقیق کے مراحل کو مثال کے ساتھ واضح کیجئے۔
- 5- عملی تحقیق اور بنیادی تحقیق کے درمیان کیا فرق ہے؟

5.11 مزید مطالعے کے لیے تجویز کردہ کتابیں (Suggested Books for Further Readings)

- Aggarwal, S.M. : Teaching of Modern Mathematics
- Ayangar, N.K : The Teaching of Mathematics in New Education
- Bell, E.T: The Development of Mathematics
- Bhatia and Bhatia : The Principles and Methods of Teaching
- Bhatnagar, A.B : Teaching of Mathematics
- Bishnoi, U : Teaching of Mathematics

نمونہ امتحانی پرچہ

Model Examination Paper

ریاضی کی تدریسیات

وقت : 3 گھنٹے

جملہ نشانات 70

ہدایت:

یہ پرچہ تین حصوں پر مستقل ہے۔ حصہ اول حصہ دوم اور حصہ سوم۔ ہر جواب کے لیے لفظوں کی تعداد اشارہ ہے۔ تمام حصوں کے جواب لازمی ہے۔
 ۱۔ حصہ اول میں دس لازمی سوالات ہے جو کہ معروضی سوالات ہے۔ ہر سوال کا جواب لازمی ہے۔ ہر سوال کے لیے ایک نمبر مختص ہے۔
 ۲۔ حصہ دوم میں 8 سوالات ہیں۔ اس میں سے کوئی 5 کے جواب ہی لازمی ہے۔ ہر سوال کا جواب تقریباً پانچ سوال الفاظ پر مشتمل ہونا چاہئے۔ ہر سوال کے لیے 6 نمبر مختص ہے۔

۳۔ حصہ دوم میں 5 سوالات ہیں۔ اس میں سے کوئی 3 کے جواب ہی لازمی ہے۔ ہر سوال کا جواب تقریباً پانچ سوال الفاظ پر مشتمل ہونا چاہئے۔ ہر سوال کے لیے 10 نمبر مختص ہے۔

سوال ۱۔ حصہ اول

کس کے مطابق ریاضی ذہن بناتا ہے؟ (i)

(b) کوٹھاری کمیشن NPE-1986 (a)

NCF-2005 (d) NCFTE-2009 (c)

علم ریاضی کی شاخ کیلکولس کی ہم شنگی کس مضمون سب سے زیادہ ہے؟ (ii)

(a) جغرافیہ (b) معاشیات

علم طبیعت (d) علم کیمیا (c)

ان میں سے کون ماہر تعمیری طرز رسمی کا حامل نہیں ہے؟ (iii)

Vygotsky (b) John Dewey (a)

J. Bruner (d) Skinner (c)

مقصد تعلیم سے متعلق بلوم کی درجہ بندی کی نظر ثانی کس نے کی؟ (iv)

(1) اینڈرسن (2) جان ڈیوی (3) آمس اسٹر انگ (4) کیل پیٹرک

تعلیمی آلات کی خصوصیات نہیں ہے۔ (v)

(1) ان کے عکس پر دے پر لیے جاسکتے ہیں۔

(2) ان کو استعمال کرنے کے لیے معمولی سی مہارت کافی ہے۔

(3) ان کو استعمال کرنے کے لیے بھلی کی ضرورت ہوتی ہے۔

(4) یہ نسبتی کمیتی ہوتے ہیں۔

کن اصطلاحات کا مرکب ہے؟ ICT (vi)

Technology and Communication (2)

IT and Telecommunication (1)

IT and Social Networking (4)

Codes and Information (3)

- (vii) کس منصوبے کی میعادسے سے زیادہ ہوتی ہے؟
 (1) خردمنصوبہ (2) سبق منصوبہ (3) اکائی منصوبہ (4) آئی سی ٹی بینی سبق
 (viii) معلم کو..... پر اپنے خیالات کا اظہار کرنا چاہیے تاکہ اس کو موثر بنایا جاسکے۔
 (1) علم (2) عمل (3) درسیات (4) ہم انصابی سرگرمیاں
 (ix) استقر ائی طرز رسائی کا رخ کس جانب ہوتا ہے؟
 (1) عام سے خاص (2) خاص سے عام (3) معلوم سے نامعلوم (4) نامعلوم سے معلوم
 (x) اقلیدس نے علم ریاضی کی کس شاخ پر نمایاں کام کیا ہے؟
 (1) مستوی جیو میٹری (2) مختصر جیو میٹری (3) مخفی جیو میٹری (4) کوئی نہیں

حصہ دوم

محضرجوابی سوالات

- 2. نصاب کی تعریف کیجیے؟ تشكیل نصاب کے مختلف اصولوں کی ایک فہرست تیار کیجیے۔
 -3. باہمی تعاون آموزش اور اشتراکی آموزش کے درمیان کیا فرق ہے؟
 -4. نصاب تعلیم کا تعین کرنے والے عوامل (determinants) کیا ہیں؟
 -5. تجرباتی الکتاب کی گردش (Experiential Learning Cycle) کی وضاحت کیجئے۔
 -6. اکتسابی مظاہر (Learning Indicators) کی قسموں کو مختصر ابیان کیجئے۔
 -7. نصاب کی تنظیم کے ہم مرکزیت طریقہ سے آپ کیا سمجھتے ہیں۔
 -8. طلباء کے درمیان ریاضی کے خوف کو دور کرنے کے لیے استاد کوئی حکمت عملی اپنانا چاہئے۔
 -9. ریاضی کے کسی بھی عنوان پر تصوراتی نقشہ / خاکہ (Concept Mapping) تیار کیجئے۔

حصہ سوم

طويل جوابي سوالات

- 10. ریاضی کے انصابی رجحان کی مرکز مضمون (Subject Centred)، کرداریت پسند اور تحریک پسند طرز رسائی کی وضاحت کیجیے۔
 -11. بحیثیت انصابی فروغ کننده معلم کے روں پر تفصیلی وضاحت کیجیے۔
 -12. CCE کی بنا پر ریاضی میں آٹھویں / نویں / دسویں جماعت سے ایک منصوبہ سبق (Lesson Plan) تیار کیجئے۔
 -13. مناسب مثالوں کے ذریعے ایڈگرڈیل کے اکتسابی تجربے کے مختوظ کی وضاحت کیجئے۔
 -14. ریاضی کو کر کے سیکھنے کے مقام و موقع کی ضرورت، نوعیت اور اس کے فائدے پر بحث کریں۔